

T. 104

المجلد

مُعْتَمِدَاتُ حِسَابِ

مکاتب اعدادیه مخصوص اولیٰ اوزره طرف عاجزانہ مدن یازیلان

علم حساب کتابدہ مندرج ۶۰۰ امانہ و مسائلک مفصلاً خارجی و مسائل
حلہ متعلق مض قواعد علمیہ و غوامض ریاضیہ فی حاویدر .



مؤلفی : محمد عزت

عثمانی دارالفنونی ریاضیات عالیہ و مالیہ مکتبی ایلہ استانبول
مکتب سلطانی و دارالشفقہ علوم ریاضیہ معلی

برنجی طبی — معادله مخصوص

صاحب و ناشری

قناعت کتبخانہ سی صاحبی الیاس

۱۱۸

در سعادت ۱۴۱۶

قناعت بھانہ و مطبعہ سی — باپٹی جادہ سی نورو ۲۰

۱۳۲۹

قَالَ كُنَّا فِي الْبَيْتِ
بِأَعْيُنِنَا

حساب معلی

قناعت کتبخانه سی

سند عزت بکک علوم ریاضیه کلیاتی

علم حساب

فیائی

- حساب (برنجی قسم - مدخل) هنوز حساب به اشلایان چو جقرله مخصوص
 ابتدائی ایکنجی صنفنده تدریس اولیہ
 اوزره ترتیب اولمشدر
 ابتدائی اوچنجی صنفارینه مخصوصدر (طبع اولنقده)
 ایکنجی سنه
 اوچنجی سنه
 درونجی سنه
 بشنجی سنه
 رشديه صنفارینه مخصوصدر

علم حساب مکاتب اعداریه ایله لیسرل پروگرامنه موافقدر. رسماً مکاتب
 مذکوریه قبول اولمشدر ۶۰۰ امثله و مسائلی حاویدر.
 فیائی ۱۲ غروشدر.

حساب معلی علم حساب کتابنده مندرج الجمله امثله و مسائلک حلارنجی ودها
 برچوق مسائل و غوامض ریاضیهی حاویدر. فیائی ۱۵ غروشدر.

حساب تجاری متره اصولنک مسکوکاته تطبیقی و معاملات رسومیه و تجارتیه
 عائد بعض اصول حسابیه بی و علی العموم حساب عملی تجارتی ایله ناقه
 و شرکتلر معاملاتنی حاویدر. فیائی ۱۰ غروشدر.

ریاضیات مالیه مالیه مکتبنده مأمورین خزینه صنفنده تدریس اولنقده در حساب
 عملی مالی و فائض و اسقو نظر و امور تیسبان حساباتی ایله بائقهره
 عائد حسابات خصوصیه و مالیه بی جامعدر. فیائی ۱۰ غروشدر.

علم جبر

علم جبر مکاتب اعداریه ایله لیسرل پروگرامنه موافقدر. یکیدن علاوه
 و تصحیحات ایله درونجی دفعه طبع و تثیل اولمشدر. فیائی
 ۱۲ غروشدر.

جبر معلی علم جبر کتابنده موجود امثله و مسائلک صورت حلارنجی و مسائل
 حلنه عائد بعض غوامض ریاضیهی حاویدر. فیائی ۱۵ غروشدر.

فن مثلثات

فن مثلثات مكاتب اعداديه وليسهلر پروغرامنه موافق در ۳۰۰ امثله ومسائلي
 حاويدر. فياتي ۵ غروشددر .

مثلثات معلی فن مثلثاتده مندرج امثله ومسائلك حاليخى حاويدر (طبع اولنقده)

فن ميخانيك

فن ميخانيك مكاتب اعداديه وليسهلر پروغرامى داخلنده در ۳۰۰ دن متجاوز
 امثله ومسائلي حاويدر. فياتي ۶ غروشددر .

ميخانيك معلی فن ميخانيكده مندرج بالجله مسائلك حاليخى حاويدر (طبع اولنقده) -
 مبادى فن ماكنه دارالشفقه پروغرامى داخلنده در. ايكي جلد در فياتي ۲۰ غروشددر.

علوم حكيميه وطبيعيه

علوم حكيميه وطبيعيه (برنجى قسم) حكمت طبيعيه وكيميا مباديسنى و ۳۰۰
 پارچه اشكالى حاويدر . ليسهلرله مكاتب
 اعداديه نك برنجى صنفارنده تدريس قلنمق
 اوزره ترتيب ايدلشدر فياتي ۷۰۵ غروشددر .

علوم حكيميه وطبيعيه (ايكنجى قسم) علم حيوانات و نباتات وطبقات الارض مباديسنى
 و ۲۵۰ پارچه اشكالى حاويدر . مكاتب
 اعداديه پروغرامى داخلنده در (طبيعى ختام
 بولمق اوزره در) .

مقدمه و مقصد

بو کتاب مکاتب اعدادیه مخصوص اولوق اوزره طرف
ماجرانه مدن تألیف ونشر اولئان علم حساب کتابنده مندر
بالجمله امثله ومسائلك صورت حللرینی ومسائل حلنه متعلق دها
برچوق اصول وقواعد عملیه بی جامعدر .

بویله بر کتابك نشرنده آرانیلان مقصد برجهندن رفقای
ماجرانه اولان معلمین محترمه نك وظیفه لرینی تسهیل ایله برابر
مسائل حلنده فائده بخش اوله جغنی امیدایلدیکم بعض فوائده عملیه بی
کندیله رینه عرض ایتک و دیگر جهندن علم حساب تحصیلله
مشغول بولئان شبان وطنه اك مشکل زمانلرنده يك قیمتدار
بر خدمتده بولنق کبی غایت صمیمی ر ارزونك حیز آرای
حصول اولسیدر .

تدریسات ریاضیه کبی امر تحصیل بر خیل معاونت وتسهیلاته
محتاج اولان علوم وفنونك مبادیاتنده اکثر احوالده طلبه نك
وعلى الخصوص منفرد آجالیشان و یا خود ممارساتده دیگر ارقداشلرندن
بالنسبه کیروده بولئان شاگردانك اللرنده بر مسئله حسابیه نك
حلی خصوصنده یوروتدکاری محاکات فکریه نك اصابتی
ویایدقدقلری عملیات حسابیه نك محنتی تدقیقه والحاصل هر درلو
شبهات وتردداتی ازاله یه مدار اوله جق بر کتابك نه درجه
فائده بخش اوله جغنی مستغنی عرض وایضا حدر .

اشبوکتابه درج اولتان امثله ومسائلك قسم اعظمى كل يوم حيات عمومیه ده قولانیلان شیردن انتخاب ایدلمش اولدینی کبی هر بجنده بومسائلك غایت قولای اولانلرندن باشلانیله رقتدریجی وایجابنه کوره حلی برازدها مشکل اولان مسائله قدر جیقامش وبوندن ماعدا مکاتبده طایفه نك تفاوت اسنانی وقابلیت فکریه سیله ذوق مخصوصی نظر دفته الهرق ا کا کوره امثله ومسائل مرتبه نك ممکن مرتبه مختلف ومتشوع اولسنه چالیشلمشدر .

بوخصوصده اختیار ایلدیکم شوکلفت ایله شمیدی یه قدر کایشی کوزل حساب کتابلرینه طولدیریلان وحقیقتده وجودی اولمدینی جهتله قولایلقله اکلاشیله میان بی وجه واغرب مسائلك انتخاب وحانده اوتهدنبرو اعتیاد اولنه کلان تعامل قدیمه قارشو بر جهاد یایمق ایستدم .

واقعا بو غرائب مسائلدن بعضالرینك حلنه بر نوع حیلله حسابیه به مراجعت صورتیله موفق اولنمقده ایسه ده طلبه بومسائل مواجهه سنده بر معمای ریاضی حلنه دعوت ایلدیکنی آکلایه رق اکثریا صرف ذهن ایتمکسزین اوکرنمش اولدینی نمونه بر مسئله یی اساس اتخاذا ایله مسائل مذکوریه یی عادتا ماکنه کبی حل ایتمکه چالیشمقده وبالاخره محاکمه یه ایله حل مسائله هیچ اهمیت ویرمیه رك باصمه قالب اوکرندیکی بر اصوله هریرده جای تطبیق آرامقده در . بو ایسه یهوده یره اضاعه اوقاتی موجب فائده سز بر ایش وکنجارمك قوای مفکره لرینك

انکشاف و توسعنه باشلوجه برمانعدر .

بوکون بالتجربه ثابت اولمشدرکه بر چوجق ، ذهنتک
قولایقله ضط و احاطه ایلدکی مسائل بسیطه یی محاکمه ایتک
صورتیله توسیع مکر و ملاحظه ایلدکده در بونک کبی کنجلمزک
تدریسات ریاضیه ده کی ترقیلری کنیدلرینه مشکلات ایقاع ایدرک
دکل هرشیئی قولایقله آکلانه رق هضم و تمثیل ایتدیرمک
صورتیله قابل و ممکن اولمقددر .

ایشته عاجزلریده مستعیناً بتوفیقه تعالی اولاد وطنک علم
حساب ممارساتنده کی مساعیسنی قولایلاشدیرمق و معامین
محترمه یه ده ناجیز بر خدمتده بولنق املیله ذکر اولمان اصول
دائرة سنده بوکتانی وجوده کتیرمکه عزم ایلدم . ومن اذ التوفیق

سک بر درک

عمره دی القعه ۱۳۲۸

محمد عزت



برنجی کتاب

اعمال اربعه



تعلیم ۱ — نمره اول و نمره دوم

آئیده کی عددلری رقمه یازیکنز :

۶۱	جواب :	التمش بر
۷۲		یتمش ایکی
۳۰۴		اوچ یوز درت
۳۰۰۴		اوچ بیک درت
۳۵۰		اوچ یوز للی
۳۴۸۰		اوچ بیک درت یوز سکسان
۴۳۵۰۰۰		التمش میلیون درت یوز اوتوز نش
۲۲۰۰۰۲		ایکی یوز یکریمی بیک ایکی
۱۱۰۰۱۱		بر میلیون یوز بیک اونبر

۲ سالف الذکر عددلرده قاچ مأت واردر ؟

جواب — ۶۱ و ۷۲ عددلری مأتدن کوچوک اولدقلرندن بونلر مأت یوقدر .

دیگر لرنده ایسه صره سیله :

۳ مات

۳۰ مات

مات وارد در .	{	۳
		۳۰
		۶۰۰۰۴
		۲۲۰۰
		۱۱۰۰۰

۳ بیکلر رقمی هانکی خانه ده بولنور ؟

جواب — عددك صاغدن اعتباراً دردنجی خانه ده

۴ آتیده کی رقمی او قوییکز و حرفله یازیکنز ؟

۱۷ جواب — اون یدی

۲۵ یکرمی بش

۴۴ قرق درت

۷۰ یتمش

۱۳۲ یوز اوتوز ایکی

۱۸۷۵ بیک سکزیوز یتمش بش

۱۷۵۰ بیک یدی یوز اللی

۸۰۲۰۵ سکسان بیک ایکیوز بش

۴۰۰۱۷ قرق بیک اون یدی

۶۵۴۰۱۰۰ اللی میلیون بشیوز قرق بیک یوز

۷۹۲۰۰۰۴۲۶ یدی یوز طقسان ایکی میلیون درت یوز اوتوز اللی

۱۲۳۴۵۶۷۸۹۰ بر میلیار ایکی یوز اوتوز درت میلیون بش یوز

التمش یدی بیک سکزیوز طقسان

۵ آتیده کی عددلرک خانه لریخی دیکشدره رک او قوییکز

واولکی قیمتلرینه نظراً بویکی عددلرک قیمتلرینک اولکی عددلرک

قیمت‌لرینه نظراً بویوک ویا کوچوک اولدیغنی سویلیکنز ؟

۵۱ ، ۸۷ ، ۱۲۳ ، ۵۴۳ ، ۷۴۶۱ ، ۶۰۷۵۴

جواب — حصوله کلان عددلر شونلردر :

۱۵ اوزبش بوده ۵۱ دن کوچوکدر و $۵۱ > ۱۵$
وجهله یازیلور .

۷۸ یتیش سکنز $۸۷ > ۷۸$

۳۲۱ اوچ یوزیکرمی بر $۱۲۳ < ۳۲۱$

۳۴۵ اوچ یوز قرقبش $۵۴۳ > ۳۴۵$

۱۶۴۷ بیک‌التیوز قرقیدی $۷۴۶۱ > ۱۶۴۷$

۴۵۷۰۶ قرقبش بیک‌یدی یوزالتی $۶۰۷۵۴ > ۴۵۷۰۶$

۶ بش رققلی قاچ عدد واردر ؟

جواب — بررققلی ۹ عدد واردر ۲ رققلی عددلرک

صوکنجیسی ۹۹ اولدیغندن ۲ رققلی عددلرک مقداری

اولور . $۹۹ = ۹۰$

کدک ۳ رققلی عددلرک صوکنجیسی ۹۹۹ اولدیغندن بوطاقم

عددلرک مقداری

اولور . $۹۹۹ = ۹۰۰$

بویاضاحاته نظراً ۵ رققلی عددلرک مقداری

اولور . $۹۹۹۹ = ۹۰۰۰۰$

۷ ۱۳۷۶ عددینی قاعده تعداد ۸ اولدیغنه کوره یازیکنز ؟

جواب — بواصول تعدادده استعمال اولنه‌جق ارقام

در ۷ ، ۶ ، ۵ ، ۴ ، ۳ ، ۲ ، ۱ ، ۰

اشبو اصوله توفیقاً ایکنجی مرتبه ۴ آحادینی تشکیل ایتک ایچون

آحاد سکزر سکزر ترکیب اولنشق لازم کلدیکندن ، قعداری سکزدن دون اولان متباقی آحاد ایسه آحاد بسیطه یی تشکیل ایدر . بورقم قاعده سی ۸ اولان اصولده عددک صاغ طرفه یازیلان برنجی رقدردر .

ایمدی ۱۳۷۶ عددی ۸ ایله تقسیم اولندقدہ

$$\begin{array}{r|l} 1376 & 8 \\ 56 & 172 \\ \hline 16 & \end{array}$$

اولور .

$$8 \times 172 = 1376$$

شوحالده صفر صاغدن برنجی رقم اولور .
ایکنجی مرتبه یی تشکیل ایدمک اولان ۱۷۲ آحاد حقنده ده عین وجهله حرکت اولندقدہ

$$\begin{array}{r|l} 172 & 8 \\ 12 & 21 \\ \hline 4 & \end{array}$$

$$8 \times 21 = 172$$

وینابرین ۴ عدد مطلوبک ایکنجی رقمی اولور .
کذلک

$$\begin{array}{r|l} 21 & 8 \\ 5 & 2 \\ \hline 5 + 8 \times 2 = 21 & \end{array}$$

اولوب ۵ دخی اوچنجی رقم و ۲ دردنجی رقم اوله جفنسدن شوحالده عدد مطلوب ۲۵۴۰ اولور .

۸ قاعده سی ۶ اولان بر اصولده ۵۴۳۲ یازیلان بر عددی اصول اعشاری یه کوره یازیکز ؟

جواب — ۵۴۳۲ عددی قاعده سی ۶ اولان اصولده دردنجی

مرتب‌ه‌دن بش آحادی حاوی و بونلردن هربری اوچنجی مرتبه‌دن ۶
آحاد مساوی اولدیغندن بمقدار آحاد اوچنجی مرتبه‌دن

$$۳۴ = ۴ + ۵ \times ۶$$

آحاد حاصل ایدر و بونلردن هربری ایکنجی مرتبه‌دن ۶ آحاد
مساوی بولور .

اشبو آحاد ایکنجی مرتبه‌یه نسبت و تحویل اولندوقده

$$۲۰۷ = ۳ + ۲۰۴ = ۳ + ۳۴ \times ۶$$

آحاد ابتدکیکندن بونلرکده هربری برنجی مرتبه‌دن ۶ آحاد
مساوی اولور .

و بنا برین

$$۱۲۴۴ = ۲ + ۱۲۴۲ = ۲ + ۲۰۷ \times ۶$$

برنجی مرتبه آحادی حصوله کلش اولور .

شوخالده عدد مطلوبک اصول تعداد اعشاریده ۱۲۴۴ عددی
اولدیفی تبیین ایدر .

۹ ایکی رقمی بر عددک رقمی آرده‌سنه بر صفر قونورسه
نه اولور ؟

مرباب — عشرات خانه‌سی مأت خانه‌سنه کلش اوله‌جفندن عدد
مذکورک قیمت اضافیه‌سی اون دفعه بویور .

مثلا ۴۵ عددینک ایکی رقمی آرده‌سنه بر صفر قونلقدقه

$$۴۵ < ۴۰۰ \quad \text{اولور .}$$

۱۰ اوچ رقمی بر عددک صوکنندن ایکی صفر خذف

اولندقدقه قالان رقمک قیمت اضافیه‌سنجه نه تبدل اولور ؟

مرباب — قالان رقمک قیمت اضافیه‌سی یوز دفعه کوچولمش

ومأت مرتبه‌سندن آحاد خانه‌سنه نقل ایدلمش اولور .

مثلا ۴۰۰ عددینک صاغندن ایکی صفر خذف اولند

$$۴۰۰ > ۴ \quad \text{اولو}$$

۱۱ ۳۵۸۰۰۰ عددینک صاغنده کی اوج صفر ۵ ایله ۳ عددلرینک ارسنه قونلقدقه عدد مذکور نه کی تبدله اوغرا؟
 جواب — بوتدیلات ایله عدد مذکور ۳۰۰۰۵۸ شکلی
 آلور بوشکیله برنجی صورتی مقایسه اولندقه

$$۵۷۹۴۲ = ۳۰۰۰۵۸ - ۳۵۸۰۰۰$$

قدر نقصان اولور .

۱۲ برچوجق برچوال دروننده بولنان بيله طاشنی صایمق
 ایچون برقاچ بیغین یاپار :

اولا هربری ۱۰۰ بيله یی حاوی ایکی بیغین ؛ صکره
 هربری اوزر بيله یی حاوی ۵ بیغین یاپوب کندوسنه ۸ بيله
 آرتمش اولسه چوالده قاچ بيله اولدیغنی سویلیکیز ؟

جواب — ۱۰۰ بيله یی حاوی بریغین بر مات بيله یی کوستر
 بوخالده چوجق اولا ۲ مات بيله یاپتش اولورکه بوده ۲۰۰ وجهله
 یازیلور .

اون بيله یی حاوی اولان هر یغین بر عشرات بيله تشکیل ایدر .
 بهری اون بيله یی حاوی ۵ بیغین ایسه ۵ عشرات بيله یی یعنی الی
 بيله یی کوستره جکندن ۵۰ اوله رق یازیلور .

شوخالده چوجفک تشکیل ایله یی بیغتره نظراً بيله سی
 ۲ مات ۵ عشرات و ۸ آحاد
 اولورکه بوده ۲۵۸ بيله دیمکدر .

تعلیم ۲ — جمع

۱۳ ۵۳۴ و ۴۶۲ عددلرینی جمع ایدیکیز .

جواب — عملیات شکل آتیله ترتیب و اجرا اولندقدہ

۵۳۴

۴۶۲

۹۹۶ — یکون اولور .

۱۴ ۲۱۳ و ۴۳۲ و ۱۱۴ عددرینی جمع ایدیکز .

جواب —

۲۱۳

۴۳۲

۱۱۴

۷۵۹ — یکون اولور .

۱۵ ۶۵۴ و ۳۰۲ و ۴۲۰۰۷ عددرینی جمع ایدیکز .

جواب — وجه آتی اوزره جمع اولندقدہ

۶۵۴

۳۰۲

۴۲۰۰۷

۴۲۹۶۳ — یکون اولور .

۱۶ ۳۷۰۵۱ و ۵۴۳۸ و ۱۰۰۹ و ۴۶۱۲۵ و ۱۷۷۸۶

عددرینی جمع ایدیکز .

جواب — عملیات آتیله اولدینی کبی ترتیب و اجرا اولندقدہ

۳۷۰۵۱

۵۴۳۸

۱۰۰۹

۴۶۱۲۵

۱۷۷۸۶

۱۱۷۴۰۹ — یکون اولور .

$$۶۶۸۸ + ۵۵۴۴ + ۶۶۶۶ + ۸۷۶۵ + ۹۹۹۹ \quad ۱۷$$

$$۶۷۶۷ + ۵۳۲۱ + ۶۷۸۹ + ۵۴۳۲ + ۵۶۷۸ \quad ۱۸$$

$$۶۷۸۹ + ۲۱۴۵ + ۶۵۴۳ + ۸۱۴۷ + ۷۰۰۸ \quad ۱۹$$

$$۱۴۱۴ +$$

$$۵۰۰۰۴۱ + ۳۰۰۲۱ + ۴۰۰۱۸ + ۳۵۶۳۵ \quad ۲۰$$

$$۴۵۷ + ۷۰۸۱ + ۶۰۰۴۱ +$$

مرباب -

(۱۸)	(۱۷)
۵۶۷۸	۹۹۹۹
۵۴۳۲	۸۷۶۵
۶۷۸۹	۶۶۶۶
۴۳۲۱	۵۵۴۴
۶۷۶۷	۶۶۸۸
یکون ۲۸۹۷۸	یکون ۳۷۶۶۲
(۲۰)	(۱۹)
۳۵۶۳۵	۷۰۰۸
۴۰۰۱۸	۸۱۴۷
۳۰۰۴۱	۶۵۲۳
۵۰۰۰۴۱	۲۱۴۵
۶۱۰۴۱	۶۷۸۹
۷۰۸۱	۱۴۱۴
۴۵۷	یکون ۳۲۰۴۶
یکون ۶۷۳۳۱۴	

۲۱ بر پدرمخدومنك ولادتند ۲۷ یاشنده ایمش. مخدومی

۳۳ یاشنه کیردیکی زمان پدری وفات ایتش اولدیغنه نظرآ
پدرک قاج یاشنده وفات ایتش اولدینی مطلوبدر ؟

جواب — مخدومك ولادتندن پدرك وفاتنه قدر ۳۳ سنه
کچمشدر. ديك اولورکه پدر حین وفاتنده مخدومك ولادتنده کی یاشندن
۳۳ یاش فضلہ بریاشده یعنی

$$۶۰ = ۲۳ + ۲۷$$

یاشنده اولدینی تبین ایدر .

۲۲ ۱۲۸۴ سنه سنده تولد ایدن برآدم ۷۵ یاشنده وفات
ایتش اولسه وقائی سنه سی ندر ؟

جواب — وفات سنه سی ۱۲۸۴ سنه سنه ۷۵ سنه نك علاوه سیله
استحصال اولنه جفندن

$$۱۲۸۴ + ۷۵ = ۱۳۵۹ \text{ اولور .}$$

۲۳ ۱۳۰۴ سنه سنده مکتبدن چیقان برافندی ۲۱ سنه
مأموریتده قالدقندن صکره معزول اولسه عزل اولوندینی سنه نك
نارینخی ندر ؟

$$۱۳۰۴ + ۲۱ = ۱۳۲۵ \text{ جواب}$$

۲۴ بر بقال ۴ چوال صابون آلمش . بر چوالی ۱۲۵
کیلو ایکنجیسی ۷۵ کیلو وارچنجیسی ۱۴۷ و دردنجیسی ده
۲۰۰ کیلو کلسه بودرت چوالک مجموعی قاج قیه ایدر ؟

جواب — آرانیلان مجموع درب صندقدن هر برینك وزنلری
مجموعی اولدیغندن

$$۱۲۵ + ۷۵ + ۱۴۷ + ۲۰۰ = ۵۴۷ \text{ کیلو ایدر .}$$

۲۵ بر ایشچی یاپدینی بر ایش ایچون ۳۰ غروش و بر .

ایکنجی ایشجی برنجیدن ۱۲ غروش فضله و اوچنجیسی ده
دیگر ایکی ارقداشك الدقلری پارهك مجموعی قدر بر اجرت
المش اولسه اوچنك آلدینی مبلغ ندر ؟

هواب — رنجی ایشجی ۳۰ غروش الیفندن ایکنجی
 $۳۰ + ۱۲ = ۴۲$ غروش

المش اولور اوچنجی ایشجی ایسه بویکیسنك الدقلری پاره قدر بر اجرت
الیفندن

$۳۰ + ۴۲ = ۷۲$ غروش آلور .

شوحاله اوچ عملهك الدقلری پارهك مجموعی

برنجی ایچون	۳۰	غروش
ایکنجی »	۴۲	»
اوچنجی »	۷۲	»

مجموع قرائجلی : $۳۰ + ۴۲ + ۷۲ = ۱۴۴$ غروش اولور .

۲۶ ۲۱۴۵۰ غروشه بر خانه صاتون انهرق ۳۴۲۵

غروش قدرده تعمیراته صرف ایدلمش اولدینی معلوم ایکن
بو خانهدی ۱۵۰۰ غروش کاریله دیگر بر مشترییه مال ایتك
ایچون قاج غروشه صاعلمیدر؟ — مشتری بو آلیشده ۶۲۵ غروش
قدر انتقال وسائره خرجی ویرمش اولسه خانه کندوسنه
قاجه مال اولمش اولور ؟

هواب — صاتش فیاتی آلیش فیاتی ایله تعمیراته صرف ایدلمش
اولان مباغك و برده استحصال اولنق ایستیلان کارك مجموعه مساوی
اوله جفندن

$۲۱۴۵۰ + ۳۴۲۵ + ۱۵۰۰ = ۲۶۳۷۵$ غروش

اولور .

مشتري خانه صاحبنه و پرديكي ۲۶۳۷۵ غروشدن ماعدا انتقال
وساثره خرجي اوله رقي ۶۲۵ غروش و برمش اولديفنندن خانه كندوسنه

$$۲۶۳۷۵ + ۶۲۵ = ۲۷۰۰۰$$

غروشه مال اولش اولور .

۲۷ دولتلك ديون موحده سي بروجه اتی اراثة اولنسه :

روسيه ۱۲ ميليار فرانك ؛ ايتاليا ۱۱۵۰۰ ميليون ؛ جاهير
متفقہ آمريقا ۶ ميليار ؛ اسپانيا ۷ ميليار ؛ المانيا ۲ ميليار ؛
پورتگيز ۳ ميليار ؛ اوستريا و مجارستان ۱۵ ميليار ؛ بلجیقا
۲۴۰۰ ميليون ؛ انگلتره ۱۷۵۰۰ ميليون ؛ اسويچره ۷۵۰۰
ميليون ؛ فرانسه ۳۲ ميليار

بودولتلك مجموع بورجلری ندر ؟

مواب — بوراده اجراسی مقتضى عمليات ساده بر جعدن عبارت
اولديفنندن بوتون مبالغ ميلیونه تحویل اولندقدن صكره عين مرتبه آحادی
بر برينن البته كله جك وجهله يازيله رق جمع ايدلده كره

۱۲۰۰۰

۱۱۵۰۰

۶۰۰۰

۷۰۰۰

۲۰۰۰

۳۰۰۰

۱۵۰۰۰

۲۴۰۰

۱۷۵۰۰

۷۵

۳۲۰۰۰

۱۰۸۴۷۵ ميليون فرانك

اولور يعنى مجموع ديونك ۱۰۸ ۴۷۵ ۰۰۰ ۰۰۰ فرانك اولدينى
تبين ايدر .

۲۸ ۱۹۱۰ سنه سنده اوروپا دولترينك نفوسى مقادير
آتيه دن عبارت اولسه قطعه مذكوره نك نفوس عموميه سى نه اولور؟

نفوس	نفوس
۳ ۵۲۵ ۲۵۶	دولت عثمانیه ۳۵ ۳۱۶ ۱۵۹
۵ ۴۲۹ ۶۰۰	روسیه ۱۵۷ ۷۳۹ ۵۰۰
۲ ۲۴۰ ۰۳۲	المانيه ۶۰ ۶۴۱ ۲۷۸
۲ ۵۸۸ ۹۱۹	اوستريا ۴۹ ۲۹۲ ۵۲۲
۵ ۱۰۴ ۱۳۷	فرانسه ۳۹ ۲۵۲ ۲۶۷
۴ ۰۳۵ ۵۷۵	انكلتره ۳۰۲ ۹۷۰ ۰۰۰
۲ ۳۶۱ ۹۵۲	پورتگيز ۲ ۵۹۸ ۵۷۹
۵ ۹۵۶ ۶۹۰	اسپانيا ۱۹ ۷۱۲ ۵۸۵
۹۸۰ ۰۰۰	ايتاليا ۳۲ ۴۷۵ ۲۵۸
۲ ۸۲۲ ۸۴۴	بلجیقا ۷ ۳۸۶ ۴۴۴

جواب — نفوس مذكوره بشر بشر طاقه آيريله رق جمع اولندقدمه

اولا ايلك بش دولتك نفوسى

۳۵,۳۱۶,۲۵۹
۱۵۷,۷۳۹,۵۰۰
۶۰,۶۴۱,۲۷۸
۴۹,۲۹۲,۵۲۲
۳۹,۲۵۲,۲۶۷

۳۴۲,۲۴۱۰۸۲۶

وصره سيله ديكر بش دولتك نفوسى جمع اولندقدمه

۳۰۲ ۹۷۰ ۰۰۰
۱۹ ۷۱۲ ۵۸۵
۲ ۵۹۸ ۵۷۹
۳۲ ۴۷۵ ۲۵۸
۷ ۳۸۶ ۴۴۴

۳۶۵ ۱۴۲ ۸۶۶

دیگر بش دولتک نفوسی دخی

۳ ۵۲۵ ۲۵۶

۵ ۴۲۹ ۶۰۰

۲ ۲۴۰ ۰۳۲

۲ ۵۸۸ ۹۱۹

۵ ۱۰۴ ۱۳۷

۱۸ ۸۸۷ ۹۴۴

وصره سیله صوک بش دولتک نفوسی

۴ ۰۳۵ ۵۷۵

۲ ۶۳۱ ۹۵۲

۵ ۹۵۶ ۶۹۰

۹۸۰ ۰۰۰

۲ ۸۲۴ ۸۴۴

۱۶ ۴۲۹ ۰۶۱

اولمفین اوروپا دواتلرینک مجموع نفوسی

+ ۱۸۸۸۷۹۴۴ + ۳۶۵۱۴۲۸۶۶ + ۳۴۲۲۴۱۸۲۶

اولش اولور . ۷۴۲۷۰۱۶۹۷ = ۱۶۴۲۹۰۶۱

۲۹ ایکی عمله دن برینک ۸۵ و دیکرینک ۱۲۹ غروش

استحقاقی اولسه هرایکیسنک استحقاقی ویرمک ایچون قاج
غروش لازمدر .

مهراب — بو استحقاقلری کوستن غروشله ذهنا جمع اولندقه

غروش ۲۱۴ = ۹ + ۵ + (۱۲۰ + ۸۰) = ۱۲۹ + ۸۵

لازم اولدینی تبین ایدر .

۳۰ برخانه نك اوچنجی قاتنه چیقماق ایچون زمیندن

برنجی قاته قدر ۲۹ و برنجی قاتده ۲۵ و ایکنجی قاتده ۲۱

باصه ماق اولسه زمین قاتندن اوچنچی قاته قاج باصه ماق واردر ؟

هواب — بومعامله ذهنأ دوشونلده

$$۵ + (۱ + ۹) + (۲۰ + ۲۰ + ۲۰) = ۲۱ + ۲۵ + ۲۹$$

$$۷۵ = ۵ + ۱۰ + ۶۰ =$$

باصه ماق اولدینی تبین ایدر .

۳۱ اتی صنفدن مرکب اولان برمکتبده برنجی صنف

۳۵ وایکنجی صنف ۴۲ و اوچنچی صنف ۴۹ و دردنچی

صنف ۵۵ و بشنچی صنف ۶۱ و التنجی صنف ۶۷ طلبه دن

عبارت اولسه مکتبک طلبه موجوده سی ندر ؟

هواب — طلبه موجودی

$$۶۷ + ۶۱ + ۵۵ + ۴۹ + ۴۲ + ۳۵$$

مجموعندن عبارت اوله جفندن بوده ذهنأ جمع اولندقدمه

$$۲۸۰ = ۳۰ + ۵۰ + (۴۰ + ۶۰) + (۴۰ + ۶۰)$$

$$۲۹ = ۲ + ۷ + (۱ + ۹) + (۵ + ۵)$$

و بنا برین

$$۳۰۹ = ۹ + (۲۰ + ۲۸۰) \text{ طلبه اولور .}$$

۳۲ اوچ کیمسه بینلرنده بر شرکت عقدیله بری ۱۵۰۰۰۰

وایکنجیسی ۷۵۰۰۰ و اوچنجیسی ده ۳۵۵۰۰ غروش ویرسه

بوصورتله تشکل ایدن شرکتک سرمایه سی نه اولور ؟

هواب — شرکتک سرمایه سی اوچ کیمسه نك اعطا ایده جکاری

مبلغ مجموعندن عبارت اوله جفندن سرمایه مطلوبه

$$۲۶۰۰۰۰ = ۳۵۵۰۰ + ۷۵۰۰۰ + ۱۵۰۰۰۰ \text{ اولور .}$$

تعلیم ۳ - طرح

۳۳ امثلہ آتیہدہ طرح عملیاتنک اجرایی مطلوبدر :

$$(۱) \quad ۷۶۴۹۷ - ۱۴۰۲۶$$

جواب :

$$\begin{array}{r} ۷۶۴۹۷ \\ | ۱۴۰۲۶ \\ \hline ۶۲۴۷۱ \end{array}$$

حاصل طرح

$$(۲) \quad ۹۵۴۶۷ - ۸۷۲۸۳$$

جواب :

$$\begin{array}{r} ۹۵۴۶۷ \\ | ۸۷۲۸۳ \\ \hline ۸۱۸۴ \end{array}$$

حاصل طرح

$$(۳) \quad ۸۰۱۰۶ - ۶۵۴۳$$

جواب :

$$\begin{array}{r} ۸۰۱۰۶ \\ | ۶۵۴۳ \\ \hline ۷۳۵۶۳ \end{array}$$

حاصل طرح

$$(۴) \quad ۸۸۸۸ - ۴۹۵۲۱$$

جواب :

$$\begin{array}{r} ۸۸۸۸۸ \\ | ۴۹۵۲۴ \\ \hline ۳۹۳۶۴ \end{array}$$

حاصل طرح

$$(۵) \quad ۱۱۰۰۳۳۵ - ۸۰۴۹۳۵$$

جواب :

	۱۱۰۰۳۳۵
	۸۰۴۹۳۵
حاصل طرح	۲۹۵۴۰۰
میزانی	۸۰۴۹۳۵
	۱۱۰۰۳۳۵

$$۷۰۱۶۸۴ - ۹۶۶۲۴۹ \quad (۶)$$

جواب :

	۹۶۶۲۴۹
	۷۰۱۶۸۴
حاصل طرح	۲۶۴۵۶۵
میزانی	۷۰۱۶۸۴
	۹۶۶۲۴۹

$$۴۷۲۱۶۶ -- ۶۱۵۶۱۷ \quad (۷)$$

جواب :

	۶۱۵۶۱۷
	۴۷۲۱۶۶
حاصل طرح	۱۴۳۴۵۱
میزانی	۴۷۲۱۶۶
	۶۱۵۶۱۷

۳۴ ۳۶۴۰ فروش بورجی اولان برکیمسه بورجنه محسوباً
۱۲۵۹ فروش ویرمش اولسه قاج فروش کیویه بورجی قالیر؟

جواب — بوکیمسه نك بقیه دیخ

$$۲۳۸۱ = ۱۲۵۹ - ۳۶۴۰ \quad \text{اولو فروش}$$

۳۵ ۱۲۹۵ سنه سنده ۲۳ یاشنده اولان برکیمسه ۱۳۲۶

سنه سنده قاج یاشنه داخل اولور ؟

جواب — ۱۲۹۵ سنه سنندن ۱۳۲۶ سنه سنه قدر

$$۳۱ = ۱۲۹۵ - ۱۳۲۶$$

سنه مرور ایده جکته بنه اوکیمسه ۱۳۲۶ سنه سنده کی یاشی

۱۲۹۵ سنه سنده کی یاشندن ۳۱ یاش فضلہ یعنی

$$۵۴ = ۳۱ + ۲۳$$

اولور .

۳۶ ایکی عددک مجموعلری ۲۵۰۹۱۵ وبوعددلردن بری

۱۸۰۰۶۶ اولسه دیکری ندر ؟

جواب — عدد مطلوب

$$۷۰۸۴۹ = ۱۸۰۰۶۶ - ۲۵۰۹۱۵$$

در .

چونکه ۱۸۰۰۶۶ ایله ۷۰۸۴۹ مجموعی ۲۵۰۹۱۵ ایدر .

۳۷ برکیمسه بر بارکیر وقوشوم طاقملریله آرابه نی ۴۱۲۵

غروشہ فروخت ایتمش وقوشوم طاقملری ۷۵۰ و آرابه

۲۰۰۰ غروش تخمین اولندیغنی معلوم بولنمش اولسنه نظراً

بارکیرک فیثاتی ندر ؟

جواب — اوکیمسه یالکز قوشوم طاقمیلہ آرابه نی صـ اتمش

اولسه ایدی

$$۲۷۵۰ = ۲۰۰۰ + ۷۵۰$$

مجموعنه مساوی بر مبلغ آلمش اولوردی .

مومی الیهک آلدیغنی ۴۱۲۵ غروش ایله ۲۷۵۰ غروش آره سنده کی

فرق یالکز بارکیرک فیثاتی ویره جکندن فیثات مطلوبه

$$۱۳۷۵ = ۲۷۵۰ - ۴۱۲۵$$

اولور .

۳۸ ایکی عددك مجموعتلیله تفاضللری معلوم ایکن بویوکی
و کوچوکی نصل بوانور؟

جواب — بویوکی بواق ایچون تفاضل مجموعیه ضم ایدیلوب
حاصلك نصفی النلی؛ کوچوکی بواق ایچون تفاضل مجموعدن طرح
ایدیلهرك حاصل طرحك نصفی النلی.

۳۹ ۱۷۲۰۰ غروشه صاتون النان برخانه ۱۸۷۵
غروشاق تعمیرات اجراسندن صکره ۲۱۰۰۰ غروشه صاتلش
اولسه بومعامله ده قاج غروش قزانلش اولور؟

جواب — تعمیرات اجراسندن صکره خانهك مال اولدیغی
فیثات

$$۱۹۰۷۵ = ۱۸۷۵ + ۱۷۲۰۰$$

غروشه مساوی اوله جفندن بونك ۲۱۰۰۰ غروشه فروختیه

$$۱۹۲۵ = ۱۹۰۷۵ - ۲۱۰۰۰$$

غروش قزانلش اولور.

۴۰ بر آدم حین وفاتنده اوج اوغلی ییننده توزیع ایلمك
اوزره ۲۰۰۰۰ غروش وصیت ایله. بویوك مخدومك حصه سی
۵۰۰۰ و اورتانجهك حصه سی برنجیدن ۸۰۰ غروش فضاله
اوله جفنه نظراً اوچنجی چوجفك حصه سی قاج غروش اولور؟

جواب — اورتانجه وارث حصه سی

$$۵۸۰۰ = ۸۰۰ + ۵۰۰۰$$

بویوك ایله اورتانجه مخدومك حصه لری

$$۱۰۸۰۰ = ۵۸۰۰ + ۵۰۰۰۰$$

اوله جفندن اوچنجی چوجفك حصه سی

$$۹۲۰۰ = ۱۰۸۰۰ - ۲۰۰۰$$

اولور.

تعلیم ۴ - جمع وطرحه دائر امثله

$$۶-۳+۱۰ \quad ۴۱$$

جواب :

$$۷=۶-۱۳$$

$$(۳-۴) - (۵+۲) \quad ۴۲$$

جواب :

$$۶=۱-۷$$

دیگر بر طرزده دخی حل اولونور :

$$۶=۴-۱۰=۳+۴-۷$$

$$۳-(۱۱-۳+۸) \quad ۴۳$$

جواب :

$$۳-=-۳-(۱۱-۱۱)$$

$$۳+(۷+۴-) \quad ۴۴$$

جواب — بوراده معترضه نك رفعنده بر بآس اولدیغندن

$$۶=۴-۱۰=۱۰+۴-=-۳+۷+۴-$$

$$۷+۲-۴- \quad ۴۵$$

جواب — اولا ناقص اشارتی حائر اولان عددلر عین جنس اشیایه
نسوب اولدقلرندن قیمت مطلقه لری جمع و اشـ ارتلری محافظه اولنه رق
— ۶ یازملغه

۱۱

$$۱=۶-۷=۷+۶-$$

$$۵+(۳-۸-۱۵) \quad ۴۶$$

مواب — اولاً معترضه داخلنده اشارتله کوره اجرای عملیات اولدقده

$$\text{یاخود} \quad ۵ + ۳ - ۷$$

$$\text{اولور .} \quad ۹ = ۵ + ۴$$

دیگر طرزده دخی حل اوله بیلور :

$$\text{یاخود} \quad ۵ + (۱۱ - ۱۵)$$

$$\text{اولور .} \quad ۹ = ۵ + ۴$$

$$[\{ (۳ -) - \} -] - \quad ۴۷$$

مواب — علم حساب (ماده: ۴۵) احکامنه توفیقاً معترضه لر داخلدن خارجیه طوغری صرہ سیه رفع و طرح قواعد اساسیه سنه کوره مترضات معاملاتنده

$$- = (+) -$$

$$- = (-) +$$

$$+ = (-) -$$

$$+ = (+) +$$

اولدینی مطالعه اولدقده

$$\text{ویاخود} \quad [\{ ۳ + \} -] -$$

$$\text{اولور .} \quad ۳ + = [۳ -] -$$

$$۱۲۵ - ۴۸۵ + ۳۶۸ \quad ۲۸$$

مواب — وجه آتی اوزره عمل اولدقده

$$۳۶۸$$

$$۴۸۵$$

$$۸۵۳$$

$$۱۲۵$$

$$\text{اولور .} \quad ۷۲۸$$

ویا خود طرز دیگرله

$$۷۲۸ = ۱۲۰ - ۸۰۳$$

یازیور.

$$۶۱ - ۲۵ - ۶۵۹ - ۵۸۵ \quad ۴۹$$

مواب — اول اسرده — اشارتی حائر اولان عددلرک قیمت
مطلقه لری جمع و اشارت لری محافظ اولندقدہ

$$۷۴۵ = ۶۱ - ۲۵ - ۶۵۹ -$$

وبناء علیہ

$$۷۴۵ - ۵۸۵$$

اولور .

تنبيه — علم حساب اعداد مثبتہ اوزریدہ اجرای عملیات
ایلدیکندن معاملات حسابیہ ده ۷۴۸ — ۵۸۵ کی برنتیجه نك معناسی
اوله مامق طبیعیدر . زیرا آره ده کی — اشارتی طرح عملیاتی
بیلدیردیکن نظرأ ۵۸۵ دن ۷۴۸ چیقماز. فقط بعض احوالده نتیجه یی
بویله برمعناسلق حانده برامق ایچون شویله دوشونه بیلیر و تأویل ایدرز.
+ اشارتی حائر اولان اعداد — که اعداد مثبتہ دیمکدر —

وجودیت و ثروت و علی الاطلاق برواراق ارانه ایلدکارینی و اوکلریده
— اشارتی بولان عددلرک دخی الفرض بورجه متعلق شیلیری
کوستردیکنی نظر دقتہ الہجق اولور ایسه ک ۵۸۵ — ۷۴۸
افاده سنک معناسی اکلاشیلور چونکه اوزمان بواا. هرارج عملیاتی
دکل بلکه ۵۸۵ غروش موجودی و — ۷۴۸ غروش دخی بورچی
اولان برآدمک حائی تصویر ایده جکندن — ۷۴۸ غروش بورجنه مقابل
۵۸۵ غروش موجودی اولان برآدم حقیقت حالده ۱۶۰ غروش بورجلی
دیمک اوله جفندن بوده افاده تأویلیه کوره — ۱۶۰ وجهله کوسترملکه

$$۱۶۰ = ۷۴۸ - ۵۸۵$$

یازیله بیلور .

بناء علیہ اجرایی غیر ممکن کوریلان بعض طرحلرده بوکی
تأویلات اجرایی فائده دن خالی دکلدرد. شو توسیع ملاحظه و تأویل
سایه سنده برچوق عملیات حسابیه تسهیل ایدیلور :

$$۳ = ۱۰ + ۷ - = ۷ - ۱۰ \quad (\text{مثال } ۱)$$

$$۱۶ - = ۳۱ - ۱۵ \quad (\text{مثال } ۲)$$

$$۱۱ = ۲ + ۹ = (۲ -) - ۹ = (۸ - ۶) - ۹ \quad (\text{مثال } ۳)$$

(مثال ۴) ۸ دن — عددی طرح اولنقی لازم کسه

$$۸ - (۵ -) = ۵ + ۸ = ۱۳ \quad \text{یازیلور .}$$

بوعملیاته نظراً برطرحده حاصل طرحك اشارتی دائماً بویوكن اشارتنه تابع اولوب مطروحك اشارتی ناقص اولدینی حالده طرح عملیاتنده + اشارته تبدیل ایتك لازم ایدوکی اكلاشیلور .

$$۱ - ۴۵ - ۹۵ + ۱۸۸ \quad ۵۰$$

جواب — اول امرده + وبعده — اشارتی حائز اولان عددلر جمع اولندقدده

$$۲۸۳ = ۹۵ + ۱۸۸$$

$$۲۶ - = (۱ + ۴۵) - = ۱ - ۴۵ -$$

اوله جمعندن

$$۲۳۷ = ۴۶ - ۲۸۳ \quad \text{اولور .}$$

۵۱ آئیده کی امثلهده — اشارتلی عددلری طرح

ایدیکیز :

(مثال ۲)

(مثال ۱)

$$۳۵۸۲$$

$$۴۶۷۱$$

$$۲۷۰۹ -$$

$$۳۲۶۸ -$$

$$۸۹۳۷$$

$$۸۵۹۷$$

$$۴۶۳ -$$

$$۲۰۰۵ - -$$

$$\underline{۲۸۳۶}$$

جواب — یالکیز برجم عملیاتیه طرحی اجرا ایتك ایچون — اشارتلی عددلرک تمام عددیلری بولهرق یازلدقدده

(مثال ۲)	(مثال ۱)
۳۵۸۲	۴۶۰۱
۳ ۵۲۹۱	۳ ۶۷۳۲
۸۹۳۷	۸۵۹۷
۳ ۵۳۷	۳ ۷۹۹۵
۲۸۳۶	۷۹۹۵
۱۰۱۸۳	

جمع و طرحه عائد مسائل

۵۲ ایکی عددك مجموعی ۲۸ و تفاضلمری ۱۲ اولسه
بوعددلر نلدر ؟

جواب — عددلرک بویوکی $۱۲ + ۲۸ = ۴۰$

و کوچوکی $۱۲ - ۲۸ = ۸$ در .

۵۳ ایکی عدد متعاقب مجموعی ۲۵ اولسه بوعددلر
نلدر ؟

جواب — عددلر متعاقب اولدقلرندن فضلمری واحد اولغین
بونلرک بویوکی $۱۲ + ۲۵ = ۳۷$ و کوچوکی $۱۲ - ۲۵ = ۱۳$ اولور.

۵۴ زوج ایکی عدد متعاقب مجموعی ۴۲ اولدیغنه
نظراً بوعددلر مطلوبدر ؟

جواب — عددلر زوج و متعاقبین اولدقلرندن فضلمری ۲ اولغله

بویوک $\frac{2}{3} + \frac{2}{3} = 22$ و کوچوک $\frac{2}{3} - \frac{2}{3} = 20$ اولور .

۵۵ غیر مساوی ایکی عدد مجموعلری دیکشمکـمـزین
نصل مساوی قیلنور ؟

جواب — بوایکی عدد بیننده کی فضلک نصفی بویوکندن طرح
وکوچوکنه ضم ایتلدر .

مثلا ۳ و ۹ عددلری النسه

$$12 = 9 + 3 \quad \text{در .}$$

هرایکیدی بیننده کی فضل ۹ — ۳ یعنی ۶ اولوب نصفی ۳ در بناء علیه

$$6 = 9 - 3$$

$$6 = 3 + 3$$

$$12 = (9 - 3) + (3 + 3) \quad \text{اولور و مخالف ایکی عددک}$$

بومعامله ایله یکدیگرینه مساوی اولدقلری حالده مجموعلرینک تبدل
ایتدیکی کوریلور .

تعلیم ۵

۵۶ چانطه سنده بهری یارم مجیدیه لك ۱۲ کموش سـکـه
بولان بر آدمک قاچ غروشی واردر ؟

جواب — مجموع مطلوب ۱۲ دفعه ۱۰ غروشدن عبارت
اولغین

$$120 = 10 \times 12 = 12 \times 10 \quad \text{غروش اولور .}$$

۵۷ برترن ساعتده ۴۵ کیلومتر و قطع ایلسه ۱۰ ساعتده
قطع ایده جکی مسافه ندر ؟ — بر کیلو مترونک ۱۰۰۰ مترویه

مساوی فرضیہ قطع اولنان بو مسافہ نک مترو جہتیلہ قیمتی
نہ اولور ؟

جواب — ترن ۱۰ ساعته ۱۰ دفعہ ۴۵ کیلومترو مقداری
مسافہ قطع ایدہ جکندن

$$۴۵ \times ۱۰ = ۴۵۰ \text{ کیلومترو اولور .}$$

بر کیلومترو ایسہ ۱۰۰۰ مترو یہ معادل اولدیقندن بر ساعت ظرفندہ
۴۵ دفعہ ۱۰۰۰

یعنی

$$۱۰۰۰ \times ۴۵ = ۴۵۰۰۰ = ۱۰۰۰ \times ۴۵ \text{ مترو}$$

مسافہ قطع ایلمکله ۱۰ ساعت ظرفندہ ۱۰ دفعہ ۴۵۰۰۰ مترو یعنی

$$۴۵۰۰۰ = ۱۰ \times ۴۵۰۰۰ \text{ مترو}$$

قطع ایلمش اولور .

۵۸ بر عملہ کوندہ ۲۵ غروش قزاندیغنه نظراً چالیشدینی
۶ کون ظرفندہ کی قزانجی نہ اولور ؟

جواب — مفاد مسئلہ یہ کورہ عملہ ۶ کون ظرفندہ ۶ دفعہ
۲۵ غروش قزانہ جفندن

$$۲۵ \times ۶ = ۱۵۰ \text{ غروش اولور .}$$

۵۹ بر صنفندہ ۹ صرہ موجود اولوب ہر صرہ ۷ طلبہ
بولنسه اوصنفک موجودی ندر ؟

جواب — صنفندہ ۹ دفعہ ۷ طلبہ بولندیقندن صنف موجودی

$$۹ \times ۷ = ۶۳ \text{ طلبہ اولور .}$$

۶۰ بر بنساک یوزندہ ۸ پنجرہ و ہر پنجرہ نکدہ ۶ جامی
اولسہ او بنادہ جمعاً قاج جام وارد ؟

جواب — جماعاً ۸ دفعہ ۶ قدر یعنی

$$۴۸ = ۸ \times ۶ \quad \text{جام} \quad \text{وارد} .$$

۶۱ ہفتہ ۷ کونلاک مدت اعتبار اولنڈیفنہ کورہ
ہفتہ قاج کون بولونور ؟

جواب — ۷ ہفتہ ۷ دفعہ ۷ کون یعنی

$$۴۹ = ۷ \times ۷ \quad \text{کون} \quad \text{وارد} .$$

۶۲ آئیدہ کی ضربلرک اجراسی مطلوبدر :

$$(۱) \quad ۶ \times ۸۴۶$$

جواب : ۸۶۴

$$\begin{array}{r} ۶ \\ ۵۱۸۴ \end{array}$$

$$(۲) \quad ۵ \times ۴۰۶۷$$

جواب : ۴۰۶۷

$$\begin{array}{r} ۵ \\ ۲۰۳۳۵ \end{array}$$

$$(۳) \quad ۳ \times ۵۰۱۲۷۳$$

جواب : ۱۵۰۳۸۱۹ = ۳ \times ۵۰۱۲۷۳

$$(۴) \quad ۹ \times ۹۸۷۶۵۴۳۲$$

جواب : ۹۸۷۶۵۴۳۲

$$\begin{array}{r} ۹ \\ \hline ۸۸۸۸۸۸۸۸ \end{array}$$

وبناء علیہ

$$۸۸۸۸۸۸۸۸ = ۹ \times ۹۸۷۶۵۴۳۲ \quad \text{یازیلور۔}$$

۶۳ هفته ده ۲۵ غروش بریکدیرن برکیمسه نك بر آیدہ
برسنہ نہایتندہ کی مجموع تصرفاتی نہ اولور ؟

جواب — بر آئی ۴ و برسنہ ۵۲ هفته اعتبار ایدلدیکنہ کورہ
ومی الہک برآیدہ کی تصرفاتی

$$۱۰۰ = ۲۵ \times ۴$$

برسنہ دہ کی مجموع تصرفاتی

$$۱۳۰۰ = ۵۲ \times ۲۵ \quad \text{غروش اولور}$$

۶۴ بہری ۱۲ دوزینہ قلمی حاوی ۲۴ قوطیدہ قاج قلم
وارد ؟

جواب — ہر قوطیدہ ۱۲ دفعہ ۱۲ قلم بولندیندن

$$۱۴۴ = ۱۲ \times ۱۲ \quad \text{قلم اولور}$$

نوحالہ ۲۴ قوطیدہ ۲۴ دفعہ ۱۴۴ قلم اولقی لازم کلدیکندن

$$۳۴۵۶ = ۲۴ \times ۱۴۴ \quad \text{قلم اولور}$$

۶۵ آتیدہ کی ضربلرک اجراسی مطلوبدر ؟

$$(۱) \quad ۸۰ \times ۶۵۴۷$$

جواب — اول امردہ ۶۵۴۷ عددی ۸ ایلہ ضرب اولندقدہ

$$۵۲۳۷۶ = ۸ \times ۶۵۴۷$$

بعدہ صاغ طرفنہ برصفر علاوہ سیلہ

$$۵۲۳۷۶۰ = ۸۰ \times ۶۵۴۷ \quad \text{اولور}$$

و عملیات شو و جہلہ کوستریلور :

$$\begin{array}{r} ۰۵۴۷ \\ ۸۰ \\ \hline ۵۲۳۷۶۰ \end{array}$$

$$۹۰۰۰ \times ۷۲۰۱۸۵ \quad (۲)$$

جواب — اولاً مرده ۷۲۰۱۸۵ عددی ۹ ایله ضرب اولنوب

$$۶۴۸۶۶۵ = ۹ \times ۷۲۰۱۸۵$$

مرده صاغنه اوچ صفر قوللقدنه

$$۶۴۸۱۶۶۵۰۰۰ = ۹۰۰۰ \times ۷۲۰۱۸۵$$

اولور و عملیات وجهاتی اوزره اداؤه اولونور :

$$\begin{array}{r} ۷۲۰۱۸۵ \\ ۹۰۰۰ \\ \hline ۶۴۸۱۶۶۵۰۰۰ \end{array}$$

$$۶۰۰ \times ۱۹۱۷ \quad (۳)$$

$$\begin{array}{r} ۱۹۱۷ \\ ۶۰۰ \\ \hline ۱۱۵۰۲۰۰ \end{array} \quad \begin{array}{l} \text{جواب :} \\ \\ \end{array}$$

$$۵۰۰۰۰ \times ۲۷۰۶۷ \quad (۴)$$

جواب — عملیات وجهاتی اوزره یا بلقدنه

$$\begin{array}{r} ۲۷۰۶۷ \\ ۵۰۰۰۰ \\ \hline ۱۳۵۳۳۵۰۰۰ \end{array} \quad \begin{array}{l} \\ \\ \end{array}$$

$$۵۰۰۰۰ \times ۲۷۰۶۷ \quad \text{و بنابرین} \quad ۱۳۵۳۳۵۰۰۰ =$$

$$۴۰۰ \times ۳۰۰۱۷۲ \quad (۵)$$

$$\begin{array}{r} ۳۰۰۱۷۲ \\ ۴۰۰ \\ \hline ۱۲۰۰۶۸۸۰۰ \end{array} \quad \begin{array}{l} \text{جواب :} \\ \\ \end{array}$$

$$۴۰۰ \times ۳۰۰۱۷۲ \quad \text{و بنابرین} \quad ۱۲۰۰۶۸۸۰۰ =$$

۶۶ ہر برندہ ۴۰ کیشیلک یربولنان ۲۵ واغوندن مرکب
برقطار قاج یولجی طاشیہ بیلور ؟

جواب — قطارک حامل اولدینی ۲۵ واغون ۲۵ دفعہ ۴۰
کیشی بی نقل ایده جکندن

$$۴۰ \times ۲۵ = ۱۰۰۰ \text{ یولجی اولور.}$$

۶۷ آیدہ ۲۵۰ غروش قزانان بر خدمتجینک برسناک
قزانیجی نہ اولور ؟

جواب — برسنا ۱۲ آیدن عبارت اولفله خدمتجی بومدت
ظرفده ۱۲ دفعہ ۲۵۰ غروش قزانق لازم کله جکندن

$$۲۵۰ \times ۱۲ = ۳۰۰۰ \text{ غروش اولور.}$$

۶۸ هفته ده ۴ پاکت سیفاره ایجن بر آدم بهر پاکتده
۲۰ سیفاره بواندیغنه نظراً برسنا ده یعنی ۵۲ هفته ده قاج سیفاره
ایچمش اولور ؟

جواب — ۴ پاکت سیفاره ده ۴ دفعہ ۲۰ سیفاره بولنق
لازم کله جکندن

$$۲۰ \times ۴ = ۸۰ \text{ سیفاره اولور.}$$

بوندن او آدمک هفته ده ۸۰ سیفاره ایچدیکی اکلاشیلور.
برسنده یعنی ۵۲ هفته ده ایسه ۵۲ دفعہ ۸۰ سیفاره ایچہ جکندن
 $۵۲ \times ۸۰ = ۵۲ \times ۸۰ = ۴۱۶۰$ سیفاره اولور.

۶۹ آتیده کی ضربلرک اجراسی مطلوبدر :

$$(۱) \quad ۴۵ \times ۹۸۶۹۹$$

جواب :

$$\begin{array}{r}
 ۹۸۶۹۹ \\
 ۴۵ \\
 \hline
 ۲۹۳۴۹۵ \\
 ۳۹۴۷۹۶ \\
 \hline
 ۴۴۴۱۴۵۵
 \end{array}$$

$$۱۱ \times ۴۳ \quad (۲)$$

جواب — حاصل ضربك عشرات مرتبه سی مضروبك رقلری
مجموعه مساوی وبو مجموع ایسه ۱۰ دن کوچوك اولدیفندن
اولور . $۴۷۳ = ۱۱ \times ۴۳$

بوك كبی
(مثال)

$$\begin{array}{l}
 ۳۸۵ = ۱۱ \times ۳۵ \\
 ۲۶۴ = ۱۱ \times ۲۴
 \end{array}$$

اولور .

$$۱۱۱۱ \times ۱۱۱۱۱۱ \quad (۳)$$

جواب :

$$\begin{array}{r}
 ۱۱۱۱۱۱۱ \\
 ۱۱۱۱ \\
 \hline
 ۱۱۱۱۱۱۱ \\
 ۱۱۱۱۱۱۱ \\
 ۱۱۱۱۱۱۱ \\
 ۱۱۱۱۱۱۱ \\
 ۱۱۱۱۱۱۱ \\
 \hline
 ۱۲۳۴۴۴۴۳۲۱
 \end{array}$$

$$۸۹ \times ۸۹۷ \quad (۴)$$

جواب :

$$\begin{array}{r}
 ۸۹۷ \\
 ۸۹ \\
 \hline
 ۸۰۷۳ \\
 ۷۱۷۶ \\
 \hline
 ۷۹۸۳۳
 \end{array}$$

$$۸۳ \times ۹۰۱ \quad (۵)$$

جواب :

$$\begin{array}{r}
 ۹۰۱ \\
 ۸۳ \\
 \hline
 ۲۷۰۳ \\
 ۷۲۰۸ \\
 \hline
 ۷۴۷۸۳
 \end{array}$$

$$۱۳۱ \times ۶۷۱۴ \quad (۶)$$

جواب :

$$\begin{array}{r}
 ۶۷۱۴ \\
 ۱۳۱ \\
 \hline
 ۶۷۱۴ \\
 ۲۰۱۴۲ \\
 ۶۷۱۴ \\
 \hline
 ۸۷۹۵۳۴
 \end{array}$$

$$۳۴۲۱ \times ۳۳۱۲ \quad (۷)$$

جواب :

$$\begin{array}{r}
 ۳۳۱۲ \\
 ۳۴۲۱ \\
 \hline
 ۳۳۱۲ \\
 ۶۶۲۴ \\
 ۱۳۲۴۸ \\
 ۹۹۳۶ \\
 \hline
 ۱۱۳۳۰۳۵۲
 \end{array}$$

$$۱۸۳۷ \times ۶۴۳۱ \quad (۸)$$

جواب :

$$\begin{array}{r}
 ۶۴۳۱ \\
 ۱۸۳۷ \\
 \hline
 ۴۵۰۱۷ \\
 ۱۹۲۹۳ \\
 ۵۱۴۴۸ \\
 ۶۴۳۱ \\
 \hline
 ۱۱۸۱۳۷۴۷
 \end{array}$$

۷۰ بر لغت کتابی ۹۵۷ صحیفه‌دن عبارت اولوب هر صحیفه

۲ ستونه منقسم و هر ستون‌ده بهری ۳۲ حرفی حاوی ۴
سطردن مرکب بولنسه بوکتابده قاج حرف وارد ؟

جواب — لغت کتابک ستونلری عددی

$$۱۹۱۴ = ۹۵۷ \times ۲$$

وسط‌لری عددی

$$۱۴۱۹۳۶ = ۱۹۱۴ \times ۷۴$$

و حرفلری عددی

$$۴۵۳۲۳۵۲ = ۱۴۱۶۳۶ \times ۳۲ \quad \text{اولو}$$

۷۱ بهری ۲ كيلو ثقلتمده ۳۸ پاكٲ مومى حاوى بر
صندغك وزنى ندر؟ بوسندغك بوش ايكن وزنى ۱۵ كيلودر.

جواب — هر صندقمده بولان ۳۸ پاكٲ مومك ورنى

$$۷۶ = ۳۸ \times ۲ \quad \text{كيلو ايدر .}$$

بناءً عليه صندغك مجموع وزنى

$$۹۱ = ۷۶ + ۱۵ \quad \text{كيلو اولور .}$$

۷۲ بردكاندن بهر كوملكى ۳۵ غروشه اولمق اوزره ۳
دوزينه كوملك مبايعه ايدن بر كمسه بشر ليرالق اوچ بانقنوط
ويرمش اولسه كندوسنه قاج غروش اعاده اولمق لازم كلور ؟

جواب — اوچ دوزينه كوملك

$$۳۶ = ۳ \times ۱۲ \quad \text{ايدر .}$$

بهري ۲۵ غروشدن اولسنة كوره

$$۱۲۶۰ = ۳۶ \times ۳۵ \quad \text{غروش ايدر .}$$

اوچ بانقنوط ايسه

$$۱۶۲۰ = ۵۴۰ \times ۳ \quad \text{غروش}$$

ايتديكندن صاتيچينك مشترى به

$$۳۶۰ = ۱۲۶۰ - ۱۶۲۰ \quad \text{غروش}$$

اعاده ايتى لازم كلور .

۷۳ آتيدهكى عددلرك ضربى مطلوبدر :

$$(۱) \quad ۴۷۰۲ \times ۸۶۲۱۶$$

جواب —

$$\begin{array}{r}
 ۸۶۲۱۶ \\
 ۴۷۰۲ \\
 \hline
 ۱۷۲۴۳۲ \\
 ۶۰۳۵۱۲ \\
 ۳۴۴۸۶۴ \\
 \hline
 ۴۰۵۳۸۷۶۳۲
 \end{array}$$

مضروب و مضروب فیهک موقعی تبدیلی اولنه رق میزان
یا بلد قده

$$\begin{array}{r}
 ۴۷۰۲ \\
 ۸۶۲۱۶ \\
 \hline
 ۲۸۲۱۲ \\
 ۴۷۰۲ \\
 ۹۴۰۴ \\
 ۲۸۲۱۲ \\
 ۳۷۶۱۶ \\
 \hline
 ۴۰۵۳۸۷۶۳۲
 \end{array}$$

اولور .

$$۹۰۰۴۶۳ \times ۱۸۰۳۰۲ \quad (۲)$$

جواب —

$$\begin{array}{r}
 ۱۸۰۳۰۲ \\
 ۹۰۰۴۶۳ \\
 \hline
 ۵۴۰۹۰۶ \\
 ۱۰۸۱۸۱۲ \\
 ۷۲۱۲۰۸ \\
 \hline
 ۱۶۲۲۷۱۸ \\
 \hline
 ۱۶۲۳۵۵۲۷۹۸۲۶
 \end{array}$$

$$۳۹۰۴۰ \times ۷۸۲۶۰۰ \quad (۳)$$

جواب — اولاً ۷۸۲۶ عددی ۳۹۰۴ ایله ضرب و حاصل ضربك صـوكـنه اوچ صفر علاوه اولدوقده

$$\begin{array}{r} ۷۸۲۶۰۰ \\ ۳۹۰۴۰ \\ \hline ۳۱۳۰۴ \\ ۷۰۴۳۴ \\ ۲۳۴۷۸ \\ \hline ۳۰۵۵۲۷۰۴۰۰۰ \end{array}$$

اولور .

$$۲۵۱ \times ۴۹۵۰۰۰ \quad (۴)$$

جواب :

$$\begin{array}{r} ۴۹۵۰۰۰ \\ ۲۵۱ \\ \hline ۴۹۵ \\ ۲۴۷۵ \\ \hline ۲۵۲۴۵۰۰۰ \end{array}$$

$$۴۰۷۰۰ \times ۴۵۰۰۷۰۰۶ \quad (۵)$$

جواب :

$$\begin{array}{r} ۴۵۰۰۷۰۰۶ \\ ۴۰۷۰۰ \\ \hline ۳۱۵۰۴۹۰۴۲ \\ ۱۸۰۰۲۸۰۲۴ \\ \hline ۱۸۳۱۷۸۵۱۴۴۲۰۰ \end{array}$$

۷۴ بر ساعتده ۶۰ دقیقه و برکوند ۲۴ ساعت و برسنده ۳۶۵ کون اولديغنه كوره

اولا : برکونده قاچ دقیقه واردر ؟

ثانیاً : برسنده قاچ ساعت واردر ؟

ثالثاً : برسنده قاچ دقیقه واردر ؟

جواب — برکونده ۲۴ دفعه ۶۰ دقیقه یعنی

$$۶۰ \times ۲۴ = ۱۴۴۰ \text{ دقیقه واردر .}$$

برسنده ۳۶۵ دفعه ۲۴ ساعت بولدیغندن

$$۲۴ \times ۳۶۵ = ۸۷۶۰ \text{ ساعت اولور .}$$

برساعت ۶۰ دقیقه یی جاری و برسنده ۸۷۶۰ ساعتی شامل

اولدیغندن برسنده ۸۷۶۰ دفعه ۶۰ دقیقه بولمغله

$$۶۰ \times ۸۷۶۰ = ۵۲۵۶۰۰ \text{ دقیقه}$$

اولور .

۷۵ بهری ۲۱۰ کیلو ثقلتده ۱۸ چوال بغدادی نقل

ایدن برآرابه نك حوله سی نه اولور ؟

جواب — نقل اولنان بغدادی وزنی ۱۸ دفعه ۲۱۰ کیلویه

مساوی اولدیغندن

$$۲۱۰ \times ۱۸ = ۳۷۸۰ \text{ کیلو اولور .}$$

۷۶ آتیده کی ضربلرک اجرایی مطلوبدر :

$$(۱) \quad ۱۰۰ \times ۱۰۰$$

$$\text{جواب — } ۱۰۰۰۰ = ۱۰۰ \times ۱۰۰$$

$$(۲) \quad ۱۰۰۰ \times ۱۰۰$$

$$\text{جواب — } ۱۰۰۰۰۰ = ۱۰۰۰ \times ۱۰۰$$

$$(۳) \quad ۱۰۰ \times ۴۹$$

$$\text{جواب} - 4900 = 100 \times 49$$

$$(4) \quad 1000 \times 65$$

$$\text{جواب} - 65000 = 1000 \times 65$$

$$(5) \quad 1000 \times 415$$

$$\text{جواب} - 415000 = 1000 \times 415$$

$$(6) \quad 100 \times 570$$

$$\text{جواب} - 57000 = 100 \times 570$$

$$(7) \quad 10 \times 6705$$

$$\text{جواب} - 67050 = 10 \times 6705$$

$$(8) \quad 1000 \times 1500$$

$$\text{جواب} - 1500000 = 1000 \times 1500$$

۷۷ آئیدہ کی حاصل ضربیہ عملیات اجرا ایتمکسزین
ذہناً نصل بولور :

$$(1) \quad 11 \times 32$$

جواب — علم حساب (مادہ : ۶۸) موجینجہ ۳ ، ۲ دہا ۵
ایدر دینور و ۵ عددی مضروبك ایکی رقمی آره سنہ قونور بناءً علیہ

$$352 = 11 \times 32$$

یازیلور .

بونك کبی

$$594 = 11 \times 54$$

اولور .

$$979 = 11 \times 89$$

ایکدینی عددده ۸ ایله ۹ مجموعی ۱۷ ایدر بونک ۷ عددی
هرایکی رنک آره سنه قونیلور الده کی واحدده عشرات خایه سننده
بولنان ۸ رنقه ضم اولونور .

$$(۲) \quad ۱۱ \times ۷۵$$

جواب — صوک ملاحظه توفیقاً

$$۸۲۵ = ۱۱ \times ۷۵$$

. وکندک

اولور .

$$۷۰۴ = ۱۱ \times ۶۴$$

$$(۳) \quad ۱۰۱ \times ۸$$

جواب — واحدیرینه ۸ عددی وضع واقامه اولنورق

یازیلور .

$$۸۰۸ = ۱۰۱ \times ۸$$

$$(۴) \quad ۱۰۱ \times ۴۵۷۸$$

جواب — ۴۵۷۸ عددی اولاسرده ۱۰۰ ایله ضرب و حاصل

ضربه اوعددک کندسی علاوه اولندقده

$$۴۶۲۳۷۸ = ۴۵۷۸ + ۴۵۷۸۰۰ = ۱۰۱ \times ۴۵۷۸$$

اولور .

$$(۵) \quad ۱۰۰۰۱ \times ۷۲۳۹$$

جواب — ۵ین قاعده به توفیقاً اجرای معامله اولندقده

$$۷۲۳۹۷۲۳۹ = ۷۲۳۹ + ۷۲۳۹۰۰۰۰ = ۱۰۰۰۱ \times ۷۲۳۹$$

اولور .

۷۸ ایکی عددک حاصل ضربی ۳۶ و مضروب فییه ۳

ضم اولندقده حاصل ضرب مذکورک ۴۸ عددینه مساوی

اولدینی معلوم اولسنه نظراً بویکی عددک تعینی مطلوبدر ؟

جواب — مضروب فیہ ۳ ضم اولندقدہ حاصل ضرب مضروبك
۳ مثلی تزیید اولنش اولہ جفندن

$$\text{مضروب} = 36 - 18 = 18$$

$$\text{مضروب فیہ} = \frac{36}{4} = 9 \quad \text{اولور .}$$

۷۹ ایکی عددك حاصل ضربی ۹۶ ومضروبدن ۴ طرح
اولندقدہ حاصل ضربك ۳۲ یہ تنزل ایتدیكى معلوم اولسنہ
نظراً بوايكي عدد مطلوبدر ؟

جواب — مضروبدن ۴ طرح اولندقدہ حاصل ضرب مضروب
فیہك ۴ مثلی تنقیص ایدلش اولہ جفندن

$$\text{مضروب فیہ} = 32 - 8 = 24$$

$$\text{مضروب} = \frac{96}{8} = 12 \quad \text{اولور .}$$

۸۰ یالککز برضرب عملیاتی یاییلہرق ۳×۶ و ۳×۵
و ۳×۷ حاصل ضربلرینك مجموعی نصل بولونور ؟

جواب — ویریلان حاصل ضربلك مجموعی

$$\text{اولور .} \quad 54 = 3 \times 18 = 3 \times (7 + 6 + 5)$$

۸۱ ۷×۵ و ۴×۵ حاصل ضربلرینك تفاضلی یالککز
برضرب عملیاتی یاییلہرق نصل بولونور ؟

جواب — حاصل ضرب معلوملك تفاضلی

$$15 = 3 \times 5 = (4 - 7) \times 5$$

اولور .

۸۲ طوغربدن طوغری به ضرب عملیاتی یا بمقسزین
 ۹×۲۵ و ۱۱×۲۵ و ۹۹×۲۵ و ۱۰۱×۲۵ حاصل
 ضربلری قولاى بر اصول ایله بولمق مطلوبدر ؟

جواب —

$$\begin{aligned} \text{اولا} \quad ۲۵ &= ۹ \times ۲۵ = (۱ - ۱۰) ۲۵ = ۲۵ - ۲۵۰ = ۲۲۵ \\ \text{ثانیاً} \quad ۲۵ &= ۱۱ \times ۲۵ = (۱ + ۱۰) ۲۵ = ۲۵ + ۲۵۰ = ۲۷۵ \\ \text{ثالثاً} \quad ۲۵ &= ۹۹ \times ۲۵ = (۱ - ۱۰۰) ۲۵ = ۲۵ - ۲۵۰۰ = ۲۴۷۵ \\ \text{والسأ} \quad ۲۵ &= ۱۰۱ \times ۲۵ = (۱ + ۱۰۰) ۲۵ = ۲۵ + ۲۵۰۰ = ۲۵۲۵ \end{aligned}$$

۸۳ ۲×۲ حاصل ضربنك اسی ندر ؟

جواب — علم حساب (ماده : ۶۴) موجبنه

$$\begin{array}{r} ۲ \\ \times ۲ \\ \hline \end{array}$$

حاصل ضربنك اسی $۱۰ = ۲ + ۳$ اولور .

۸۴ ۱۰ عددینك یکرمنجی قوتی قاچ رقلی اولور ؟

جواب — ۱۰ عددینك یکرمنجی قوتی ۲۱ رقی حاویدر .

$$۲۰۰ - ۷ = ۱۹۳$$

جواب :

$$۶۸۶۰۰ = ۲۰۰ \times ۳۴۳ = ۲۰۰ \times ۷^3$$

تعلیم ۶

۸۶ آتیده محرر تقسیم عملیاتنك اجراسی مطلوبدر :

(۱) ۵۶ : ۸

کرات جدولنه نظراً ۵۶ ده ۸ یدی دفعه داخل بولندیفندن

اولور .

$$\text{جواب : } 7 = \frac{56}{8}$$

$$(2) \quad 5 : 47$$

کرات جدولنه نظراً ۴۷ ده ۵ عددی ۹ دفعه داخل اولوب ۲ کسر آرتدیغندن

$$\text{جواب : } 7 = \frac{56}{8} \quad 9 \text{ خارج قسمت و } 2 \text{ باقی}$$

$$(3) \quad 8 : 61$$

$$\text{جواب : } 8 : 61 \quad 7 \text{ خارج قسمت و } 5 \text{ باقی}$$

$$(4) \quad 9 : 89$$

$$\text{جواب : } 9 = \frac{81}{9} \quad 9 \text{ خارج قسمت و } 8 \text{ باقی}$$

$$(5) \quad 82 : 492$$

اولور .

$$\text{جواب : } \begin{array}{r} 592 \\ 82 \overline{) 492} \\ \underline{416} \\ 76 \end{array}$$

$$(6) \quad 36 : 180$$

$$\text{جواب : } \begin{array}{r} 5 \\ 36 \overline{) 180} \\ \underline{180} \\ 0 \end{array}$$

$$(7) \quad 62 : 508$$

$$\text{جواب : } \begin{array}{r} 8 \\ 62 \overline{) 508} \\ \underline{508} \\ 0 \end{array}$$

$$(8) \quad 537 : 4296$$

$$\text{جواب : } \begin{array}{r} 8 \\ 537 \overline{) 4296} \\ \underline{4296} \\ 0 \end{array}$$

۸۷ هفته ده ۵ غروش آرتیران برکیمسه ۴۵ غروشی
قاچ هفته ده آرتیرمش اولور ؟

جواب — مادام که نوآدم هفته ده ۵ غروش آرتیریور
۵ غروش هفته عدیده ضرب اولندوقده ۴۵ غروشه مساوی اولق
لازم کله جکنه بناء هفته عددی

$$9 = \frac{45}{5}$$

خارج قسمتیه بولونور .

۸۸ یدی طلبه بینلرنده ۵۶ بیله یی پایلاشمش اولسه لر
هربرینه نقدر بیله دوشمش اولور ؟

جواب — طلبه دن هربرینک حصه سی ۵۶ نک ۷ مساوی
پارچه به تقسیمیه استحصال اولنه جفندن

$$8 = \frac{56}{7}$$

طلبه دن هربرینک بیله سی عددینی کوسترر .

۸۹ برعمله التی کون جالیشمه سنه مقابل ۱۵۰ غروش
المش اولسه کونده لکی قاچه کلور ؟

جواب — عمله نک برکونلک قازانچی ۶ ایله ضرب اولندوقده
۱۵۰ غروش حاصل اوله جفه بناء مرقومک یومی قازانچی مقداری
برنجی مضروب ۶ اولان ۱۵۰ حاصل ضربنک ایکنجی مضروبندن
عبارت اولور .

شوحاله $\frac{150}{6} = 25$ خارج قسمتی نتیجه مطلوبه دن عبارت

اولور و عمله نک یومی ۲۵ غروش قزایدینی تبین ایدر .

۹۰ برتانار ۶ ساعتده ۵۴ کیلو مترو مسافه قطع ایتمش

اولسه ساعتده قاج کیلو مترو قطع ایتمش اولور ؟

جواب — برساعتده قطع اولسان مسافه ۶ دفعه تکر اولاندینی حالده ۴ کیلو مترویه مساوی اوله جفتدن مسافه مطلوب $9 = \frac{6}{4}$ کیلو مترو اولور .

۹۱ برکنج عملیه پدري هر ۶ غروش قازاندینی زما کندي طرفندن ده ۱ غروش ویریه جکني وعد ایتمش . پدرينه بخشلری ايله برابر عمله نك ۶۳ غروشی اولدینی معلوم بولمسه نظراً مرقومك قاج غروش قازانمش اولدینی مطلوبدر ؟

جواب — عمله ۶ غروش قازاندینی زمان پدري ده کندوست ۱ غروش اعطا ایلدیکندن ۷ غروش صاحبي بولونور .
۶۳ غروشی اولدینی زمان بومقدارده ۷ نك داخل اولدیه قدر ۶ غروش یعنی $63 = 9 \times 7$ کره ۶ غروش که $54 = 9 \times 6$ غروش

قازانمش اوله جفتدن پدري کندوستنه $9 \times 6 = 54$ یعنی ۹ غروش ویرمه اولور فی الحقیقه

$$54 = 9 + 63 \quad \text{در}$$

۹۲ برآدمك خانه سندن ۷۰ شیشه یی برزنیل ايله نقل ایتك ایستدیکی و حالبوکه بوزنیلك انجق ۸ شیشه یی حاو اوله بیلدیکی معلوم اولمسنه نظراً مومی الیهك بومقدار شیشه نقل ایتك ایچون قاج سفر یاپه جنی مطلوبدر ؟

جواب — ۸ شیشه سفر عددیله ضرب اولندقدده نقل اولك شیشه لك مقداری حاصل اوله جفتدن و حالبوکه

$$64 = 8 \times 8$$

$$72 = 9 \times 8$$

اولدیغندن بو آدم ۸ سفر یاپدینی حالده ۸ دفعه ۸ یعنی ۶۴ و ۹ سفر یاپدینی حالده ۹ دفعه ۸ یعنی ۷۲ شیشه نقل ایتیش اولور .

برنجی حالده ۷۰ شیشه بی تمامیه نقل ایتدیکی کبی ایکنجی حالده ده فضله نقل ایتک ایجاب ایلدیگندن شو حالده عدد مطلوب $\frac{70}{8}$ یعنی واحد تقریبه ۸ خارج قسمتندن عبارت اولور و ۸ سفردن صکره او آدمک

$$6 = 8 \times 8 - 70$$

شیشه دما نقل ایتسی لازم کلدیکی اکلاشیلور .

۹۳ بر هفته ۷ کونلک برمدتن عبارت اولسنه نظراً
۵۹ کونده قاج هفته واردر ؟

جواب — بومسئله نك حلی ایچون ۷ عددینك ۵۹ ده قاج دفعه داخل اولدینی یعنی $\frac{59}{7}$ خارج قسمت تقریبیسی تحری ایتک مقتضیدر .

بو خارج قسمتده ۸ در چونکه ۵۹ ده

$$56 = 8 \times 7$$

داخل اولوب حالبوکه

$$63 = 9 \times 7$$

حاصل ضربی ۵۹ دن فضله در .

بناءً علیه ۵۹ کونده ۸ هفته بولندینی و

$$59 - 56 = 3 \text{ کون}$$

باقی قالدینی تبین ایدر .

۹۴ برفرسخ ۴ کیلومترودر یکدیگرندن ۳۳ کیلومترو
اوزاق بولنان ایکی کوپک آره سی قاج فرسخدر ؟

جواب — ۳۳ کیلومتروده ۴ عددینك ۳۳ ده داخل اولدینی قدر فرسخ بولندیغندن $\frac{33}{4} = 8$ خارج قسمت و ۱ باقی اولور

بناءً علیہ ایکی کوی ارہ سندہ کی مسافہ ۸ فرسخ و ۱ کیلومترودن عبارت بولونور .

۹۵ ۱۸۴۲ عددینی ہانکی عدد ایہ ضرب ایتلیہ درکہ
۱۱۰۵۲ حاصل اولسون ؟

جواب — تقسیمک تعریفہ نظراً عدد مطلوب $\frac{11052}{1842}$ خارج
قسمتدن عبارت اولہ جفندن

$$6 = 1842 : 11052 \quad \text{بولونور .}$$

$$11052 = 6 \times 1842 \quad \text{حقیقی :}$$

۹۶ آئیدہ محرر تقسیم عملیانک اجراسی مطلوبدر :

$$(۱) \quad 5936 : 41052$$

جواب — خارج قسمت علم حساب (مادہ: ۸۲) بررقلی اولہ جفندن

$$\begin{array}{r} 41052 \quad | \quad 5936 \\ 41052 \quad | \quad 7 \\ \hline \end{array}$$

اولور .

$$(۲) \quad 964 : 5784$$

$$\begin{array}{r} 5784 \quad | \quad 964 \\ \dots \quad | \quad 6 \end{array} \quad \text{جواب —}$$

$$(۳) \quad 2371 : 9484$$

$$\begin{array}{r} 9484 \quad | \quad 2371 \\ \dots \quad | \quad 4 \end{array} \quad \text{جواب :}$$

$$(۴) \quad 12345 : 74070$$

$$\begin{array}{r} 74070 \quad | \quad 12345 \\ \dots \quad | \quad 6 \end{array} \quad \text{جواب :}$$

$$۹۵۴۱ : ۶۵۴۹۸ \quad (۵)$$

جواب — خارج قسمت واحد قریب خطا ایله حاصل اوله جفندن
نتیجه عملیات

$$\begin{array}{r} ۶۵۴۹۸ \quad | \quad ۹۵۴۱ \\ ۸۲۵۲ \quad | \quad ۶ \end{array}$$

اولور .

$$۳۷۴۸ : ۲۳۶۸۷۳۶ \quad (۶)$$

جواب — خارج قسمت اوچ رقلی اوله جفندن

$$\begin{array}{r} ۲۳۶۸۷۳۶ \quad | \quad ۳۷۴۸ \\ ۱۱۹۹۳ \quad | \quad ۶۳۲ \\ ۷۴۹۶ \quad | \quad \\ \dots \end{array}$$

اولور .

$$۴۱۶ : ۶۴۰۰۸۳ \quad (۷)$$

$$\begin{array}{r} ۶۴۰۰۸۳ \quad | \quad ۴۱۶ \\ ۲۲۴۰ \quad | \quad ۱۵۳۸ \\ ۱۶۰۸ \\ ۳۶۰۳ \\ ۲۷۵ \end{array} \quad \text{جواب :}$$

$$۷۲۳۸۴ : ۳۶۶۳۲۸۱۸۵۶ \quad (۸)$$

جواب — اول امرده مقسومك صول طرفندن ۶ خانه تفریق
اولندقدمه خارج قسمتك ۵ رقلی اوله جنی تحقیق ایدر چونكه ۷ عددی
۳۶ ده ۵ دفعه داخلدر ترتیب آتی وجهله عملیات اجرا اولندقدمه

$$\begin{array}{r} ۳۶۶۳۲۸۱۸۵۶ \quad | \quad ۷۲۳۸۴ \\ ۴۴۰۸۱۸ \quad | \quad ۵۰۶۰۹ \\ ۶۵۱۴۵۶ \end{array}$$

اولور .

$$(۹) \quad ۷ : ۴۲۰۲۸$$

$$\begin{array}{r|l} ۴۲۰۲۸ & ۷ \\ \hline ۰۰۲۸ & ۶۰۰۴ \end{array} \quad \text{جواب :}$$

$$(۱۰) \quad ۹ : ۶۳۰۱۸$$

$$\begin{array}{r|l} ۶۳۰۱۸ & ۹ \\ \hline ۰۰۱۸ & ۷۰۰۲ \end{array} \quad \text{جواب :}$$

۹۷ بر ساعتك رقاصی ۴۰ دقیقه ده ۱۶۰۰ رقص اجرا
یتسه دقیقه ده کی مقداری ندر ؟

جواب — بر دقیقه ده کی مقدار رقص ۱۶۰۰ عددینك ۴۰
ساوی قسمه تفریقیه حصوله کله جکندن
اولور . $۱۶۰۰ : ۴۰ = ۴۰$

۹۸ بر شهرده ۴۰ کون اقامت ایدرك بومدت ظرفنده
۳۲۰ لیرا صرف ایتش اولان بر سیاحك مصرف یومیسی ندر ؟
جواب — مصرف یومیسی $\frac{۳۲۰}{۴}$ خارج قسمتندن عبارت اوله.
جفندن

اولور . $\frac{۳۲۰}{۴} = ۸$ لیرا

۹۹ بهری ۵۵۰ نفر دن مرکب بولسان ۵ طا بوره
۱۱۰۰۰۰ فشنگ توزیع ایتدیر لسه هر نفره اصابت ایدن
فشنگ مقداری ندر ؟

جواب — ۵ طا بوره ۱۱۰۰۰۰ فشنگ ویرلدیکنه نظراً
هر طا بورك حصه سی

اولور $۱۱۰۰۰۰ = ۲۲۰۰۰$ فشنگ

برطابورده ۵۵۰ نفر بولندیفنه نظراً بهر ۵۵۰ نفر ایچون
۲۲۰۰۰ فشك اصات ایده جکندن بونفرا تدن هر برینك الیدی فشك
بالطبع

$$۴۰ = \frac{۲۲۰۰۰}{۵۵۰} \quad \text{اولور .}$$

۱۰۰ کره ارضك محیطی ۴۰۰۰۰ کیلو مترو در برسیاح
دائماً خط مستقیم اوزره کیده بیلدیکی ویومی وسطی اوله رق
۲۷ کیلو مترو قطع ایلدیکی فرضیه بو مسافه یی تقدیر مدت
ظرفنده قطع ایده بیلور ؟

هواب — سیاحك ۴۰۰۰۰ کیلو مترو مسافه یی قطع ایتك
ایچون صرف ایده جکی سنه مقداری بر سنه ظرفنده قطع ایده جکی
مسافه نك ۴۰۰۰۰ ده داخل اوله جنی عدده مساویدر .

$$\text{ایمدی سیاح بر سنه ده یعنی } ۳۶۵ \text{ کونده} \\ ۹۸۵۵ = ۳۶۵ \times ۲۷ \quad \text{کیلو مترو}$$

مسافه قطع ایده جکندن
آرانیلان عدد سنه $\frac{۹۸۵۵}{۳۶۵}$ خارج قسمتندن عبارت اولور . نالقهل
تقسیم عملیاتی اجرا اولندقد

$$\begin{array}{r} ۹۸۵۵ \\ ۳۶۵ \overline{) ۴۰۰۰۰} \\ \underline{۵۸۰} \end{array}$$

وبناء علیه خارج قسمت واحد تقریباً یله ۴ و باقی ۵۸۰ اولور .
بونتیجه یه نظراً درت سنه ختامنده سیاحك ده ۵۸۰ کیلو مترو
مقداری قطع ایده جك مسافه قالمش دیمك اولور .
مادامكه سیاح بر سنه ظرفنده ۹۸۵۵ کیلو مترو قطع ایدیور
۵۸۰ کیلو متروی برسنه دن آز زمان ظرفنده قطع ایلر .
بر هفته ده سیاح ۷ دفعه ۲۷ کیلو مترو یعنی
۱۸۹ = ۷ × ۲۷ کیلو مترو

قطع ایدر . شوالده مرقومك ۵۸۰ كيلو مترونی قطع ایتك ایچون
صرف ایدمچكی هفته $\frac{980}{188}$ خارج قسمتته مساوی و بو خارج قسمتته
واحد تقریب ایله ۳ اولور .

بناءً علیه سیاحك بو ۴۰۰۰۰ كيلومترو مسافه نی قطع ایتك
ایچون ۴ سنه ۳ هفته صرف ایدمچكی و کیرویه ۱۳ كيلو مترو
قاله جنی اکلاشیلور .

۱۰۱ بر موصافك دقیقه ده ۲۲ لیتره و دیگر برینك
۵ دقیقه ده ۸۵ لیتره صویردیکی معلوم اولسنه نظراً هرایکیسی
عین زمانده جریان ایتدیرلدیکی حالده 12285 لیتره وسعتنده
بولنان برحوضی قاج ساعت ظرفنده طولدیره بیلورلر ؟

جواب — دقیقه واحدده ایکنجی موصلق $17 = 85$
لیتره صو صرف ایدر .

بناءً علیه هرایکی موصلفك دقیقه ده کی صرفیاتی

$$17 + 22 = 39 \text{ لیتره بولور .}$$

بر ساعت ۶۰ دقیقه اولدیغنه نظراً ساعت مطلوب

$$= \frac{310}{70} = 5 \text{ ساعت } 10 \text{ دقیقه اولور .}$$

۱۰۲ بر آراه تکرلکلرینك ۳ مترو محیطنده بولندی
معلوم اولسنه کوره ۸۱۷۲ مترو مسافه قطعندن صکره بولنرك
قاج دور یایمش اولدقلری مطلوبدر ؟

جواب — بر آراه تکرلکی بهر دورنده ۳ مترو مسافه
قطع ایلدیکی مفاد مسئله دن ظاهر اولدیغندن ۳ مترو عدد دور ایله

ضرب اولندفده ۸۱۷۲ مترو حاصل اولور . شو حالده آرانیلان دور
عددی

$$۲۷۲۴ = \frac{۸۱۷۲}{۳}$$

اولش اولور .

۱۰۳ اوج سفره بزی یایمق ایچون ۲۴ مترو بزه احتیاج
مس ایلدیکی معلوم اولسنه نظراً ۱۱۵۲ مترو بز ایله بونلره
مشابه اوله رق نقدر سفره بزی یاییله جنی مطلوبدر ؟

هواب — ۲۵ مترو بز ۳ مساوی قسمه تقسیم اولندفده بر
سفره بری یایمق ایچون مقتضی بزرک مقداری حاصل اوله جفندن
اولور . $۸ = \frac{۲۵}{۳}$

بناءً علیه ۸ مترونک ۱۱۵۲ متروده داخل بولندینی قدر سفره
بزی یاییله جنی درکار اولدیفندن بوده

$$۱۴۴ = \frac{۱۱۵۲}{۸}$$

اولش اولور .

۱۰۴ بر کیمسه حین وفاتنده ثروتنک نصفی ۴ یکنه
و نصف دیکریخی ۶ قارداشنه وصیت ایتمش اولسه ثروت
متروکه ۲۵۸۷۲ لیرا اولسنه نظراً بونلردن هر برینک حصه سی
ندر ؟

هواب — ثروت ایکی یه بولندکده

$$۱۲۹۳۶ = \frac{۲۵۷۷۲}{۲}$$

لیرا

اوله جفندن ۴ یکنک حصه لری مجموعی ۱۲۹۳۶ اولور .

شاء علیہ بولنردن ہر برینک حصہ سی

$$\frac{۱۲۹۳۶}{۴} = ۳۲۳۶ \text{ لیرا} \quad \text{اولور.}$$

۶ قارداشک حصہ لری مجموعیدہ ۱۲۹۳۶ لیرایہ مساوی بولندیفندن بولنردن ہر برینک حصہ سی دہ

$$\frac{۱۲۹۳۶}{۶} = ۲۱۵۶ \text{ لیرا} \quad \text{اولور.}$$

۱۰۵ آئیدہ محرر تقسیم عملیاتنک اجرایی مطلوبدر :

$$(۱) \quad ۳ : ۱۵۰۴۳$$

جواب —

$$\begin{array}{r} ۱۵۰۴۳ \quad | \quad ۳ \\ \hline ۱ \quad | \quad ۵۰۱۴ \end{array}$$

باقی واحد قالیر .

$$(۲) \quad ۷ : ۴۰۰۹۶۵۳$$

جواب —

$$\begin{array}{r} ۴۰۰۹۶۵۳ \quad | \quad ۷ \\ \hline ۴ \quad | \quad ۵۷۲۸۰۷ \end{array}$$

باقی ۴ قالیر .

$$(۳) \quad ۱۶۰۸۷۵۰۰ : ۴۱۲۵۰۰$$

جواب — مقسوم و مقسوم علیہ کی صفر لک حذفیلہ خارج قسمتک قیمتی تبدل ایتیمہ جکشدن ۱۶۰۸۷۵ عددینک ۴۱۲۵ ایلہ تقسیمی تأمین مقصدہ کافی کلور . خارج قسمت ایکی

رقبلی اوله جفندن قاعده معلومه یه توفیقاً عملیات اجرا اولندقدہ

$$\begin{array}{r|l} ۱۶۰۸۷۵ & ۴۱۲۵ \\ ۳۷۱۲۵ & ۳۹ \\ \hline & ۰۰۰۰۰ \end{array}$$

اولور .

بناءً علیه خارج قسمتک ۳۹ و باقینک صفر اولدینی اکلشیلور .
مقسوم و مقسوم علیهک صاغندن ایکی صفر حذفی بونلردن هر
برینک ۱۰۰ ایله تقسیمی دیمک اولوب شو حالده باقی دخی ۱۰۰ ایله
تقسیم اولنمی لازم کلورسه ده ۱۶۰۸۷۵ عددی اساساً ۴۱۲۵ ایله
تماماً قابل تقسیم اولدیفندن باقی دخی صفر اولور .

۱۰۶ آتیده کی عددلرک (ماده : ۹۷) ده بیان اولنان
اصوله توفیقاً ۵ ایله ضربی مطلوبدر :

$$\begin{array}{ll} ۹۷ & (۱) \\ ۳۷۵ & (۲) \\ ۶۹۳ & (۳) \\ ۱۲۳۵ & (۴) \\ ۱۱۵ & (۵) \end{array}$$

جواب — بو عددک کافه سی فرد اولدقلرندن قاعده معلومه یه
توفیقاً اولامرده ۲ ایله تقسیم ومؤخرأ خارج قسمت تقریبینک صاغ
طرفنه ۵ علاوه اولندقدہ

$$\begin{array}{ll} ۹۷ & (۱) \\ ۴۸ = \frac{۹۷}{۲} & \text{و صاغنه ۵ علاوه سیله ۴۸۵} \\ ۳۷۵ & (۲) \\ ۱۸۷ = \frac{۳۷۵}{۲} & \text{و صاغنه ۵ علاوه سیله ۱۸۷۵} \\ ۱۲۳۵ & (۴) \\ ۶۱۷ = \frac{۱۲۳۵}{۲} & \text{و صاغنه ۵ علاوه سیله ۶۱۷۵} \end{array}$$

$$(۵) \quad ۱۱۵ = ۷۵ \text{ و صاغنه } ۵ \text{ علاوه سیله } ۵۷۵$$

۱۰۷ هر تقسیمده باقی مقسومك نصفندن اصغر اولدیفنی اثبات ایتمک مطلوبدر ؟

جواب — مقسوم ب و مقسوم علیه ح و خارج قسمت ك و باقی ه ایله کو-ترلده مسئله

$$ه < \frac{ب}{۲}$$

اولدیفنی اثبات ایتمکدر .

فی الحقیقه علم حساب (ماده : ۷۶) موجبجه

$$ب = ح + ه \quad \text{یا یلور .}$$

حالبوکه ك مطلقا واحده مساوی اوله جفندن ح ك دخی ح کیتنه مساوی اولور . ه ایسه ح دن اصغر اولدیفندن

$$ب < ۲ه \quad \text{و بناءً علیه} \quad \frac{ب}{۲} < ه$$

و مطلوب ثابت اولور .

۱۰۸ ۲۹۹ عددی ایله تقسیم اولندقد ه برینك خارج قسمتی باقیه مساوی اوله جق عددلری بولق ایچون بر اصول عمومی تأسیسی مطلوبدر ؟

جواب — آرانیلان عددلردن بری ع و $\frac{ع}{۲۹۹}$ خارج قسمتی ك و باقی ه ایله اشعار اولندقد ه

$$ع = ۲۹۹ \times ك + ه \quad \text{اولور .}$$

نقط مفاد مسئله حکمنه باقی خارج قسمته مساوی اواق لازم

کلیدکنندن ه عملنه ک وضعیله

$$ع = ۲۹۹ \times ک + ک = ۳۰۰ \text{ ک} \quad \text{اولور .}$$

بوايه ع نك ۳۰۰ عددنك امثالی اولتی لازم کلدیكنی اثبات ایدر .

۱۰۹ برتقسیمده مقسوم ۴۷۶۵ و خارج قسمت ۱۲ اولدیغنه کوره مقسوم علیه ایله باقی مطلوبدر ؟

جواب — مقسوم علیه ۷ و باقی ه ایله اشعار اولندقدده مفاد مسئلهیه کوره

$$۴۷۶۵ = ۷ \times ۱۲ + ه \quad \text{اولور .}$$

ه > ۱۲ ایسه ۷ کیتی $\frac{۴۷۶۵}{۱۲}$ خارج قسمتدن و ه باقیدن عبارت اوله جفتدن

$$۴۷۶۵ = ۷ \times ۱۲ + ۱ \quad \text{اولور .}$$

فقط باقی خارج قسمتدن دون اولدینی حالده مقسوم علیه و خارج قسمتک تبدیل موقعلری جاژ اوله بیله جکندن مقسوم علیه مطلوب ۳۹۷ و باقی واحد اولش اولور .

اعمال اربعه یه دأر امثله و مسائل

۱۱۰ آتیده محرر عملیاتك اجراسی مطلوبدر :

$$(۱) \quad ۸ + ۷ - ۶ \times ۹$$

جواب — بوافاده

$$۷ - ۸ + ۵۴ = ۸ + ۷ - ۵۴$$

وجهله یازیله بیله جکندن

$$۵۵ = ۷ - ۶۲ \quad \text{اولور .}$$

$$(۲) \quad (۸+۴۵) - (۴+۲۵)$$

جواب — اولاً معترضه لک داخلنده کیلر جمع وبعده طرح عملیاتی
اجرا اولندقدده

$$۵۳ - ۲۹ = ۲۴ \quad \text{اولور .}$$

$$(۳) \quad (۱۷-۳۰) + (۷-۱۴)$$

جواب — معترضه لک داخلنده اجراسی مقتضی عملیات یاپلهقدده

$$۱۳ + ۷ = ۲۰ \quad \text{اولور .}$$

$$(۴) \quad ۵ \div ۶ \times ۲ + ۱۷ - ۳۵$$

جواب — بویله بر افادهده اول اسرده ضرب بعده تقسیم
وانلردن صکره جمع وطرح عملیاتنک اجراسی قاعده مقتضاسندن
بولندیقندن اولوجهله اجرای معامله اولندقدده

$$۵ \div ۱۲ + ۱۸ = ۵ \div ۱۲ + ۱۷ - ۳۵$$

$$۲\frac{۲}{۳} + ۱۸ = ۱\frac{۲}{۳} + ۱۸ =$$

$$۲۰\frac{۲}{۳} =$$

$$(۵) \quad ۳ : (۵+۴) - ۷ \times ۴۲$$

جواب — قاعدهیه توفیقاً

$$۲۹۱ = ۳ - ۲۹۴ = ۳ : ۹ - ۲۹۴ \quad \text{اولور .}$$

$$(۶) \quad ۴ + ۴ \times ۳ \times ۲ + ۳$$

جواب —

$$۹ = ۳ \times ۳ = ۳$$

$$۶ = ۴ \times ۴ = ۴$$

اولدیفندن

$$۹ + ۲۴ + ۱۶ = ۴۹ \quad \text{اولور .}$$

$$(۷) \quad (۳-۴)(۳-۴)$$

هواب — بویولده یازیلان افادات حسابیه آتیده کوسترلدیکی
کبی ایکی وجهله حل اولونور :

برنجی صورت حل — مترضه لر داخلنده بولنان مضروبوردن
هربری واحده مساوی اولدیفندن

$$۱ = ۱ \times ۱ = (۳-۴)(۳-۴) \quad \text{اولور .}$$

ایکنجی صورت حل — مضروب لر یکدیگرینه مساوی اولدیفندن

$$۲ \quad (۳-۴) = (۳-۴)(۳-۴) \quad \text{یازیلور .}$$

$$۹ + ۲۴ - ۱۶ = ۳ + ۳ \times ۴ \times ۲ - ۴ = (۳-۴)^۲$$

$$۱ = ۲۴ - ۲۵ =$$

مع مافیله بویله ساده و صریح افاده لرده ایکنجی صورت حله
مراجعتیه هیچ محل یوقدر .

$$(۸) \quad (۶+۴)(۸+۵)$$

هواب — بوده سابقی کبی ایکی صورتله حل اولونه یلور :

برنجی صورت حل — مقصد هرایکی مضروب مجموعتک حاصل
ضربی بلمقدر .

بناء علیه

$$۱۳۰ = ۱۰ \times ۱۳ \quad \text{اولور .}$$

ایکنجی صورت حل — طوغریدن طوغرییه (۸+۵) مجموعی

(۶ + ۴) مجموعیہ ضرب و اصلاح اولنہرق

$$۸ + ۵$$

$$۶ + ۴$$

$$\underline{۳۲ + ۲۰}$$

$$۴۸ + ۳۰ +$$

اولور . $۱۳۰ = ۴۸ + ۶۲ + ۲۰$

(۹) $۲ \times (۱ + ۹) - ۲۷ + ۳ - ۴ : ۲۴$

جواب — اول امرده معترضه درونی حل ایدیلرک

یاخود $۲ \times ۱۰ - ۲۷ + ۳ - ۴ : ۲۴$

اولور . $۱۰ = ۲۳ - ۳۳ = ۲۰ - ۲۷ + ۳ - ۶$

(۱۰) $۲۵ - ۹ + ۴ : ۴ \times (۳ - ۳۵)$

جواب — سابق کی عمل اولنہرق

یاخود $۲۵ - ۹ + ۴ : ۴ \times ۳۲$

اولور . $۱۶ = ۲۵ - ۹ + ۳۲ = ۲۵ - ۹ + ۴ : ۱۲۸$

۱۱۱ $(۵ + ۳)^۲$ نه دیمکدر ؟

جواب — افاده مذکورہ

دیمک اولوب $(۵ + ۳)^۲ = (۵ + ۳)(۵ + ۳)$

قاعدہ یہ کورہ $۶۴ = ۸ \times ۸$ اولور .

دیگر صوتله حل اولندقدہ

اولور . $۶۴ = ۵ + ۵ \times ۳ \times ۲ + ۳ = (۵ + ۳)(۵ + ۳)$

۱۱۲ $(۴ - ۹)^۳$ نه دیمکدر ؟

جواب — بو افاده

$$(4-9)^3 = (4-9)(4-9)(4-9) \quad \text{دیمکدر .}$$

اختصار ایچون معترضات داخلنده کی افاده لک قیمتلی بولندقدہ

$$120 = 5 \times 5 \times 5 = 5^3 \quad \text{اولور .}$$

$$113 \quad (6+5+3) \quad \text{نه دیمکدر ؟}$$

جواب — بو افاده

$$(6+5+3)^2 = (6+5+3)(6+5+3)$$

دیمکله برابردر .

بویوک بر ضرب عملیاتنه محل قالمق ایچون یالکیز معترضه لر داخلنده کی افاده لر اصلاح اولندقدہ

$$196 = 14 \times 14 = 14^2 \quad \text{اولور .}$$

$$114 \quad (5+8-15)^2 \quad \text{نه دیمکدر ؟}$$

جواب — معترضه داخلنده کی افاده

$$(5+8-15)^2 = (5+8-15)(5+8-15)$$

دیمک اولوب افادات مذکورہ نك اصلاحیہ

$$1728 = 12 \times 12 \times 12 = 12^3 \quad \text{اولور .}$$

$$115 \quad 548 \quad \text{غروشه صانیلان ر مالدن 27 غروش}$$

ضرر ایدلمش اولسه مالک آلیش فیائی ندر ؟

جواب — آلیش فیائی

$$575 = 27 + 548 \quad \text{غروشدر .}$$

۱۱۶. بر دکرمنجی ۲۷ کونده هر بری ۷۲ کیلو قتلنده
 ۸۱ چوال بغدادی اوکوتمش اولسه بر کونده قاچ کیلو
 اوکوتمش اولور ؟

جواب — اوکوديله جك بغدادك مجموع وزني

$$۷۲ \times ۸۱ = ۵۸۳۲ \text{ کیلو}$$

اوله جفتدن برکونده اوکوته جکی مقدار

$$۵۸۳۲ : ۲۷ = ۲۱۶ \text{ کیلو ایدر .}$$

۱۱۷. ۳۴۹۷ غروشك بری دیگرندن ۸۴۷ غروش
 فضله آله جق صورتده ایکی کیمسه بیننده توزیعی مطلوبدر ؟

جواب — برنجی کیمسه دیگرندن فضله آله جنی مبلغی
 اولجه آله جق اولورسه ایکی مساوی پارچه یه آیرلق اوزره کیره

$$۳۴۹۷ - ۸۴۷ = ۲۶۵۰ \text{ غروش}$$

قالیر

بناءً علیه

$$۲۶۵۰ : ۲ = ۱۳۲۵$$

اولغین برنجی کیمسه نك آلدینی مبلغ

$$۱۳۲۵ + ۸۴۷ = ۲۱۷۲ \text{ غروش اولور .}$$

۱۱۸. آرض ايله شمس بیننده کی مسافه نك ۱۴۸۴۰۴۰۰۰
 کیلومترودن عبارت بولندیفی معلوم اولسنه کوره ساعتده ۵۰
 کیلومتر و کیدن برمرمینك بومسافه یی قاچ سنه ده قطع ایده جکی
 مطلوبدر ؟ — بر سنه ده ۳۶۵ کون و برکونده ۲۴ ساعت بولندیفی فرض
 ولونمشدر .

جواب — مری ارضدن شمه واصل اولق ایچون ۵۰
عددینک ۱۴۸۴۰۴۰۰۰ ده داخل اولدینی قدر ساعت یعنی
 $۱۴۸۴۰۴۰۰۰ : ۵۰ = ۲۹۶۸۰۸۰$ ساعت

صرف ایدر .

بو قدر ساعتک قاج کون ایتدیکنی بولق ایچون ۲۴ ایله تقسیم
اولندقد

$$۲۹۶۸۰۸۰ : ۲۴ = ۱۲۳۶۷۰ \text{ کون ایدر .}$$

بو عدد ایامک سنهیه تحویلی ایچون ۳۶۵ ایله تقسیمی ایجاب
ایتمکله

$$۱۲۳۶۷۰ : ۳۶۵ = ۳۳۸ \text{ سنه و } ۳۰۰ \text{ کون ایدر .}$$

۱۱۹ ۱۵۴۸۰ غروشه مع باغچه بر خانه صاتون اندینی
وخانهک بدلی باغچه بدانک ۵ مثلی اولدینی معلوم بولنمسنه
نظراً خانه و باغچه دن هر برینک فیثاتی مطلوبدر ؟

جواب — ما: ام که خانهک بدلی باغچه بدانک ۵ مثلیدر احوالده
بو اوک پاره سیله ۵ باغچه صاتون آله بیلور دیمک اولور ۱۵۴۸۰
غروش ایله خانه براغلدینی حالده ۵ باغچه ایله برده ب خانهیه مربوط بر
باغچه که جمعا ۶ باغچه الیه بیله جکندن بو باغچهک بدلی هر ایکینک
بدلرینک آلتیده بری اولق لازم تمکله

$$\frac{۱۵۴۸۰}{۶} = ۲۵۸۰ \text{ غروش}$$

باغچهک بدلی اولور .

بناء علیه خانهک بدلی

$$۲۵۸۰ \times ۵ = ۱۲۹۰۰ \text{ غروش اولور .}$$

مع مافیه خانهک بدلی وجه آتی اوزرنده دخی بولنه بیلور فی الحقیقه
۱۵۴۸۰ — ۲۵۸۰ = ۱۲۹۰۰ غروش در .

۱۲۰ بر طالبه هفته ده بر آفرین آلدینی زمانلرده پدری طرفندن ۲۵ غروش ویرلسی فقط بر تویخه دوچار اولدینی زمانلرده دخی طالبك پدرینه اون غروش اعاده ایتسی بینلرنده قرارلشدیرلش و ۲۱ هفته ختامنده طالبك پدرندن ۳۵۰ غروش المش اولدینی معلوم بولنسنه نظراً قاج آفرین قزانمش اولدینی . طلبو بدر ؟

هواب — مادامكه طالب بر آفرین آلدینی زمانده ۲۵ غروش آلدیفندن و ۱۰ غروشده پدرینه اعاده مجبور اولدیفندن جمعاً ۳۵ غروش غائب ایدیور. بناءً علیه آفرین آلدینی زمانلرده غائب ایده چکی مبلغ

$$۵۲۵ - ۳۵۰ = ۱۷۵ \text{ غروش اولور.}$$

طالبك ۳۵ عددینك ۱۷۵ ده داخل اولدینی قدر آفرین آله مامش اوله جفی افاده مسئله روشنندن مستبان اولدیفندن

$$۱۷۵ : ۳۵ = ۵$$

اوله جفته نظراً

$$۲۱ - ۵ = ۱۶ \text{ دفعه}$$

آفرین المش اولدینی تبین ایدر .

۱۲۱ مجموعلری ۴۲ و تفاضللری ۸ اولان ایکی عددندر؟

هواب — مفاد مسئله حکمنجه عددلرك بویوکی کوچوکی ایله ۸ مجموعنه مساوی اولدیفندن ۴۲ مجموعی کوچوك عددك ۲ مثلی ایله ۸ مجموعندن عبارت اولور .

بناءً علیه کوچوك عددك ضعیف

$$۴۲ - ۸ = ۳۴$$

اولمین عدد مذکور کونکندیس

$$۱۷ = ۲ : ۳۴$$

وبویوک $۲۵ = ۸ + ۱۷$ اولور .

۱۲۲ برپدر چوجفندن ۳۰ یاش فرقلی اولوب ۴ سنهده
بدرک سنی چوجفک سنک درت مثلی اولهجنی معلوم اولسنه
نظراً پدر ایله مخدومنک یاشلری نه در ؟

جواب — پدر دائماً چوجفندن ۳۰ یاش فرقلی اولهجنفندن ۴
سنهده بدرک یاشی چوجفک یاشینک ۴ مثلی دیمک بونلرک سنلری
بینده کی فرقک یعنی ۳۰ یاشک چوجفک یاشنک ۳ مثله مساوی
اولدیفنی سویلکله برابر در .

بناءً علیه ۴ سنهده مخدومک یاشی

$$۱۰ = ۳ : ۳۰$$

اولهجنفه نظراً شیدیکی یاشی

$$۶ = ۴ - ۱۰$$

وبدرک یاشی

$$۳۶ = ۳۰ + ۶$$

اولور .

۱۲۳ مجموعلری ۸۵۲ و خارج قسمتلی ۱۱ اولان
ایکی عددن در ؟

جواب — ۱۱ خارج قسمتی بویوک عددک کوچوکنی ۱۱ دفعه
شامل اولدیفنی افاده ایله بوجموع ایسه بویوک عدد ایله کوچوکی مجموعی
بیلدیردیکندن کوچوک عددی بردفعه زیاده حاوی اولقی لازم کلیر .
بناءً عایه عددلرک کوچوکی

$$۷۸۱ = ۱۲ : ۸۵۲$$

و بویوک

$$۷۸۱ = ۱۱ \times ۷۱$$

ویا خود

اولور .

$$۷۸۱ = ۷۱ - ۸۵۲$$

۱۲۴ کوچوی ۴ و حاصل ضربلرینه علاوه اولسان

مجموعلری ۳۹ اولان ایکی عددك بویوک ندر ؟

هواب — ۳۹ مجموعندن ۴ عددی جیقارلدقده حاصل طرح
 او ایکی عددك حاصل ضربلریله بویوک عدد مجموعندن عبارت
 اولور . بونتیجه بویوک عدد ایله کندوسنه واحد ضم ایدلش
 کوچوك عددك حاصل ضربندن عبارت اولقی اوزره تلقی ایدیله جکندن
 بویوک عدد

اولور .

$$۷ = (۱ + ۴) : ۳۵$$

۱۲۵ برافندی ۶۰۰ غروش معاش و برقات البسه و یرمك

اوزره برسنه مدتله معیتنه آلدینی بر خدمتکاری التی آی نهایتده

ترخیص ایدرك ۷۵ غروش ایله البسه سنی و یرمش اولسه

اوشاغك معاش سنویسی قاجه كلش اولور ؟

هواب — افندیك ۶ آباقی معاش ایچون اجرا ایلدیکی توقیفات

$$۶۰۰ - ۷۵ = ۵۲۵ \text{ غروش}$$

اولسنه نظراً اوشاغك معاش سنویسی

$$۱۰۵۰ \text{ غروش اولور} = \frac{۱۲ \times ۵۲۵}{۶}$$

تعلیم ۷

۱۲۶ بر عددك اڪ بربوك و اڪ كو بھوك قاسمی نمر؟

جواب — بر عددك اڪ بربوك قاسمی كندیسی واك كو چوكی ایسه واحددر .

۱۲۷ هر عددك مطلقا قاج قاسمی واردر؟

جواب — هر عددك مطلقا ایکی قاسمی واردر آنلردن بری عددك كندیسی و دیگری واحددر .

۱۲۸ بر عددك ۲ و ۵ ایله تقسیمندن ظهور ایدن باقیلر هانکی عددلردر؟

جواب — فرد بر عددك ۲ ایله تقسیمندن قاله جق باقیلر علم حساب (ماده : ۱۰۵) موجبجه دائما واحد و هر قنی بر عددك ۵ ایله تقسیمندن ظهور ایده جك باقیلر ۱ ، ۲ ، ۳ و ۴ عددلرندن بری اولور .

۱۲۹ واحد ایله ۱۰۰ و ۷۰۰ ایله ۹۰۰ عددلری آره سنده ۲۵ ایله قابل تقسیم اولان عددلر هانکیلریدر؟

جواب — واحد ایله ۱۰۰ آره سنده ۲۵ ایله قابل تقسیم اولان عددلر ۲۵ و ۵۰ و ۷۵ و ۷۰۰ ایله ۹۰۰ آره سنده ۷۲۵ ، ۷۵۰ ، ۷۷۵ ، ۸۰۰ ، ۸۲۵ ، ۸۵۰ و ۸۷۵ در .

۱۳۰ بر عدددن رقمی مجموعی طرح اولونورسه نه حاصل اولور؟

جواب — دائما یا ۳ و یا ۹ عددلرندن برینک اضماقی حصوله کاور .

۱۳۱ تقسیم عملیاتی اجرا ایتکسزین آتیده محرر عددلرک
۳، ۴، ۵، ۸، ۹، ۱۱، ۲۵، و ۱۲۵ عددلرندن
هانکیلریله قابل تقسیم اولدیغنی سویلیکیز :

(۱)	۱۳۰۰	جواب :	۲، ۴، ۵ و ۲۵ ایله
(۲)	۴۷۵۲	»	۲، ۳، ۴، ۸، ۹ و ۱۱
(۳)	۱۷۱۷۶	»	۲، ۴، ۸
(۴)	۱۲۳۴۵۳	»	۳، ۹ و ۱۱
(۵)	۱۳۴۸۷۵	»	۵، ۲۵ و ۱۲۵
(۶)	۷۲۶۰۰۰	»	۲، ۳، ۴، ۵، ۸، ۱۱، ۲۵..
			۱۲۵

۱۳۲ ۷۸۹۴۷ عددی ۳ ایله قابل تقسیم اولمق ایچون نه یا یملی ؟

جواب — ۷۸۹۴۷ عددینه واحد ضم ایدلملیدر . چونکه
 $78947 = 1 + 78946$ اولوب بو عدد برینک قیمت مطلقه لر مجموعی
 $9 = \frac{27}{3}$ اولور .

۱۳۳ ۲۸۴۶ عددی ۹ ایله قابل تقسیم اولمق ایچون نه یا یملی ؟

جواب — ۲۸۴۶ عددندن ۲ طرح ایتلیدر چونکه
 $2846 - 2 = 2844 = 9 \text{ امثال } 9 \text{ در}$.

١٣٤ ١٢٣٤٥٦ عددی ١١ ایله قابل تقسیم اولماق ایچون
نه کی تعدیلات یاپملی ؟

جواب — ١٢٣٤٥٦ عددن ٣ تنزیل ایتلیدر چونکه

$$١٢٣٤٥٦ - ٣ = ١٢٣٤٥٣$$

و بو عددك ت٣ و چفت مرتبه لرنده کی رقمی مجموعی بیننده کی فضل
آلندقه

$$٩ - ٩ = ٠ \text{ اولور.}$$

١٣٥ بر عددك ٩ ایله قابلیت تقسیمندن نره لرده استفاده
اولونور ؟

جواب — اعمال اربعة حسابیه میزانلرنده استفاده اولونور .

١٣٦ ضربك ٩ ایله میزانی هانکی قاعدهیه مستنددر ؟

جواب — ضربك ٩ ایله میزانی علم حساب (ماده : ١١٢)
شو قاعدهیه مستنددر : « ایکی عدد عین قاسم ایله تقسیم اولندقه بو
عددلرك حاصل ضربلریله باقیلرینك حاصل ضربلرینك عین قاسم ایله
تقسیمندن ظهور ایدن باقیلر یکدیگرینه مساوی اولورلر »
مع مافیه بو قاعده سائر بالجله قاسملرده قابل تطبیقدر .

١٣٧ بر عددك ٩ ایله تقسیمندن ظهور ایدمك باقینك
شرایطی حقنده کی قاعدهدن بالاستفاده بر جمع عملیاتنك ٩ ایله
میزان ایدلمسی حقنده بر اصول تأسیس ایدیگز ؟

جواب — علم حساب (ماده : ١٠٤) ده بیان اولنان قواعد
اساسیه دن بالاستفاده بر جمع و طرح عملیاتی ٩ ایله میزان ایدیله بیلور.

چونکه قواعد مذکور به نظر آ بر مجموع و یا تفاضلك ۹ ایله تقسیمندن ظهور ایده جك باقی ویریلان عددلرک باقیلرینک مجموع و یا تفاضللرینک باقیلرینه مساویدر .
 بوندن قاعده آتیہ تحصیل اولونور :

قاعده — بر جمع عملیاتی ۹ ایله میزان اینمک ایچون علم حساب (ماده : ۱۱۰ ، تنبیه) احکامنه توفیقاً جمع اولنه جق بالجمله عددلرک ۹ ایله تقسیملرندن ظهور ایدن باقیلر حساب اولونور . بعده بو باقیلر جمع ایدیلرک حاصل جمعک ۹ ایله تقسیمندن ظهور ایده جك باقی بولونور هر حالده بو باقی حاصل جمع مذکورک ۹ ایله تقسیمندن ظهور ایده جك باقی به مساوی اولور .
 (مثال ۱)

— جمع —			
میزانی	عملیات		
۶	۹ ایله تقسیمندن باقی	۴۷۱۳
۶	»	۳۱۲
۲	»	۷۰۸۵
۱۴		۱۲۱۱۰	-----

۱۴ مجموعنک باقیسی $۱ + ۴ = ۵$
 ۱۲۱۱۰ حاصل جمعنک باقیسی $۱ + ۲ + ۱ + ۱ = ۵$ اولور .
 (مثال ۲)

— طرح —			
میزانی	عملیات		
۸	۹ ایله تقسیمندن باقی	۲۱۲۹۲	
۷	»	۷۷۵۶	
۱	»	۱۳۶۳۶	
۱		۱ = ۷ - ۸	

اولور .

مع مافیه تطبیقاتده بر مجموع ویا تفاصلک بو اصولارله میزانه هیچ بر وجهله احتیاج کورولمز .

۱۳۸ ۹ ایله یاییسلان بر ضرب میزانی هانکی احوالده نقصاندر ؟

میراب — ۹ ایله یاییلان بر ضرب میزاننده بو عملیات اصول آتیده خطا وقوعی بیلدیره من :

۱ — حاصل ضرب جزئیره عائد برستونک جمعنده فضله بر واحد یازیله رق خطا ایدلدیکی و دیگر برستونک جمعنده ده واحد نقصان یازلدیکی احوالده

۲ — ۹ یرینه صفر قونلدینی ویا خود صفر یرینه ۹ وضع اولندیکی حالده

۳ — نتیجه ده ایکی رقم مرتبه لری تبدیل اولندیکی حالده

۴ — حاصل ضرب جزئیلردن برویا بر قاجی کندی موقعلرینه وضع اولندیکی حالده

و بر صورت عمومی ده اولق اوزره خطای واقع ۹ عددینک اصعافی اولدینی تقدیرده یاییلان میزاندن خطا وقوعی اکلاشیله مار .

۱۳۹ آتیده کی جمع عملیاتی ۹ ایله میزان ویا کلش ایشه تصحیح ایدیکمز :

(مثال ۲)

۱۲۳۵

۵۶۷

۸۹

۱۸۹۰

(مثال ۱)

۲۵۷۳

۳۴۸۵

۲۷۳۶

۸۷۹۴

جواب :

$$\left. \begin{array}{l} \text{بومیزان خطا و قوهی} \\ \text{بیلدیرمنز .} \end{array} \right\} \begin{array}{l} \text{اضعاف } ۹ + ۱۰ = \\ \text{یا خود} \\ \text{اضعاف } ۹ + ۱ = \end{array} \left\{ \begin{array}{l} \text{اضعاف } ۹ + ۸ = ۲۵۷۳ \\ \text{اضعاف } ۹ + ۲ = ۳۴۸۵ \\ \text{اضعاف } ۹ = ۲۷۳۴ \\ \text{اضعاف } ۹ + ۱ = ۸۷۹۴ \end{array} \right.$$

$$\left. \begin{array}{l} \text{بومیزان عملیاتك} \\ \text{یا كاش اولدیغنی} \\ \text{وحاصل جمعه بر} \\ \text{واحد علاوه سنه} \\ \text{لروم اولدیغنی بیلدیرر} \end{array} \right\} \begin{array}{l} \text{اضعاف } ۹ + ۱۰ = \\ \text{یا خود} \\ \text{اضعاف } ۹ + ۱ = \end{array} \left\{ \begin{array}{l} \text{اضعاف } ۹ + ۲ = ۱۲۳۵ \\ \text{اضعاف } ۹ = ۵۶۷ \\ \text{اضعاف } ۹ + ۸ = ۸۹ \\ \text{اضعاف } ۹ = ۱۸۹۰ \end{array} \right.$$

۱۴۰ آتیده کی طرح عملیاتی ۱۱ ایله میزان ایدیکنز :

(۲)	(۱)
۵۷۰۴	۴۵۳۲۸
۲۹۲۶	۲۶۳۵۹
۳۸۸۸	۱۸۹۶۹

جواب — آتیده اولدیغنی کی اجرای عملیات اولندقدمه

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{اضعاف } ۱۱ + ۸ = ۴۵۳۲۸ \\ \text{اضعاف } ۱۱ + ۳ = ۲۶۳۵۹ \end{array} \right. \text{تفاضل} = \text{اضعاف } ۱۱ + ۵$$

$$\text{اضعاف } ۱۱ + ۵ = ۱۸۹۶۹$$

$$\left. \begin{array}{l} \text{بومیزان} \\ \text{عملیاتك} \\ \text{یا كاش} \\ \text{اولدیغنی} \\ \text{وتفاضلك} \\ \text{۲۷۷۸ اولق} \\ \text{لارم كادیغنی} \\ \text{بیلدیرر} \end{array} \right\} \left\{ \begin{array}{l} \text{اضعاف } ۱۱ + ۶ = ۵۷۰۴ \\ \text{اضعاف } ۱۱ = ۲۹۲۶ \\ \text{اضعاف } ۱۱ + ۵ = ۳۸۸۸ \end{array} \right. \text{تفاضل} = \text{اضعاف } ۱۱ + ۶$$

۱۴۱ آئیده کی ضرب عملیاتی ۹، ۱۱ و ۷ ایله میزان
و خطا کوریلورسه اسبابی ایضاح ایدیکنر :

(۱) (۲)

۳۲۷ ۲۷۵

۵۴۶ ۴۲۸

۱۷۸۵۴۲ حاصل ضرب ۲۲۶۶۰۰ حاصل ضرب

چراپ — عملیات بروجہ اتی تفصیلاتیله کوسترلشدرد :

۷ ایله میزان	۱۱ ایله میزان	۹ ایله میزان	۳۲۷
۵	۸	۳	۵۴۶
۰	۱	۰	۱۷۸۵۴۲
۰	۷	۶	

بو اوچ میزان عملیاتک صحتنی اراٹه ایدر .

۷ ایله میزان	۱۱ ایله میزان	۹ ایله میزان	۲۷۵
۲	۰	۵	۴۲۸
۳	۰	۷	۲۲۶۶۰۰
۱	۱۰	۵	

بونتایجه کوره ۹ و ۱۱ ایله یاپیلان میزانلر اثنای عملیاتده خطا
وقوعنی بیلدیرمزله فقط ۷ ایله میزان، عملیاتک یا کاش اولدیفنی کوسترر
خطا یعنی حاصل ضرب مستحصل ایله حاصل ضرب صحیح بیننده کی فرق
عین زمانده ۹ و ۱۱ عددلرینک اضمافندن عبارتدر حاصل ضرب
صحیح ۱۱۷۷۰۰ در .

۱۴۲ بر عددک آحاد رقمه عشرات رقملرینک ضعی ضم
اولندیفنی حالده بوجموع ۴ ایله قابل تقسیم اولور ایسه عدد

ذکور کرده ۴ ایله قابل تقسیم اوله جنك اثباتی مطلوبدر ؟

جواب — عدد مذکور ۴ و آحاد مرتبه سی ح و عشراتی ۱ و مائی ۲ ایله اراثة اولندقده

$$ع = ۱۰۰ + ۲۱۰ + ح$$

یاخود

$$ع = (۲۱۰ + ۸۲) + (۲۱۰۰ + ح)$$

زیله بیلور .

بوتحلیله نظراً ۴ عددینك بری ۴ ایله قابل تقسیم (۲۱۰۰ + ۲) مجموعندن عبارت اولقی اوزره ایکی قسمدن مرکب اولدینی کلاسیلور .

بوراده (۲۱۰ + ح) قسیمی ده ۴ ایله قابل تقسیم اولدقدده ۴ عددی دخی قابل تقسیم اولور . حالبوکه (۲۱۰ + ح) افاده سی دد مذکورك آحاد رقیله عشرات رقیلینك ضعفی مجموعنی اراثة بلدیکندن مطلوب ثابت اولور .

۱۴۳ ۱۰ عددینك قوای متوالیه سی ۶ عددینك اعضا قیله ؛ مجموعنه مساوی اولدیغنی اثبات ایتک مطلوبدر ؟

جواب — ۱۰ عددینك قوای متوالیه سی

$$۱۰ = ۴ + ۶ = \text{اعضاف } ۴ + ۶$$

$$۱۰۰ = ۱۰ \times ۱۰ = (\text{اعضاف } ۴ + ۶) \times ۱۰$$

$$\text{اعضاف } ۴ + ۶ = ۴۰ + ۶ = \text{اعضاف } ۴ + ۳۶ + ۶$$

$$۱۰۰۰ = ۱۰ \times ۱۰۰ = (\text{اعضاف } ۴ + ۶) \times ۱۰$$

$$\text{اعضاف } ۴ + ۶ = ۴۰ + ۳۶ + ۶$$

$$= \text{اعضاف } ۴ + ۶$$

۱۴۴ ۷۵۲۱۳۲ و ۴۷۳۵۱۲۲۲۵۸۵۲۵ عددلرینک
۱۱ ایله تقسیمندن ظهور ایدمک باقیلری بولمق مطلوبدر ؟

جواب — علم حساب (ماده : ۱۱۱) موجبجه

$$\begin{aligned} ۷۵۲۱۳۲ &= ۱۱ + (۴ + ۱۳۲) - ۷۵۲ = \text{اضعاف } ۱۱ \\ + (۱۰۰۱ + ۱۳۶) - ۷۵۲ &= \text{اضعاف } ۱۱ + ۳۸۵ \\ ۴۷۳۵۱۲۲۲۵۸۵۲۵ &= \text{اضعاف } ۱۱ + (۵۱۲ + ۸۲۵) \\ - (۴۷۳ + ۲۲۵) &= \text{اضعاف } ۱۱ + ۶۳۹ \text{ یازيله بيلور.} \end{aligned}$$

رنجی مثاله ۳۸۵ عددی ۱۱ عددینک اضعافی اولدیغندن
۷۵۲۱۳۲ عددی دخی ۱۱ عددینک اضعافی اولور و بناءً علیه
باقی صفردر .

ایکینجی مثاله ۶۳۹ عددی ۱۱ عددینک اضعافیه واحد مجموعنه
مساوی اولدیغندن ۴۷۳۵۱۲۲۲۵۸۵۲۵ عددینک ۱۱ ایله تقسیمندن
ظهور ایدمک باقی واحد اولور .

۱۴۵ ۱۴۵ حاصل ضربینک نه اولور سه اولسون
۳ ایله قابل تقسیم اولدیغنی اثبات ایتمک مطلوبدر ؟

جواب — حاصل ضرب مذکور

$$\begin{aligned} ۱۴۵ &= ۱۴۵ + ۰ = ۱۴۵ + ۳ - ۳ = ۱۴۵ - ۳ \\ ۱۴۵ + ۳ &= (۱۴۵ + ۳) + ۰ = (۱۴۵ + ۳) + ۳ - ۳ = ۱۴۸ - ۳ \\ &= ۱۴۵ + ۳ - ۳ = ۱۴۵ \end{aligned}$$

شکلنده یازيله بيلور .

بوراده ۳ کیتی ۳ عددینک اضعافی و ۱ - ۱ و ۱ و ۱
اعداد متوالیه تقسیمندن بری ۳ ایله قابل تقسیم اولدیغندن بونلرک

ماصل ضربلری اولان $(۱ - ۵)(۵ + ۱)$ ده ۳ ایله قابل تقسیم
ولمغین مجموعلری بولسان

$$۳ + (۵ - ۱)(۵ + ۱)$$

ماده سی دخی ۳ ایله قابل تقسیم اولور .

۱۴۶ ۳ ایله قابل تقسیم اولمیان بر عدد مربعی ۳ عددینک
اضعافیه واحد مجموعه مساوی اولدیغنی اثبات ایتک مطلوبدر ؟

هواب — ب عدد ع ایله کوسه تله کده ع کیتی ۳ عددینک
اضعافیه ۱ ویا ۲ عددلرندن برینک مجموعه مساوی اوله جفتدن

$$ع = اضعاف ۳ + ۱ و ع = اضعاف ۳ + ۲$$

وبناء علیه

$$ع = اضعاف ۳ + ۱ و ع = اضعاف ۳ + ۴ =$$

$$اضعاف ۳ + ۳ + ۱ = اضعاف ۳ + ۱$$

یازیلور ودهوی ثابتر اولور .

۱۴۷ ۱۰۰ عددینک بالجمله قولمیرینک ۹ ویا ۱۱ و ۳۳

ک اضعافیه واحد مجموعه مساوی اولدیغنی اثبات ایتک
مطلوبدر ؟

هواب — اول امرده $۹ \times ۱۱ = ۹۹$ یاخود ۳×۳۳
اولدیغنی ملاحظه اولاندقده

$$۱۰۰ = ۹۹ + ۱ = اضعاف ۹ \times ۱۱ \times ۳ + ۱$$

یازیله بیله جکندن بوکا نظراً

$$۱۰۰ = ۱۰۰ \times ۱۰۰ = (اضعاف ۹ \times ۱۱ \times ۳۳)$$

$$= ۱۰۰ (۱ +$$

$$\begin{aligned}
 &= \text{اضاف } ۹ \times ۱۱ \times ۳۳ + ۱۰۰ = \text{اضاف } ۹ \times ۱۱ \times ۳۳ + ۱۰۰ \\
 &= ۱۰۰ \times ۱۰۰ = ۱۰۰^2 \\
 &= \text{اضاف } ۹ \times ۱۱ \times ۳۳ + ۱۰۰ = \text{اضاف } ۹ \times ۱۱ \times ۳۳ + ۱۰۰ \\
 &= ۱ + ۳۳ \times ۱۱ \\
 &\text{و مطلوب ثابت اولور.}
 \end{aligned}$$

۱۴۸ تقسیم متوالی اصـ و لیلـه آتیـده محرر عددلرک قاسم
مشتک اعظملرینی بولق مطلوبدر :

$$(۱) \quad ۲۷۴۴ \text{ ایله } ۱۳۷۲۱$$

جواب — بالفعل عملیات اجرا اولندقدہ

۵	۲۷۴۴
۱۳۷۲۱	۲۷۴۴ ۱
اولور ۱

بوراده ۲۷۴۴ و ۱۳۷۲۱ عددلرینک قاسم مشترک اعظمی واح
اولدیغندن اصلی اولدقلری اکلشیلور .

$$(۲) \quad ۳۳۲۶۴۷ \text{ و } ۸۳۱۶۰$$

جواب — عملیات اجرا سیله

۴	۱۱۸۸۰
۳۳۲۶۴۷	۸۳۱۶۰ ۷
. ۷	۱۳
	۶۱
	۵۶
	. .

قاسم مشترک اعظم مطلوب ۷ در .

(۳) ۴۸ ، ۳۶۰ و ۲۰۲۴

جواب — اول امرده عين اصوله توفيقاً ۴۸ و ۳۶۰ عددلرينك قاسم مشترك اعظمى تحرى اولدوقده ۲۴ بولور بعده

$$\begin{array}{r|l} ۲۰۲۴ & ۸۴ \\ ۱۰۴ & ۲۴ \\ ۰۸ & ۰ \end{array} \quad \begin{array}{l} ۳ \\ ۸ \end{array}$$

اولفين اشبو ۴۸ و ۳۶۰ و ۲۰۲۴ عددلرينك قاسم مشترك اعظمك ۸ اولدينى تظاهرايدر .

(۴) ۴۹۹۸ و ۳۳۸۱ و ۴۱۱۶

جواب — اول امرده ۴۹۹۸ و ۳۳۸۱ عددلرينك قاسم مشترك اعظملى تحرى اولنه رق ۱۴۷ بولونور. بعده

$$\begin{array}{r|l} ۴۱۱۶ & ۲۸ \\ ۱۱۷۶ & ۱۴۷ \\ ۰۰۰ & ۰ \end{array}$$

بولنمعه ۴۹۹۸ و ۳۳۸۱ و ۴۱۱۶ عددلرينك قاسم مشترك اعظمك ۱۴۷ اولدينى تبين ايدر .

(۵) ۱۶۶۶ ، ۲۲۵۴ ، ۴۹۹۸۰

جواب — ابتداى امرده ۱۶۶۶ و ۲۲۵۴ عددلرينك قاسم مشترك اعظملى بالتحرى

$$\begin{array}{r|l} ۲۲۵۴ & ۱ & ۲ & ۱ & ۵ \\ ۵۸۸ & ۱۶۶۶ & ۵۸۸ & ۴۹۰ & ۹۸ \\ & ۴۹۰ & ۰۹۸ & ۰۰ & ۰ \end{array}$$

اولفين قاسم مذکور ۹۸ اولور .

وآخراً ۴۹۹۸۰ ایله ۹۸ بیننده کی قاسم مشترك اعظم تحری اولنه رق

$$\begin{array}{r} 510 \\ 98 \overline{) 49980} \\ \underline{98} \\ 98 \\ \underline{00} \end{array}$$

اولغله اشبو اوچ عدد بیننده ارانیلان قاسم مشترك اعظم ۹۸ اولش اولور .

۱۴۹ برخدمت ائناسنده ۴ کون چایشه رق بشنجی کون استراحت ایتکی اعتیاد ایلیان برکیمسه برجمه کونی استراحتدن صکره جمعه ایرتسی کونی ینه ایشنه مباشرت ایلسه تقدیر برمدت صکره ینه برجمه کونی استراحت ایده جکنک تعیینی مطلوبدر ؟

هواب — مفاد مسئله یه کوره ایکی استراحت متعاقبه بیننده برجمه کونی بولندیغندن آره ده برقاچ تام هفته یعنی برقاچ دفعه ۷ کون واردر . اشبو ایکی استراحت متعاقبه بیننده برقاچ دفعه ده ۵ کون بولمق لازم کلیر . ایمدی افاده مسئله یه نظراً ایکی استراحت بیننده کچن ایام عددی برجمه کونی وقوع بولدی نه کوره ۵ و ۷ عددلرینک اضعاف مشترکی اولور و ایکی استراحت متعاقبه بیننده دخی بر بازار بولدیغنه بناء آره دن ۵ و ۷ عددلرینک مثل مشترك اصغری قدر کون مروری ایجاب ایدر .

ایمدی ۵ و ۷ عددلرینک قاسم مشترك اعظمی واحد اولدیغندن مثل مشترك اصغری $5 \times 7 = 35$ اولور .

بناءً علیه ایکی استراحت متعاقبه بیننده برجمه ایله برابر ۳۵ کون گذران اولمق لازم کلدیکی اکلاشیلیر .

۱۵۰ برضرب عملیاتنده حاصل ضرب جزئیلردن برویا

برقاجی یا ککش یره وضع ایدلمش اولدینی حالده ۹ ایله یاپیلان
میزانك بوخطانی نیچون کوسترمه مدیکنك اثباتی مطلوبدر ؟

مواب — حاصل ضرب جزئی یا صاغده و یا صولده یا ککش بریره
وضع ایدلمش اوله جفنه نظراً بوخطا روجه اتی ایکی احتمال تحتنده مطالعه
اولونور :

اولا — یا ککشلقله ایکی مرتبه صوله کوتورلمش بر حاصل ضرب
جزئی ح ایله ارائه اولنسه حاصل ضرب مذکور ۱۰۰ ح دن عبارت
اولور. بناءً علیه حاصل ضرب عمومی

$$۱۰۰ ح - ح = ۹۹ ح$$

یعنی ۹ عددینك اضعافی قدر تزايد ایتیش بولونور. حاصل ضرب
عمومی ۹ عددینك اضعافی قدر تزايد ایلدیکنددن خطا میزان ایله ارائه
اولنه ماز .

ثانیاً — حاصل ضرب جزئی یا ککشلقله ایکی مرتبه صاغه وضع
ایدلمش ایسه حاصل ضرب عمومی یکی حاصل ضربه نظراً ۹۹ دفعه تناقص
ایتیش اولور. چونکه یا ککش یره وضع ایدلمش اولان حاصل ضرب
ح ایله اشعار اولنسه عین حاصل ضربك مرتبه حقیقیسنه وضعی
تقدیرنده کی قیمتی ۱۰۰ ح اوله جفنه نظراً هرایکی حاصل ضرب آره.
سنده فرق

$$۱۰۰ ح - ح = ۹۹ ح$$

یعنی ۹ عددینك اضعافی اولور. حاصل ضرب عمومی ۹ عددینك
اضعافی قدر تناقص ایتیش اولسنه بناءً خطا وقوعی میزان ایله اکلاشیله من.
متعدد حاصل ضرب جزئیلردن بعضیسی اثر ذهول اوله رق صاغه ودیگر
بعضیسی صوله اولقی اوزره موقع حقیقیلرندن غیری برلره وضع ایدلمش
اولدقلری زمان حاصل ضرب عمومی ینه ۹ عددینك اضعافی قدر تزايد
ویا تناقص ایتیش اوله جفنه بناءً ۹ ایله یاپیلان میزانلرده بوخطا تظاهری
ایده من .

۱۵۱ فرد بر عدد مربعك ۸ ایله تقسیمندن ظهور
ایدهك باقینك واحده مساوی اولدینی اثبات ایتك مطلوبدر؟

جواب — ب کیتی هزهانکی بر عددی کوسترهك اوزره
فرد بر عدد ۲ + ب + ۱ شکله یازیله ییلور .
بوعدك مربعی

$$۱ + ب + ۴ = (۱ + ب + ۲)$$

$$۱ + ب + ۴ = (۱ + ب) + ۱$$

ب و ب + ۱ عددین متوالینندن بری زوج اولدینه نظر آ (ب + ۱)
حاصل ضربی دائما ۲ ایله قابل تقسیم اولور بوندن ب + ۱
حاصل ضربك ۸ عددینك اضعافی اولدینی اكلاشیلیر .
بناءً علیه

$$۱ + ب + ۸ = اضعاف$$

یازلغله بر فرد عدد مربعك ۸ ایله تقسیمندن ظهور ایدهك باقینك
واحد اولدینی کوریلور .

تعلیم ۸

۱۵۲ آتیدهکی عددلرک مضروبوات اصلیه تفریق مطلوبدر:

$$(۱) ۲۳۱۰$$

$$(۲) ۳۶۰$$

$$(۳) ۱۲۴ ۱۴۶$$

$$(۴) ۳۷۱۲۸۰$$

$$(۵) ۹۲۶۱۰۰۰$$

جواب — اعداد مذکوره یکان یکان مطاله اولندقه

۱ — ۲۳۱۰ عددی اول اسرده ۲ ایله قابل تقسیم اولدیغندن
صاغ طرفنه برخط شاقولی چیزیلرک ۲ عددی بوخطک اوکنه
و ۱۱۵۵ دن عبارت اولان خارج قسمت ده عدد مذکورک تحتنه
یازیلور .

۱۱۵۵ عددی ۲ ایله دکل ۳ ایله قابل تقسیم در . ۳ عددی
۲ نك آلتنه و ۱۱۵۵ عددینك ۳ ایله تقسیمندن آلتان ۳۸۵ خارج
قسمتی ده ستونك صوله طرفنده ۱۱۵۵ عددینك تحتنه قید اولونور .
ایمدی ۳۸۵ عددی ۳ و ۴ عددلری ایله قابل تقسیم اولدیغندن ۵
ایله تجربه اولونور ۵ ایله قابل تقسیم اولغله ۷۷ خارج قسمتی ۳۸۵
تحتنه و ۵ دخی صاغده کی ستونده ۳ عددینك آلتنه یازیلور .
۷۷ خارج قسمتی ۷ ایله قابل تقسیم اولوب ظهور ایدن ۱۱
خارج قسمتی بر عدد اصلی اولغین عملیات مذکوره

۲۳۱۰	۲
۱۱۵۵	۳
۳۸۵	۵
۷۷	۷
۱۱	۱۱
۱	-

وجهله خلاصه و نتیجه یی

$$۱۱ \times ۷ \times ۵ \times ۳ \times ۲ = ۲۳۱۰$$

طرزنده ارائه اولونور .

۳۶۰ — ۲

جواب — مضروبات اصلیه وجه اتی اوزره بالمحاکمه تعیین
اولونور :

۳۶۰ عددی ۲ ایله قابل تقسیم اولوب خارج قسمت ۱۸۰

۹۰ » ۲ ایله » ۱۸۰

۴۵ » ۲ ایله » ۹۰

۴۵ عددی	۲ ایله دکل	۳ ایله قابل تقسیم اولدیغندن	خارج قسمت	۱۵
۱۵ عددی	۳ ایله	قابل تقسیم اولوب	خارج قسمت	۵
۵	۵ ایله	»	»	۱

و بناءً علیه

۳۶۰	۲
۱۸۰	۲
۹۰	۲
۴۵	۳
۱۵	۳
۵	۵
۱	

اولغین مضروبات اصلیه مطلوبه

$$۵ \times ۳ \times ۳ \times ۲ \times ۲ \times ۲ = ۳۶۰ \quad \text{اولور .}$$

$$۱۲۴۱۴۶ - ۳$$

جواب — عدد مذکورک متوالیاً تقسیمندن

$$۶۲۰۷۳ \times ۲ = ۱۲۴۱۴۶$$

$$۲۰۶۹۱ \times ۳ = ۶۲۰۷۳$$

$$۶۸۹۷ \times ۳ = ۲۰۶۹۱$$

$$۲۲۹۹ \times ۳ = ۶۸۹۷$$

$$۲۰۹ \times ۱۱ = ۲۲۹۹$$

$$۱۹ \times ۱۱ = ۲۰۹$$

$$۱ \times ۱۹ = ۱۹$$

مساواتی استحصال قلندغله مضروبات اصلیه سی

$$۱۹ \times ۱۱ \times ۱۱ \times ۳ \times ۳ \times ۳ \times ۲ = ۱۲۴۱۴۶$$

اولور .

۳۷۱۲۸۰ — ۴

جواب — قاعده معلومه توفیقاً

۳۷۱۲۸۰	۲
۱۸۵۶۴۰	۲
۹۲۸۲۰	۲
۴۶۴۱۰	۲
۲۳۲۰۵	۳
۷۷۳۵	۵
۱۵۴۷	۷
۲۲۱	۱۳
۱۷	۱۷
۷	

اولمغه ۳۷۱۲۸۰ عددینک مضروبات اصلیه سی

$$۱۷ \times ۱۳ \times ۷ \times ۵ \times ۳ \times ۲ \times ۲ \times ۲ \times ۲ = ۳۷۱۲۸۰$$

اولور .

۹۲۶۱۰۰۰ — ۵

جواب — اول امرده

$$۱۰۰۰ \times ۹۲۶۱ = ۹۲۶۱۰۰۰$$

اولدینی ملاحظه و بومضروباتدن هربری آیری آیری تحلیل اولندقدنه

$$۱۰ \times ۱۰ \times ۱۰ = ۱۰ \times ۱۰۰ = ۱۰۰۰$$

$$۵ \times ۲ \times ۵ \times ۲ \times ۵ \times ۲ =$$

$$۵ \times ۵ \times ۵ \times ۲ \times ۲ \times ۲ =$$

و كذلك

۹۲۶۱	۳
۳۰۷۸	۳
۱۰۲۹	۳
۳۴۳	۷
۴۹	۷
۷	۷
۱	

اولمین

$$۷ \times ۷ \times ۷ \times ۳ \times ۳ \times ۳ = ۹۲۶۱$$

یا زلغله مضروبات اصلیه مطلوبه

$$۵ \times ۳ \times ۳ \times ۳ \times ۲ \times ۲ \times ۲ = ۹۲۶۱۰۰۰$$

$$۷ \times ۷ \times ۷ \times ۵ \times ۵ \times ۵$$

اولور .

۱۵۳ آئیده کی عددلرده مضروبات اصلیه مشترکینی
بولکنز :

$$۵۳۵۶ \text{ و } ۴۹۰۸ \quad (۱)$$

$$۸۸۴۰ \text{ و } ۱۴۸۵۰ \quad (۲)$$

جواب — برنجی نومروده کی ۴۹۰۸ و ۵۳۵۶ عددلری
آیری آری مضروبات اصلیه تفریق اولندهده

۵۳۵۶	۲	۴۹۰۸	۲
۲۶۷۸	۲	۲۴۵۴	۲
۱۳۳۹	۱۳	۱۲۲۷	۳
۱۰۳	۱۰۳	۴۰۹	۴۰۹
۱		۱	

اولمین

$$۴۰۹ \times ۳ \times ۲ \times ۲ = ۴۹۰۸$$

یا زیلور .

$$۱۰۳ \times ۱۳ \times ۲ \times ۲ = ۵۳۵۶$$

ایمدی برنجیده ۴۰۹ عددی نه ۵ و ۷ ونه ده ۱۱ و ۱۳ و ۱۹ و ۲۳ ایله قابل تقسیم اولدیغندن برعدد اصلی اولدینی کبی ایکنجیده کی ۱۰۳ عددی دخی برعدد اصلیدن عبارتدر .

اشـجو ایکی عددك مضروبـات اصلیه مشترکـسی تدقیق و معاینه اولندقدہ هرایکسندہ عین دفعه داخل اولان مضروب مشترک انجی ۲ عددی اولدینی کوریلور .

۲ — ۱۴۸۵۰ و ۸۸۴۰ عددلرینك مضروبـات مشترکـسی تحری اولندقدہ بونلرک دخی قاعدۀ معلومیه توفیقاً مضروبـات اصلیه سی بولندقدہ

۸۸۴۰	۲	۱۴۸۵۰	۲
۴۴۲۰	۲	۷۴۲۵	۳
۲۲۱۰	۲	۲۴۷۵	۳
۱۱۰۵	۵	۸۲۵	۳
۲۲۱	۱۳	۲۷۵	۵
۱۷	۱۷	۵۵	۵
۱		۱۱	۱۱
		۱	

اولقله

$$۱۱ \times ۵ \times ۵ \times ۲ \times ۳ \times ۳ \times ۲ = ۱۴۸۵۰$$

و

$$۱۷ \times ۱۳ \times ۵ \times ۲ \times ۲ \times ۲ = ۸۸۴۰$$

اولور .

بو مضروبـات تدقیق اولندقدہ هرایکي عددده مشترک بولان مضروبـات اصلیه نك ۲ و ۵ اولدقلری و بونلردن ۲ مضروبـات ۱۴۸۵۰ عددندہ بردفہ و ۸۸۴۰ عددندہ ۳ دفعه و ۵ مضروبـات

ایسه ۱۴۸۵۰ عددنده ۲ دفعه و ۸۸۴۰ عددنده بر دفعه داخل اولدینی کوریلور .

۱۵۴ آتیده کی عددلرک قاسملرینی بولکنز :

۵۸۱ (۱)

۹۳۶ (۲)

۱۲۰۰ (۳)

۴۲۶۰ (۴)

مواب —

۱ — ۵۸۱ عددینک قاسملری ۵۸۱، ۸۳، ۷، ۱

۲ — ۹۳۶ عددینک قاسملری شونلردر :

۸ ، ۴ ، ۲ ، ۱

۲۴ ، ۱۲ ، ۶ ، ۳

۷۲ ، ۳۶ ، ۱۸ ، ۹

۱۰۴ ، ۵۲ ، ۲۶ ، ۱۳

۳۱۲ ، ۱۵۶ ، ۷۸ ، ۳۹

۳ — ۱۲۰۰ عددینک قاسملری شونلردر .

۲۴۰ ، ۱۲۰ ، ۶۰ ، ۳۰ ، ۱۵ ، ۱۶ ، ۸ ، ۴ ، ۲ ، ۱

۴۰۰ ، ۲۰۰ ، ۱۰۰ ، ۵۰ ، ۲۵ ، ۴۸ ، ۲۴ ، ۱۲ ، ۶ ، ۳

۱۲۰۰ ، ۶۰۰ ، ۳۰۰ ، ۱۵۰ ، ۷۵ ، ۸۰ ، ۴۰ ، ۲۰ ، ۱۰ ، ۵

۴ — ۴۲۶۰ عددینک قاسملری بروجہ آتیدر :

۲۸۴ ، ۱۴۲ ، ۷۱ ، ۴ ، ۲ ، ۱

۸۵۲ ، ۴۲۶ ، ۲۱۳ ، ۱۲ ، ۶ ، ۳

۱۴۲۰ ، ۷۱۰ ، ۳۵۵ ، ۲۰ ، ۱ ، ۵

۴۲۶۰ ، ۲۱۳۰ ، ۱۰۶۵ ، ۶۰ ، ۳۰ ، ۱۵

۱۵۵ آتیده کی عددلرک قاسملری عددینی بولکیز :

$$۱۴۰ \quad (۱)$$

$$۱۸۴۵ \quad (۳)$$

$$۱۰۰۸۰۰ \quad (۲)$$

$$۳۶۲۸۸۰ \quad (۴)$$

هواب :

$$۷ \times ۵ \times ۲^۲ = ۱۴۰$$

$$۴۱ \times ۵ \times ۳^۲ = ۱۸۴۵$$

$$۷ \times ۵ \times ۲^۲ \times ۲^۲ = ۱۰۰۸۰۰$$

$$۷ \times ۵ \times ۳^۴ \times ۲^۲ = ۳۶۲۸۸۰$$

اواغین

$$۱۲ = (۱+۱)(۱+۱)(۱+۲) \text{ برنجینک عدد قاسمی}$$

$$۱۲ = (۱+۱)(۱+۱)(۱+۲) \quad \gg \gg \text{ایکنجینک}$$

$$۱۲۶ = (۱+۱)(۱+۲)(۱+۲)(۱+۶) \quad \gg \gg \text{اوجینک}$$

$$۱۶۰ = (۱+۱)(۱+۱)(۱+۴)(۱+۷) \quad \gg \gg \text{دردنجینک}$$

اولور .

۱۵۶ ۸۴۰ و ۱۸۰۰ و ۱۳۲۰ عددلرینک بالجله قاسم

مشتکرینی یاریکیز .

هواب — اشبو اوج عددک قاسم مشترک اعظملری

$$۱۲۰ = ۵ \times ۳ \times ۲^۳ \text{ اولدیفندن قاسم مشترکریده}$$

۰ ۲۴ ۰ ۲۰ ۰ ۱۵ ۰ ۱۲ ۰ ۱۰ ۰ ۶ ۰ ۵ ۰ ۴ ۰ ۳ ۰ ۲ ۰ ۱
۰ ۳۰ ۰ ۴۰ ۰ ۶۰ ۰ ۱۲۰ اولور .

۱۵۷ ۳۶ قاسمی اولان عدد ندر ؟

جواب - بومسئله غیرمعین بومسئله در چونکه ۳۶ قاسمی اولان
بك چوق عددلر بولنور . بولردن برخی تعین ایتك ایچون ۳۶ عددینی
اصلی و غیر اصلی برطاقم مضروبانه تفریق ایتك ایجاب ایدر . مثلاً
 $36 = 3 \times 3 \times 4$ یازیلور . بده بومضروبلك كافه سندن واحد
اس تنقیص اولندقدن صکره مضروبات مذکورہ نك عددی قدر اعداد
اصلیه اس ویریلور . اسلری بومضروبانه تعین قلنان اشجو اعداد
اصلیه نك حاصل ضربی ۳۶ قاسمی اولان عدد اولور .

بناءً علیه سالف الذکر تحلیل قاعده سنه اتباع ایله

$$34300 = 2 \times 5^2 \times 7^2$$

$$9800 = 2^3 \times 5^2 \times 7^2$$

$$8712 = 2^3 \times 3^2 \times 11$$

عددلری بولندینی کی بولردن ماعدا

$$36 = 3 \times 3 \times 4 = (1+2)(1+2)(1+3)$$

قاسمی حائر برچوق عددلر بولنور .

۳۶ عددینك ۹ × ۴ مضروبانه تحلیلبله مسئله یه جواب اوله رق

$$492075 = 5^2 \times 3^4 \times 7^2 \text{ و } 19200 = 2^7 \times 3^2 \times 5^3$$

$$\text{الح } 87800 = 2^3 \times 5^2 \times 11^2$$

عددلری بولنش اولور .

۱۵۸ ۳۶ قاسمی اولان عددلر ك كوچوكی ندر ؟

جواب — مسئله سابقه به نظراً قاسم‌ها عددی کوستر عددک
تحلیلده آرانیلان عددل ک: دیلرینک تشکیلی خصوصنده قوالانیلان
مضروبات اصلیه ک کوچوک اولدینی نسبتده کوچوک اولدق‌لری درکار
اولدیفندن شوملاحظه به استناداً ۳۶ عددی اصلی ویا غیر اصلی برطاقم
مضروبات حاصل ضربلرینه تفریق اولندقد.

$$= 9 \times 2 \times 2 = 4 \times 3 \times 3 = 9 \times 4 = 18 \times 2 = 36$$

اولدیفندن آرانیلان عدد $3 \times 3 \times 2 \times 2$

$$: 5 \times 3 \times 2 : 3 \times 2 : 3 \times 2 : 5$$

$$7 \times 5 \times 3 \times 2 : 5 \times 3 \times 2$$

حاصل ضربلرندن اک کوچوک اولورکه اوده صوکنجی مضروباتک
حاصل ضربلری اولان ۱۲۶۰ عددیدر . بو عدد اک کوچوک مضروبات
اصلیه اک بویوکتر اصلر ویرله رک تحصیل اولونور .

۱۵۹ واحددن ۲۰۰ عددینه قدر اولان اعداد اصلیه
جدولنی ترتیب ایدیکیز .

جواب — اول امرده ۱ دن ۲۰۰ عددینه قدر سلسله
طبیعیه داخل اولان اعداد یازیلور . بعد

اولا : ۲ دن ماعدا ۲ عددینک بالجله اضعاف
ثانیاً : ۳ دن ماعدا ۳ عددینک بالجله اضعاف

حذف ایدیلور ۱۳ عددینک اضعاف حذف اولندقدن صکره عملیات
ختم بولمش اولور . چونکه اتدن صکره کله‌جک اولان عدد اصلی
۱۷ اولوب بونک مربی ایسه ۲۰۰ دن اعظمدر .

بوحالده مطلوب اولان اعداد اصلیه جدولی

،۴۷،۴۳،۴۱،۳۷،۳۱،۲۹،۲۳،۱۹،۱۷،۱۳،۱۱،۷،۵،۳،۲
،۱۰۷،۱۰۳،۱۰۱،۹۷،۸۹،۸۳،۷۹،۷۳،۷۱،۶۷،۶۱،۵۹،۵۳
،۱۶۳،۱۵۷،۱۵۱،۱۴۹،۱۳۹،۱۳۷،۱۳۱،۱۲۷،۱۱۳،۱۰۹
در ۱۹۹،۱۹۷،۱۹۳،۱۹۱،۱۸۱،۱۷۹،۱۷۳،۱۶۷

۱۶۰ و ۷۶۲ عددلری یکدیگرینه نظراً متباینیدر؟
دکالرسه اسبابنک ایضاحی مطلوبدر ؟

جواب — ۶۹ و ۷۶۲ عددلری یکدیگرینه نظراً متباین
دکالردر چونکه هرایکسیده ۳ ایله قابل تقسیمدر .

۱۶۱ بربرینک آرقهسی صره کلن ایکی عددک یکدیگریله
متباین اولدقلرینی اثبات ایتک مطلوبدر ؟

جواب — بوایکی عدد ۵۲ و ۵۲ + ۱ شکنده بولدنلرندن
بولرک قاسم مشترکی فضلری اولان واحدیده تقسیم ایدر . حالبوکه
واحدک کندندن ماعدا قاسمی اولمديفندن ذکر اولنان ایکی عددک
متباینین اولدقلری ثابت اولور .

۱۶۲ ۵ (۱ + ۵) = ۴۲ اولق اوزره ۵ عددینی تعیین
ایتک مطلوبدر ؟

جواب — ۵ و ۱ + ۵ عددلری بربرینک آرقهسی صره
کلن ایکی عدد اولدقلرندن مسئله سابقه موجبجه متباینین اوللریله
بولردن هربری ۴۲ عددینک برقاسمی اولور .
ایمدی ۴۲ عددی مضروبات اصلیه ۲۷ تفریق اولدقدده

$$۷ \times ۳ \times ۲ = ۴۲$$

اولوب ۴۲ عددینک بالجله مضروبلی ۲، ۱ صره سنی تشکیل ایدن
عددلرک ۳، ۱ صیره سنده کی عددلر ایله و بونلردن حصوله کلان
حاصل ضربلرک ۷، ۱ صیره سنده کی عددلرک حاصل ضربلرندن
متشکل اوله جفی جهته

	۱				
۴۲	۲				
۲۱	۳	۶			
۷	۷	۱۴	۲۱	۴۲	
۱					

اولغین عدد مذکورک بالجله قاسملری

۴۲، ۲۱، ۱۴، ۷، ۶، ۳، ۲، ۱

اولور. بونلر میاننده حاصل ضربی ۴۲ یه مساوی اولان ۶ و ۷
عدد متوالیرینک اعدا مطلوبه دن عبارت اولدینی اکلاشله نه بونتیجه دن
۵ = ۶ اولور .

۱۶۳ فرد ایکی عدد متعاقب یکدیگریله متبایندر ؟ اثباتی

جواب — اوت متبایندر. چونکه متباینین اولیه جق اولورلر سه
بونلرک قاسم مشترکلی فضلیری اولان ۲ عددی ده تقسیم ایتک ایجاب
ایدر حالوکه بوقاسم ۲ عددی اولوب اعداد معلومه ایسه فرد اولدقلرندن
۲ ایله تقسیم اولنه مازلر .

۱۶۴ اوچ عدد متعاقب هانکی احواله یکدیگریله
متبایندر ؟

جواب — اوچ عدد متعاقب بالجله احواله یکدیگریله متبایندر
بوندن ماعدا اورته ده کی عدد زوج اولدقده ایکیشر ایکیشر متباینین
اولورلر . سائر احواله ایکی نهایتده بولنان عددلر زوج اوله جقلرندن
متباینین اولمازلر .

۱۶۵ بر عدد آتیده محرر عدد دلره تقسیم اولنه بیلیمک ایچون
هر برینک قابلیت تقسیمی شرائطی آیری آیری بیان ایدیکیز :

۹۰ ، ۴۲ ، ۳۶ ، ۲۴ ، ۲۱ ، ۱۸ ، ۱۵ ، ۱۲ ، ۶

جواب — عدد مذکور بو عدد دلره قابل تقسیم اولق ایچون

۱ — ۲ و ۳ ایله قابل تقسیم اولق

۲ — ۳ و ۴ »

۳ — ۳ و ۵ »

۴ — ۲ و ۹ »

۵ — ۳ و ۷ »

۶ — ۳ و ۸ »

۷ — ۴ و ۹ »

۸ — ۲ و ۳ و ۷ »

۹ — ۲ و ۵ و ۹ »

۱۶۶ ۱۵ و ۱۸ عدد دلریله قابل تقسیم اولان بر عددك
آحاد مرتبه سنده کی رقم نه اولور ؟

جواب — ۱۵ عددیله قابل تقسیم اولان عدد ۵ ایله ده
قابل تقسیم اوله جفتدن آحاد رقمی صفر و یا ۵ ایله نهایت بولق
ضروریدر .

۱۸ ایله قابل تقسیم اولان عدد ایسه ۲ ایله قابل تقسیم بر عدد
یعنی زوج اوله جفتدن آحاد مرتبه کی رقم صفر ، ۲ ، ۴ ، ۶ و یا ۸
رقلرندن بری اولور .

۱۶۷ مربع تام اولان هر عددك قاسملری فرد عددده
اولدیفنی اثبات ایتیمک مطلوبدر ؟

جواب — مربع تام عددلرک قاسملری فرد عددده در چونکه
اولا : بوعدلرک تفریق اولندیفی مضروبات اصلیه نك بالجمله اسلری
زوجه در .

ثانیاً : قاسملر عددی بواسلره واحد ضمیله حصوله کلان مجموعلرک
حاصل ضربنه مساویدر . حاله وکه اشبو مضروباتک کافه سی فرد
عددلردن اولدقلرندن حاصل ضربلری یعنی قاسملری عددی بالطبع
زوج اولور .

۱۶۸ مربع تام اولمیان عددلرک قاسملری زوج عددده
اولدیغنك اثباتی مطلوبدر ؟

جواب — مربع تام اولمیان برعددك مطلقا فرد اسلی بره مضروب
اصلیسی واردر بونك اسنه واحد ضم اولندقدده زوج برعدد حصوله
کلور بناءً علیه قاسملر عددینی بیلدیرن حاصل ضربده کذلک
زوج برعدد اولور .

۱۶۹ برعدد ایکی مضروب اصلیدن عبارت برحاصل
ضرب حالنه قاچ وجهله تفریق اوانه بیلور ؟

جواب — عدد مذکور ع و مضروب اصللری ب ، ۷ ، ۸
وبونلرک اسلری م ، ه ، س ایله کوسترلده

$$ع = ب \times ۷ \times ۸ \times س$$

ایکینجی برعدد ع = ب $\times ۷ \times ۸$ اوله رق یازلسه اشبو
ع و ۸ عددلرینك اوزو اولندیفی قدر ایکی مضروب اصلی حاصل
ضربنه تفریق اولنه بیله جکی بالسهموله منفهم اولور چونکه ع عددی
ایچون نه کبی تحلیللات باپیلرسه ع عددی ایچون دخی برنظیری بولمق

ممکن و برده بوتون اسلرك واحدہ ارجاعیلہ حاصل اولہ جفندن

$$ع = ب \times ۷ \times ۷ \dots$$

اولدیفنی ملاحظه ایتک کافیدر .

ایمدی بوعددك ⑤ قدر مضروب اصلینی حاوی اولدیفنی فرض اولونورسه علم حساب (ماده : ۱۳۶) موجینجه قاسملرینك عددی

$$\textcircled{۵} \text{ دفعه } \textcircled{۵} \\ ۲ = \frac{\textcircled{۵}}{۰ \dots (۱+۱)(۱+۱)(۱+۱)}$$

اولور .

بوعددك قاسملری ایکیشر ایکیشر طویلانیله رق هریری

$$\textcircled{۵} \quad ۱ - \textcircled{۵} \\ ۲ = \frac{\textcircled{۵}}{۲}$$

عددینك مدلولی قدر ایکی مضروب اصلیدن عبارت حاصل ضرب حانه تحلیل اولنه بیایر . یالکنز مضروبلردن بری واحد اولورسه بوحاله براستئنا تشکیل ایدر چونکه اوزمان مضروب دیگر عددك ⑤-۱ کندوسنه مساوی اوله جفندن عدد تحلیل ۲-۱ ایله ارااته اولونور .

۱۷۰ ایکی عددك حاصل ضربلری ۱۲۶۰۰ ومثل مشترك اصغرلری ۶۳۰۰ اولدیفنی معلوم بولنسنه نظراً بویکی عدد مطلوبدر ؟

جواب — عددلر ب و ۷ وحاصل ضربلری ح و مثل مشترك اصغرلری م وقاسم مشترك اعظملی نه ایله کوسترلده

$$۱۲۶۰۰ = ۷ \times ۷ = ح \\ ۶۳۰۰ = م$$

حساب مەلۇمى

دېگەر ئالتى ھەل دە بوکا تەپتىقاً قولايلىقلە بولنە بىلور .

۱۷۱ ۶۰ عددىنىڭ ۳۶ ايله قابل تقسيم اولان اك كوچوك قوتى ندر ؟

جواب — سىزىنجى قوتىدر چوندەكە

$$3^8 \times 2^8 = (3^2 \times 2^2)^4 = 36^4$$

$$5 \times 3 \times 2 = 60$$

يازىلور .

فقط ۳۶ عددى ۶۰ عددىنىڭ بىر قوتىدە داخل اولقايچون اشپو قوت ۳۶ عددىدە بولغان ۳ مضروبى ۸ اسيله حاوى بولمىسى اقتضائيدىر .
بوايسە ۶۰ عددىنىڭ سىزىنجى قوتىدر .

زىرا $5^8 \times 3^8 \times 2^{16} = (5^2 \times 3^2 \times 2^2)^4 = 60^4$ در .

۱۷۲ آتىدە محرر عددلردن ھەر بىرىنىڭ قاسملىرى حاصل

ضربى نەپە مساويدىر ؟

۳۱۵ (۱)

۱۴۷۰ (۲)

۳۲۴ (۳)

۶۹۵ (۴)

جواب :

۱ -- ۳۱۵ عددى

$$315 = 3 \times 5 \times 7 \text{ اولدىن ئىككىنچى قاسملىرى } 3 \times 2 \times 2 = 12$$

اولور بوقاسملىرى ايسە

۳۱۵، ۱۰۵، ۶۳، ۴۵، ۳۵، ۲۱، ۱۵، ۹، ۷، ۵، ۳، ۱

اولدیغندن بونلرک حاصل ضربنه نه دینلده

$$\times 40 \times 30 \times 21 \times 10 \times 9 \times 7 \times 5 \times 3 \times 1 = 0$$

$$315 \times 105 \times 63$$

برده سوکی باشه کتیریلرک ضرب اولندقد

$$\times 21 \times 30 \times 40 \times 63 \times 105 \times 315 = 0$$

$$1 \times 3 \times 5 \times 7 \times 9 \times 15$$

بونار طرف طرف ضرب اولندقد

$$(40 \times 7)(63 \times 5)(105 \times 3)(315 \times 1) = 0$$

اولور هر ایکی طرفدن مساوی بعدده 'الن' قاسملر حاصل ضربی یکدیگ
مساوی اولدیغی کورولدیگندن

$$0 = (315 \times 1) = 0 \quad 12 \quad 12$$

وبناء علیه

$$315 = \sqrt{315} = 0 \quad \text{اولور}$$

دیگ اولورکه ۳۱۵ عددینک بالجه قاسملرینک حاصل ضربی

۳۱۵ عددینه مساویدر .

۲ — ۱۴۷۰ عددینک قاسملری ۲۴ اولوب عین قاعدهیه

توفیقاً بالجه قاسملرینک حاصل ضربی ۱۲، ۱۲ بولور .

۳ — ۳۲۴ عددی ایسه ۲ × ۳ اولدیغندن قاسملری عددی

$$3 \times 5 = 15 \quad \text{اولور}$$

بقاسملر ایسه

۱، ۲، ۳، ۴، ۶، ۹، ۱۲، ۱۸، ۲۷، ۳۶، ۵۴، ۸۱،

۱۰۸، ۱۶۲، ۳۲۴ اولدیغندن نه حامل ضربلرینک قیمتی

$$324 = \sqrt{324} = 0 \quad \text{اولور}$$

۴ — ۶۹۵ عددینک قاسملری عددی ۴ اولدیفندن مضروبلی
حاصل ضربی ۶۹۵ اولور .

۱۷۳ حاصل ضربلی ۳۰۰ و تفاضللی ۱۳ اولق اوزره
ایکی عدد مطلوبدر ؟

جواب — ۳۰۰ حاصل ضربنک مضروبات متقابلسی یازلدقه

۱ ۲ ۳ ۴ ۵ ۶ ۱۰ ۱۲ ۱۵

۳۰۰ ۱۵۰ ۱۰۰ ۷۵ ۶۰ ۵۰ ۳۰ ۲۵ ۲۰

اولوب مفاد مسئله ده ذکر اولنان ایکنجی شرطه توافق ایدن ایکی مضروب
متقابل ۱۲ ایله ۲۵ در . زیرا ۲۵ — ۱۲ = ۱۳ اولدیفندن
عددین مطلوبین ۱۲ و ۲۵ اولش اولور .

۱۷۴ برقاج کیشی هربری مساوی مقدارده باره ویرمک
اوزره یتیم برقیزه ۷۵۰۰ غروشلق برجهاز احضار ایتکی
بینلرنده قرارلشدیرمشلر ایکن بالاخره بونلردن دردی ایشدن
فارغ اولملری اوزرینه دیکرلرندن هربری ۵۰۰ غروش فضله
ویرمک صورتیه ارزولرینی اجرا ایللرینه نظراً بوایشه تشبث
ایدنلرک قاج کیشی اولدقلری مطلوبدر ؟

جواب — ۷۵۰۰ عددینک مضروبات متقابلسی یازلدقه

۱ ۲ ۳ ۴ ۵ ۶ ۱۰ ۱۲ ۱۵ ۲۰ ۲۵ ۳۰

۷۵۰۰ ۳۷۵۰ ۲۵۰۰ ۱۸۷۵ ۱۵۰۰ ۱۲۵۰ ۷۵۰ ۶۲۵ ۵۰۰ ۳۷۵ ۲۵۰ ۳۰

اولدیفندن بوایشه تشبث ایدنلرک ۱۰ کیشی اولدینی اشبو مضروباتک
تدقیقه بالسوله معلوم اولور .

فی الحقیقه بونلر ۱۰ کیشی اولدقننده هربری ۷۵۰ غروش
ویرمک کی ۶ کیشی اولدقلری تقدیرده یعنی ایللرندن دردینک چکلدیکی
فرضی حالنده هربری ۱۲۵۰ غروش یعنی ۵۰۰ غروش فضله ویرمش
اولدقلری متظاهر اولور .

بیه مطالعہ یہ نظراً ابتدای امر دہ ہوايشہ باشلامش اولانلرك ۱۰
کیش اولدقلری تبین ایدر .

۱۷۵ ۱۲ قاسمی اولان ۵ مختلف عدد بولوق مطلوبدر ؟

جواب — بومسئله یہ متعدد جوابلر ویریله بیلور . فی الحقیقه
پوراده ۱۲ عددی مطلوب اولان ۵ مختلف عدد مضروبات اصلیه سنک
واحدله جمع ایدلش اسلری حاصل ضربندن عبارت بولنور . فقط

$$۱ \times ۱۲ = ۲ \times ۶ = ۳ \times ۴ = ۳ \times ۲ \times ۲ = ۱۲$$

اولدیفندن مضروبات اصلیه نك اسلری

$$۱۱ \quad ۱۰۵ \quad ۲، ۳ \quad ۲، ۱، ۱$$

اولور .

بوعددلرایسه

$$۵ \times ۳ \times ۲ \quad ۵ \times ۳ \times ۲ \quad ۵ \times ۳ \times ۲$$

$$۱۱ \times ۳ \times ۲ \quad ۱ \times ۳ \times ۲ \quad ۷ \times ۳ \times ۲$$

$$۷ \times ۳ \times ۲ \quad ۷ \times ۳ \times ۲$$

$$۱۳ \times ۳ \times ۲ \quad ۱۱۳ \times ۲ \quad \text{ویا خود}$$

$$۵ \times ۳ \quad ۳ \times ۲ \quad ۳ \times ۲$$

$$۱۱ \times ۳ \quad ۱۱ \times ۲ \quad ۷ \times ۲$$

$$۷ \times ۲ \quad ۵ \times ۲$$

$$۱۷ \times ۳ \quad ۱۳ \times ۳$$

وياخود

$$11 \times 3 \quad 5 \times 2 \quad 3 \times 2$$

$$11 \times 3 \quad 11 \times 2 \quad 7 \times 2$$

$$17 \times 3 \quad 13 \times 3$$

$$17 \times 3 \quad 13 \times 3$$

وياخود .

$$\begin{array}{ccc} 11 & 11 & 11 \\ 5 & 17 & 13 \\ & 11 & 7 \end{array}$$

حاصل ضربلرندن تشكيل اولك بيلور .

بناء عليه بومسئله برصورت عمومده جواب ويرمش اولق ايجون شويله دينور :

يوقايرده كوس ترلديكي وجهله كيف مايشا اعداد اصلي آلنوب بونلره اوصورتده اس وي بلوركه اشواسلرك كنديلرينه واحد ضمندن صكره كي حاصل ضربلى ۱۲ عددينه مساوى اولسون .

۱۷۶ اويله ايكي عدد بولكزكه هر برينك ۱۵ قاسمى

اولدني حالد قاسم اصليلرى ۳ و ۵ عددلى اولسون ؟

جواب -- بو عددلرك مضروبات اصليه سنك اسلى ۲ و ۴ در

چونكه

$$(1 + 4) (1 + 2) = 5 \times 3 = 15$$

لديندن عددن مطلوبين

$$2025 = 5^2 \times 3^2 \quad 5625 = 5^4 \times 3^2$$

ور

۱۷۶ آئیده محرر عددلرک مضروبات اصلیه به تفریق
اصولیه قاسم مشترک اعظملرینی تعیین ایدیکز :

$$(۱) \quad ۵۴ \text{ و } ۷۲$$

$$(۲) \quad ۲۸۰ \text{ و } ۴۲۰$$

$$(۳) \quad ۴۵۵ \text{ و } ۴۹۰ \text{ و } ۹۸۰$$

$$(۴) \quad ۳۱۵۰۰ \text{ و } ۲۹۴۰۰ \text{ و } ۹۴۵۰۰$$

جواب :

۱ — ۵۴ و ۷۲ عددلری مضروبات اصلیه به تفریق اولندقدمه

$$۵۴ = ۲ \times ۳^۲ \text{ و } ۷۲ = ۲^۳ \times ۳$$

اولدیفندن

قاسم مشترک اعظم $۲ \times ۳ = ۱۸$ اولور .

۲ — ۲۸۰ و ۴۲۰ عددلری دخی مضروبات اصلیه به تفریق

اولندقدمه

$$۲۸۰ = ۲^۳ \times ۵ \times ۷ \text{ و } ۴۲۰ = ۲^۲ \times ۳ \times ۵ \times ۷$$

اولنن قاسم مشترک اعظم $۲ \times ۵ \times ۷ = ۷۰$ اولور .

۳ — ۴۵۵ و ۴۹۰ و ۹۸۰ عددلری آیری آیری مضروباته

آیرلدقدمه

$$۴۵۵ = ۵ \times ۷ \times ۱۳ \text{ و } ۴۹۰ = ۲ \times ۵ \times ۷$$

ن

$$\text{و } ۹۸۰ = ۲^۲ \times ۵ \times ۷ \text{ اولدیفندن}$$

۱۲

قاسم مشترک اعظم $۵ \times ۷ = ۳۵$ اولور .

۴ — ۳۱۵۰۰ و ۲۹۴۰۰ و ۹۴۵۰۰ عددلى ايچون دخى
عين معامله به توفيقاً

$$7 \times 5 \times 3 \times 2 = 210 \text{ و } 7 \times 5 \times 3 \times 2 = 31500$$

$$7 \times 5 \times 3 \times 2 = 94500$$

اولغين قاسم مشترك اعظم $2 \times 3 \times 5 \times 7 = 210$ اولور.

۱۷۹ بريمون مخصوصك برملت نزدنده هر ۱۴ سنهده بر،
ديكر برملت نزدنده هر ۱۸ و ديكر برماتده دخى هر ۲۴ سنهده بر
اجرا اولنه كلديكى حالده يوم مذ كورك تجيل الحاله هذمه هراوج ملت
نزدنده عين زمانه تصادف ايتمش اولدينى فرضيله بويله برايكنجى
تصادف وقوعى ايچون آره دن نقدر مدت كذران اوله جفتك
حسابى مطالبدر ؟

هراب — طلب اولنان زمان ۱۴ و ۱۸ و ۲۴ عددلربنك
اضافى اوله جفتدن ايكي تصادف متعاقبي يكديكربندن تفريق ايدن زمان
دلرك مثل مشترك اصغرلرينه مساوى اولور .

$$3 \times 2 = 24 \text{ و } 3 \times 2 = 18 \text{ و } 7 \times 2 = 14$$

$$\text{لغين زمان مطلوب } 2 \times 3 \times 7 = 42 \text{ سنه اولور.}$$

۱۸ برپازاره مساوى مقدارده يومورطه كوتورن ايكي
هيجى بويومورطه عددليك ۱۵۰ ايله ۲۰۰ آره سنده
فى فقط برنجيسى يومورطه لرinx اون ايكيشرون ايكيشرون
بيسى اونز اونز سايديني حالده هر برنده سكز يومورطه

فضله قاديغنى افاده ايللرينه نظراً يومورطه نك عددی مطلوبدر؟

جواب — مطلوب اولان يومورطه عددی ۱۲ و ۱۰ عددلرينك
اضافيله ۸ مجموعنه مساوی اولوب حالبوکه

$$۵ \times ۲ = ۱۰ \text{ و } ۳ \times ۲ = ۶$$

اولديغندن اشبو عددلرك مثل مشترك اصغری $۲ \times ۳ \times ۵ = ۳۰$
اولور .

۶۰ عددینك اضافی ايسه

$$۶۰ = ۱ \times ۶۰ ؛ ۲ \times ۶۰ = ۱۲۰ \text{ و}$$

$$۳ \times ۶۰ = ۱۸۰ ؛ ۴ \times ۶۰ = ۲۴۰ \text{ والځ}$$

اولديغندن بونلردن ۱۸۰ عددی ۱۵۰ ايله ۲۰۰ بيننده بولمق
برموجب مفاد مسئله آرانيلان يومورطه عددی $۱۸۰ + ۸ = ۱۸۸$
اولور .

۱۸۱ بر باغچوان ۷۰۰ دن نقصان فدانی بر باغچه يه
ديكمك ايستر بر کره حساب ايدر بونلری آلتیشر وسکزر
واونر ويا اون ايکيشر طاقيمه آيرديغی حالده کندوسنه دائماً ۵
فدان قالير اون برر طاقمه آيرديغی تقدیرده النده برشی قالماسز
بوکا نظراً فدانلرك عددی نه اولمق لازم کير ؟

جواب — بومسئله ده آرانيلان عدد ۶ ، ۸ ، ۱۰ ، ۱۲ ،
عددلرينك ۷۰۰ دن کوچوک وه ايله مجموعی ۱۱ ايله قابل اولان
قاسم مشترك اعظمليدر .

ایمدی ۶ ، ۸ ، ۱۰ و ۱۲ عددلرينك مثل مشترك اصغری ۱۲۰
اولوب ۱۲۰ نك ۷۰۰ دن اصغر اولان اضافی ايسه

$$\begin{aligned} ۱۲۰ &= ۱ \times ۱۲۰ ; ۱۲۰ = ۲ \times ۶۰ ; ۲۴۰ = ۳ \times ۸۰ \\ ۱۲۰ &= ۴ \times ۳۰ ; ۶۰۰ = ۵ \times ۱۲۰ \end{aligned}$$

و حالیه که

$$۱۲۰ = ۵ + ۱۱۵ ; ۲۴۰ = ۵ + ۲۳۵$$

$$۳۶۰ = ۵ + ۳۵۵ و ۴۸۰ = ۵ + ۴۷۵ و ۶۰۰ = ۵ + ۵۹۵$$

اولدیفندن بونلر میاننده ۱۱ ایله قابل تقسیم اولان ۶۰۰ عددی مفاد مسئلهیه مطابق و آرانیلان عدد اولور .

۱۸۲ مثل مشترك اصغری ۱۲۰ و قاسم مشترك اعظمی ۲۰ اولان ایکی عددندر ؟

جواب — عددین مطلوبین ب و ج ایله کوسترلده علم حساب (ماده : ۱۴۲) موجبنجه

$$۲۴۰۰ = ۲۰ \times ۱۲۰ = ۶ \times ۴۰۰$$

وبونلردن هر برینک قاسم مشترك اعظمی اوزرینه تقسیمندن ظهورایدن خارج قسمتلر

$$۶ \times ۴۰۰ = ۲۴۰۰ \quad ۶ \text{ اولور}$$

$$\text{فقط } ۶ = ۱ \times ۶ = ۲ \times ۳ \text{ اولدیفندن}$$

بومسئلهیه ایکی طاقیم عدد جواب اولغله انلرده

$$\left. \begin{aligned} ۴۰ &= ۲ \times ۲۰ = ۲ \\ ۶۰ &= ۳ \times ۲۰ = ۳ \end{aligned} \right\} \quad \left. \begin{aligned} ۲۰ &= ۱ \times ۲۰ = ۱ \\ ۱۲۰ &= ۶ \times ۲۰ = ۶ \end{aligned} \right\}$$

اولور .

بوخالده اعدادمطلوبه یا ۲۰ و ۱۲۰ و یا خود ۴۰ و ۶۰ عددلریدر .

۱۸۳ حاصل ضربلری ۱۰۵۸۴ و مثل مشترك اصغرلری

۵۰۴ اولان ايکي عددك قاسم مشترك اعظمي ندر ؟

جواب — علم حساب (ماده : ۱۴۲) موجبنجه

$$\text{قاسم مشترك اعظم} = \frac{7 \times 5}{504} = \frac{10584}{504} = 21 \text{ اولور.}$$

۱۸۴ ۲، ۳، ۴، ۵، ۶، ۷ عددلرندن هر بيريله دفعه
قابل تهيم اولمق اوزره درت رقملي برقاچ عدد بولمق
مطلوبدر ؟

جواب — آرانيلان عددلر ۲، ۳، ۴، ۵، ۶ و ۷ عددلرينك
ه رقملي عددلرك اك كوچوكي اولان ۱۰۰۰۰ دن اصغر و ۴ رقملي
عددلرك اك كوچوكي بولان ۱۰۰۰ دن اعظم ويا اكا مساويدر .
ايمدي ويريلان عددلرك مثل مشترك اصغري

$$2 \times 3 \times 5 \times 7 = 210 \text{ اولوب حالبوکه}$$

$$210 \times 2 > 1000 > 3 \times 40 \text{ و}$$

$$210 \times 23 > 10000 > 22 \times 420$$

اولمغه اعداد مطلوبه

$$1160 = 3 \times 410 \text{ و } 1680 = 4 \times 420$$

$$2100 = 5 \times 420 \text{ و } 9240 = 22 \times 420 \text{ و}$$

$$9660 = 23 \times 420 \text{ اولور.}$$

۱۸۵ ابعادى دسيمترونك عددنامى ايله افاده اولنان وسطحي

مترو مربعنه معادل اولان مستطيللر ندر ؟

جواب — برمنرو صربی ۱۰۰ دسیمترو مربعنه مساوی
 اولدیفدن ۱۰۰ عددی دسیمترونی ارائه ایدن ایکی تام عدد حاصل ضربنه
 مساوی عدد و تلقی اولنه بیله جکی جهته
 $۱۰ \times ۱۰ = ۲۰ \times ۵ = ۲۵ \times ۴ = ۵۰ \times ۲ = ۱۰۰ \times ۱ = ۱۰۰$

اولور بو حالده مطلوب اولان م تطیللرک ابعادی

۲۰ دسیمترو و ۵ دسیمترو	۱۰۰ دسیمترو و ۱ دسیمترو
» ۱۰ و ۱۰	» ۱ و ۵۰
	» ۴ و ۲۵

اولمش اولور .

ایک:جی کتاب

کسورات — اختصاات



تعلیم ۹ — کبرک تعریف و معناسی

۱۸۶ آئیدہ کی کسر لری رقمہ یازیکز :

برئاث	جواب	
بشدہ ایک	»	$\frac{1}{3}$
اون بشدہ طفوز	»	$\frac{2}{5}$
یکری اوچ ربع	»	$\frac{9}{10}$
آلتی خمس	»	$\frac{23}{4}$
بیکدہ بش	»	$\frac{6}{5}$
یوزدہ درت	»	$\frac{9}{1000}$
یتمش برتقسیم ایکیوز یکری طفوز	»	$\frac{4}{100}$
اوندہ سکرز	»	$\frac{71}{429}$
		$\frac{8}{10}$

۱۸۷ آئیدہ کی کسر لری حرفلہ یازیکز :

۱ —	$\frac{2}{7}$	جواب	ایکی تقسیم یدی (یدی دہ ایک)
۲ —	$\frac{91}{94}$	»	اللی برتقسیم التمش درت (۶۴ دہ اللی بر)
۳ —	$\frac{1}{4}$	»	برتقسیم ایک (نصف)
۴ —	$\frac{217}{8094}$	»	اوچیوز اون یدی تقسیم سکرز بیک
			طقسان ایک

۵ —	»	$\frac{۱۲۹}{۱۱}$	یوز یکرمی طقوز تقسیم اونبر .
۶ —	»	$\frac{۳۰۰}{۱۰}$	بش بیک بر تقسیم بیک بش
۷ —	»	$\frac{۱۰۰}{۴۰۰}$	بیک اون بش تقسیم ایکی بیک التمش
۸ —	»	$\frac{۲۲۲}{۳۳۳}$	ایکی بیک ایکی یوز یکرمی ایکی تقسیم
			اوج بیک اوجیوز اونوز اوج
۹ —	»	$\frac{۳۰۰}{۱۱۴}$	اوج یوز الی بش تقسیم یوزاون اوج
۱۰ —	»	$\frac{۸۰۰}{۴۰۰}$	سکز بیک تقسیم یکرمی بش بیک طقوز یوز

۱۸۸ آئیده کی کسر لی عدد لری حرفله یاریکنز ؟

۱ —	$\frac{۲}{۵}$	»	هواب درت عدد صحیح بشده ایکی
۲ —	$\frac{۱۰}{۱} + \frac{۱}{۱}$	»	اون عدد صحیح یدی ده بر
۳ —	$\frac{۱۱}{۵}$	»	بش عدد صحیح اونبر تقسیم اون ایکی
۴ —	$\frac{۱}{۴}$	»	بر عدد صحیح الی تقسیم یکرمی اوج
۵ —	$\frac{۲۷}{۱۱} + ۱۱۰$	»	یوزاون عدد صحیح یکرمی یدی تقسیم یوزاونبر
۶ —	$\frac{۸۰}{۹۸} + ۶۹$	»	التمش طقوز عدد صحیح سکسان بش تقسیم طقسان سکز

۱۸۹ آئیده کی افاداتی رقله یازیکنز ؟

بش واحد وایکی ثلث	»	$\frac{۲}{۵}$	هواب
سکز بیقی	»	$\frac{۱}{۴}$	۸
اونبر و اوج ربع	»	$\frac{۲}{۱۱}$	۱۱
یکرمی بش واون سکزده بر	»	$\frac{۱}{۱۸}$	۲۰
طقسان اوچده التمش یدی		$\frac{۲۷}{۹۴}$	
یوز طقوز و بر ثلث		$\frac{۱}{۴}$	۱۰۹

۱۹۰ آئیده کی عدد تام مع ال کسر لری کسر حالند و یازیکنز :

$$۱ - ۰ + \frac{۱}{۴}$$

جواب — اول امرده بش عدد تامی علم حساب (ماده : ۱۴۸)
 موجب پنجه طه وزده بره تحویل اولند قدده $\frac{۴۰}{۴}$ اولور. بمده بوکا $\frac{۴}{۴}$ کسرینک
 ضمیمه $\frac{۱۹}{۴}$ اولور .

$$\frac{۵۹}{۹} = \frac{۲ + \frac{۱۹}{۳} \times ۳}{۳} = \frac{۲}{۳} + ۱۹ - ۲$$

$$\frac{۱۶۱۴}{۱۱} = \frac{۷ + \frac{۱۱}{۱۱} \times ۱۴۶}{۱۱} = \frac{۷}{۱۱} + ۱۴۶ - ۳$$

$$\frac{۸۰ + \frac{۱۳۷۷}{۸۱}}{۸۱} = \frac{۸۰ + \frac{۸۱}{۸۱} \times ۱۷}{۸۱} = \frac{۱۷}{۸۱} - ۳$$

$$\frac{۱۴۵۷}{۸۱} =$$

۱۹۱ آئیده کی کسر لرده بولنان اعداد تامه بی افر ازا یدیکنر:

$$\frac{۲۷}{۸} - ۱$$

جواب — اول امرده ۳۷ عددی ۸ ایله تقسیم اولند قدده ۴
 خارج قسمتیه ۵ باقی حاصل اولور .

$$\frac{۲۷}{۸} = \frac{۴}{۸} + ۵$$

بوکا قیاساً عین وجهله تقسیمات یابه رق

$$\frac{۹}{۴۱۵} = \frac{۶۹}{۴۱۵} - ۲$$

$$۱۰ \cdot \frac{۷}{۱۹} = \frac{۱۹۷}{۱۹} - ۳$$

$$۲۶ \cdot \frac{۱۴}{۱۱۷} = \frac{۳۰۵۶}{۱۱۷} - ۴$$

$$۲ = \frac{۱۶}{۸} - ۵$$

$$۵ \cdot \frac{۱}{۲۰۰} = \frac{۱۶}{۲۰۰} - ۶$$

$$۳ \cdot \frac{۱۱۰}{۲۲۵} = \frac{۷۸۰}{۲۲۵} - ۷$$

۱۹۲ برکیمسه ۶۴ غروشدن عبارت بولنان بورجنک
ربعی اوده مش اولسه تأدیه ایتدیکی مبلغ ندر ؟

هواب — ۶۴ عددینک ربعی عدد مذکورک درده تقسیمیه
حاصل اوله جفندن $\frac{64}{4} = 16$ اولغله اوکیمسه ک هنوز بورجنک
۱۶ غروشنی اوده به بیلمش اولدینی تبین ایدر .

۱۹۳ برسیاح ۳۵۰ کیلومترویه بالغ برسفرک ؟ قسمنی ایفا
ایتمش اولسه قطع ایتدیکی کیلو مترو مقداری ندر ؟

هواب — سفرک بشده بری ۳۵۰ کیلو متره ک ۵ مساوی قسمه
تقسیمیه حاصل اوله جفندن $\frac{350}{5} = 70$ کیلومترو اولور .

بوصورتله استحصال اولنان اقسام متساویه دن هر بری ۷۰ کیلومترو
قیمتده اولوب بونلرک بشده اوچی یعنی اشبوقسملردن اوچی ۳ دفعه ۷۰
کیلومترویه مساوی اولدیفندن قطع اولنان مسافه
 $70 \times 3 = 210$ کیلومترو اولور .

۱۹۴ برچوال ۱۲۰ جویری حاوی ایمش . بوقدر جویر
چوجقلر بیننده توزیع اولدقدن صکره هر برینه ۵ جویر
دوشمش اولدیفنه نظراً هرچوجقل حصه سنه چوالده کی
جوزک قدر کسری اصابت ایتمشدر ؟ وبوتوزیه قاج اشتراک
ایدن قاج چوجقدر ؟

هواب — برجویر چوال موجودینک یوزیکریمیده برینی
ارائه ایدر هرچوجقی ایسه مفاد مس ثله حکمنجه ۵ جویر آلدیفندن
مذکور چوال داخلنده بولنان جویر عددینک یوزیکریمیده بشنی یعنی
 $\frac{120}{100}$ جزئی آلمش اولور .

توزیمه اشتراك ایدن چوجقلرك عددینه كانجه بوده ۵ عددینك ۱۲۰ ده داخل اولدینی دفعه بی کوسترن برعدد اوله جفته بناء تقسیمك تعریفنه نظراً $\frac{120}{24} = 5$ اولور .
بناء علیه توزیمه اشتراك ایدن چوجقلرك عددی ۲۴ اولدینی حالدله بولردن هربری چوال ایچنده کی جویزك یکریمی دوتده برینی آلمش اوله جفتدن بوکسردده $\frac{1}{4}$ ایله اراثة اولونور .

۱۹۵ ۵ ساعت برکونك قاچ جزئی کوستر ؟

مواب — برکونك $\frac{5}{4}$ جزئی کوستر .

۱۹۶ ۳ کون برهفته نك تقدیر برکسرنی اراثة ایدر ؟

مواب — ۳ کون برهفته نك $\frac{3}{4}$ جزئی اراثة ایدر .

۱۹۷ ۵ دن یدی دفعه کوچوك اولان عدد ندر ؟

مواب — $\frac{5}{4}$ عددیدر .

۱۹۸ آتیده محرر

$\frac{5}{6}$ ، $\frac{4}{5}$ ، $\frac{3}{4}$ ، $\frac{2}{3}$ ، $\frac{1}{2}$ ، $\frac{1}{3}$ ، $\frac{1}{4}$ ، $\frac{1}{5}$ ، $\frac{1}{6}$ ، $\frac{1}{8}$ ، $\frac{1}{12}$ ، $\frac{1}{20}$ کسرلر .

(۱) کسرحقیقلری

(۲) واحده مساوی اولان کسرلری .

(۳) واحددن بویوك اولان کسرلری

کوسترکنز .

مواب — اشبو کسرلردن

۱ — $\frac{5}{6}$ ، $\frac{4}{5}$ ، $\frac{3}{4}$ کسر حقیقی

۲ — $\frac{2}{3}$ ، $\frac{1}{2}$ ، $\frac{1}{3}$ کسرلری واحده مساوی

۳ — $\frac{1}{2}$ ، $\frac{1}{3}$ ، $\frac{1}{4}$ کسرلری واحددن بویوكدر .

۱۹۹ مخرجی ۷ اولان کسورات ایله عدد تام مع ال کسر لک
لک کوچوکی ندر؟

جواب — بو کسر لک لک کوچوکی $\frac{1}{7}$ و عدد تام مع ال کسر لک
لک کوچوکی $\frac{4}{7}$ در .

۲۰۰ آتیده کی کسر لری واحدک نصفنه مساوی بر قیمت
ارائه ایتلمی ایچون نه مخرج ویرمیلدر :

$$\frac{1}{2}, \frac{2}{3}, \frac{3}{4}, \frac{4}{5}, \frac{5}{6}, \frac{6}{7}, \frac{7}{8}, \frac{8}{9}, \frac{9}{10}$$

جواب — بر کسر واحدک نصفنه مساوی اولقی ایچون مخرجی
صورتک ضعفنه مساوی اولسی اقتضا ایلمکله کسورات مذ کوره

$$\frac{1}{2}, \frac{2}{3}, \frac{3}{4}, \frac{4}{5}, \frac{5}{6}, \frac{6}{7}, \frac{7}{8}, \frac{8}{9}, \frac{9}{10}$$

اولور .

۲۰۱ آتیده کی کسر لره هر بری برثلک ارائه ایتلمک
اوزره نه صورت ویرمیلدر :

$$\frac{1}{2}, \frac{2}{3}, \frac{3}{4}, \frac{4}{5}, \frac{5}{6}, \frac{6}{7}, \frac{7}{8}, \frac{8}{9}, \frac{9}{10}$$

جواب — صورت مخرجکی ثلثنه مساوی اولقی لازم کله چکندن
مقاد مسئله به مطابق اولقی اوزره

$$\frac{1}{2}, \frac{2}{3}, \frac{3}{4}, \frac{4}{5}, \frac{5}{6}, \frac{6}{7}, \frac{7}{8}, \frac{8}{9}, \frac{9}{10}$$

کسر لری حاصل اولور .

۲۰۲ واحددن $\frac{1}{4}$ قدر کوچوک اولان کسر ندر ؟

جواب — کسر مطلوب $\frac{3}{4} = \frac{9}{12} - \frac{6}{12}$ در .

۲۰۳ $\frac{2}{3}$ کسریںک صورتہ ۲ ضم اولنسہ کسریک قیچی
مقدار تزايد ایدر ؟

جواب — کسر مذکور $\frac{2}{3} - \frac{2}{3} = \frac{2}{3}$ قدر تزايد ایدر .

۲۰۴ $\frac{7}{11}$ و $\frac{11}{11}$ کسرلری توحید مخرج ایدلہ کمترین
یکدیگرلہ مقایسہ اولنہ بیلیرمی ؟

جواب — اوت بوکسرلر توحید مخرج اولنفسزین یکدیگرلہ
مقایسہ ایدیلہ بیلور. فی الحقیقہ $\frac{7}{11}$ کسری واحدن $\frac{2}{3}$ قدر و $\frac{11}{11}$ کسری ده
کذلک واحدن $\frac{2}{3}$ مقداری کوچوکدر. حالبوکه علم حساب (ماده :
۱۶۲) موجبجه $\frac{2}{3} < \frac{2}{3}$ اولدیفندن $\frac{7}{11}$ کسری ده $\frac{11}{11}$ کسرندن
بویوک اولور .

۲۰۵ آتیده کی کسرلری اختصار ایدیکز :

$$1 - \frac{4}{6} ; \frac{250}{910} ; \frac{936}{104908}$$

جواب — $\frac{4}{6}$ کسریک صورت و مخرجی ۲ ایله قابل تقسیم
اولدیفندن

$$\frac{4}{6} = \frac{2 \times 2}{2 \times 3} = \frac{2}{3} \text{ اولور .}$$

بونک کبی $\frac{350}{910}$ کسریک صورت و مخرجی ۱۰ ایله قابل تقسیم

اولدیفندن

$$\frac{350}{910} = \frac{10 \times 35}{10 \times 91} = \frac{35}{91} = \frac{5 \times 7}{7 \times 13} = \frac{5}{13} \text{ اولور .}$$

کذلک $\frac{936}{104908}$ کسریک صورت و مخرجی زوج و بوندن ماعدا

هرایکسیده ۹ ایله قابل تقسیم اولدیفندن

$$\frac{9 \times 52}{9 \times 5831} = \frac{468}{52479} = \frac{2 \times 468}{2 \times 52479} = \frac{936}{104958}$$

اولور . $\frac{52}{5831} =$

۲ — $\frac{3420}{4860}$ کسریك اختصاری ایچون صورت وخرج

مضروبات اصلیه به تحلیل اولندقد

$$\frac{19 \times 5 \times 3 \times 3 \times 2 \times 2}{5 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3 \times 2 \times 2} = \frac{3420}{4860}$$

به- مضروبات مشترکک حذف واره سیله

اولور . $\frac{19}{27} = \frac{19}{3 \times 3 \times 3}$

اخطار — سالف الذکر $\frac{3420}{4860}$ کسریك صورت وخرجی اول امرده ۱۰ ایله تقسیم اولنرق $\frac{342}{486}$ شکله قولدندن مکره ساقی وجهله اجرای عملیات اولتی صورتیه عین نتیجه دهاسهولته واصل اولونور .

۳ — $\frac{111804}{266805}$ کسریك اختصاری ایچونده صورت

وخرج مضروبات اصلیه به تفریق وبعده مضروبات مشترک حذف وازاله اولندقد

$$\frac{11 \times 11 \times 11 \times 7 \times 3 \times 2 \times 2}{11 \times 11 \times 7 \times 7 \times 5 \times 3 \times 3} = \frac{111804}{266805}$$

اولور . $\frac{44}{150} = \frac{11 \times 2 \times 2}{7 \times 5 \times 3} =$

۲۰۶ مخرجی ۳۵ اولیق اوزره ؛ کسرینه مساوی برعدد بولکنز ؟

هواب — كسر مطلوبك ۳۵ مخرجى استحصال ايتك ايچون ويران كسر مخرجى ۷ ايله يعنى $\frac{۳۵}{۷}$ خارج قسمتيله ضرب ايتك لازم كلور . بومعامله ايله كسرك قيمته خال كلش اوله جفندن بوكا محل قالماق اوزره صورتى كوسترن ۴ عددى ده ۷ ايله ضرب ايتك ايجاب ايلر وبوصورتله $\frac{۲۸}{۷}$ كسرى حاصل اولور .

۲۰۷ صورتى ۱۰۰۰ اولماق اوزره $\frac{۲۰۷}{۱۰۰۰}$ كسرينه مساوى برعدد بولكز .

هواب — كسر مفروضك صورت و مخرجى ۴۰ ايله ضرب اولندوقده

$$\frac{۱۰۰۰}{۱۴۸۰} = \frac{۴۰ \times ۲۵}{۴۰ \times ۳۷} = \frac{۲۵}{۳۷} \quad \text{اولور .}$$

۲۰۸ برسياح ۵۸۵ كيلو مترولك برسفر اجرا ايتك ايتديكى حالده هنوز بونك ۳۹۰ كيلو متروسى ايضا ايتش اولسه بوسفر كقدر كسرى تمام ايد بيلمش اولديغك تعينى مطلوبدر ؟

هواب — قطع اولنه جق مسافه ۵۸۵ كيلو مترو اولوبسياح بونك هنوز ۳۹۰ قسمى ايضا ايد بيلمش اولسنه نظراً عام حساب (ماده : ۱۴۳) موجنبه جزؤ مذكور $\frac{۲۹۰}{۵۸۵}$ كسريله افاده اولونور . بناءً عليه .

$$\frac{۲}{۳} = \frac{۱۳ \times ۵ \times ۲ \times ۲}{۱۲ \times ۵ \times ۳ \times ۳} = \frac{۳۹۰}{۵۸۵} \quad \text{اولور .}$$

شوالده سياك قطع اولنه جق مجموع مسافه نك $\frac{۲}{۳}$ قسمى بترمش اولدينى اكلاشيلور .

۲۰۹ صورت و مخرج لری مجموعی ۹۵ عددینه مساوی
اولق و $\frac{۷}{۱۲}$ کسرینه معادل بولنق اوزره برکسر بولق مطلوبدر ؟

جواب — صورت و مخرجی مجموعی ۹۵ عددینه مساوی اوله جق
برکسر تعیین ایتمک ایچون $\frac{۷}{۱۲}$ کسرینک صورت و مخرجنک هانکی عدد
ایله ضربی اقتضا ایده جکئی آ کلامق لازم کاور . کسر حدیدک صورتی
بوعددک ۷ مثلته و مخرجی ایسه عدد مذکورک ۱۲ مثلته مساوی
اوله جفتدن صورت و مخرجک مجموعی اولان ۹۵ عددی عدد مطلوبک
۱۹ مثلته مساوی اولور .

بناءً علیه آرائیلان عدد ۱۹ ایله ضرب اولندقدہ حاصل ضرب
۹۵ عددینی ویره جکندن عدد مذکور $\frac{۹۵}{۱۲} = ۵$ اولفین

$$\text{کسر مطلوب} \quad \frac{۳۵}{۶۰} = \frac{۵ \times ۷}{۵ \times ۱۲} \quad \text{اولور .}$$

۲۱۰ صورت و مخرجی بیننده کی فضل ۴۵ اولق و $\frac{۴}{۷}$
کسرینه معادل بولنق اوزره برکسر بولق مطلوبدر ؟

جواب — کسر مطلوب ویریلان کسرک صورت و مخرجنک
آئیده تعیین ایدیله جک برعدد ایله حاصل ضربنیدن تشکیل ایدر .
ایندی کسر مفروضک مخرجیله صورتی بیننده کی تفاضل ۳ اولوب
بونک حدینی - که تفاضلی تشکیل ایدن عددلردر - برعدد ایله ضرب
اولدقدہ تفاضل مذکور بوعددله ضرب اولونمش اولور . بناءً علیه
بوعدد ۳ دفعه تکرار اولمعله حاصل ضرب ۴۵ اوله جفتدن آرائیلان عدد
 $\frac{۱۵}{۳} = ۵$ اولفین

$$\text{کسر مطلوب} \quad \frac{۶۰}{۱۰۵} = \frac{۱۵ \times ۴}{۱۵ \times ۷} \quad \text{اولور .}$$

۲۱۱ آئیده کی کسرلرگ مخرجلرینی توحيد ایدیکنز :

$$۱ - \frac{۲}{۳} \text{ و } \frac{۲}{۴}$$

جواب — $\frac{۲}{۳}$ کسرینک مخرجی ایکنجی کسرک مخرجنه مساوی اوله بیلدک ایچون ۲ ایله ضرب ایتدک لازم کلیر . کسرمنز کورک قیمته خلل کله مک اوزره صورتی دخی ۲ ایله ضرب اولندقده

$$\frac{\frac{۲}{۳}}{\frac{۲}{۴}} = \frac{۲ \times ۲}{۳ \times ۲} = \frac{۲}{۳}$$

و بصورتله $\frac{۲}{۳}$ و $\frac{۲}{۴}$ کسرلرینک مخرجلری یکدیگرینک عینی اولش اولور .

$$۲ - \frac{۱}{۲} \text{ و } \frac{۱}{۳} \text{ و } \frac{۱}{۴}$$

جواب — اول امرده

$$۵۰ = ۲ \times ۲۵ \text{ و } ۵۰ = ۱۰ \times ۵$$

اولدینی ملاحظه اولونور .

بوکا نظراً ایلك ایکی کسردن برنجینک مخرجی ۱۰ و دیگرینککی ۲ ایله ضرب اولتیق صورتیه ۵۰ عددینه مساوی قله جفتدن کسورات مذکورک قیمتلرینه خلل کامک ایچون برنجی کسرک صورت و مخرجی ۱۰ ایله وایکنجینککی ۲ ایله ضرب اولندقده

$$\frac{\frac{۱۱}{۵۰}}{\frac{۲۴}{۵۰}} = \frac{۲ \times ۱۲}{۲ \times ۲۵} = \frac{۱۲}{۲۵} \text{ و } \frac{\frac{۲۰}{۵۰}}{\frac{۱۰ \times ۴}{۱۰ \times ۵}} = \frac{۴}{۵}$$

اولور .

$$۳ - \frac{۲}{۳} \text{ و } \frac{۷}{۱۵}$$

هواب — مخرج مشترك ۶۰ اولديندن كسورات مفروضه دن
هبرى

$$\frac{۲۸}{۶۰} \text{ و } \frac{۴۵}{۶۰} \text{ وياخود } \frac{۴ \times ۷}{۴ \times ۱۵} \text{ و } \frac{۱۵ \times ۳}{۱۵ \times ۴}$$

كسرلرینه مساوی اولور .

مخرجلرك تدقیقه $\frac{۲}{۴} < \frac{۷}{۶۰}$ بولنور. چونكه برنجی كسر التمشده
۴۵ اولوب ديكری ايسه آلتشك انجق ۲۸ قمنه مساویدر .

$$۴ - \frac{۲}{۴} \text{ و } \frac{۷}{۱۲} \text{ و } \frac{۹}{۱۴}$$

هواب — بوكسورات ثلثة یی توحیدمخرج ایتك ایچون هر كسرك
صورت ومخرجی دیکرایکیسنگ مخرجلری حاصل ضربیله ضرب اولندقدمه

$$\frac{۱۱ \times ۳ \times ۵}{۱۱ \times ۳ \times ۱۳} \text{ و } \frac{۳ \times ۱۳ \times ۷}{۳ \times ۱۳ \times ۱۱} \text{ و } \frac{۱۳ \times ۱۱ \times ۲}{۱۳ \times ۱۱ \times ۳}$$

ویاخود

$$\frac{۱۶۵}{۴۲۹} \text{ و } \frac{۲۷۳}{۴۲۹} \text{ و } \frac{۲۸۶}{۴۲۹}$$

كسرلری حاصل اولور. بونتایجه نظراً $\frac{۲}{۴}$ كسرينك كسورات ثلثة
مفروضه نك بويوك اولدينى اكلاشيلور .

$$۵ - \frac{۲۸۵}{۴۸۵۴} \text{ و } \frac{۹۹}{۶۰۴}$$

هواب — بوكسرلرك مخرج مشترك اصغرى اولجه بالاخصصار
استحصال اولنان كسورات مخرجلرينك مثل مشترك اصغرندن عبارت
اولديندن

$$\text{و} \quad \frac{۵۳ \times ۵}{۱۰۷ \times ۲ \times ۲} = \frac{۵۳ \times ۵ \times ۳ \times ۳}{۱۰۷ \times ۲ \times ۳ \times ۲ \times ۲} = \frac{۲۳۸۵}{۳۸۵۲}$$

$$\text{اولور} \quad \frac{۷ \times ۷}{۶۷ \times ۳ \times ۳} = \frac{۴۹}{۶۰۳}$$

بوحالده کسورات مفروضه

$$\frac{۷ \times ۷}{۶۷ \times ۳ \times ۳} \text{ و } \frac{۵۳ \times ۵}{۱۰۷ \times ۲ \times ۲}$$

کسرلرینه مساوی اولور .

مخرجلرک مثل مشترک اصغری ایسه

$$۱۰۷ \times ۶۷ \times ۳ \times ۳ \times ۲ \times ۲$$

اولوب بویایه مخرج مشترک اصغردر .

بناء علیه

$$\frac{۶۷ \times ۳ \times ۳ \times ۵۳ \times ۵}{۶۷ \times ۳ \times ۳ \times ۱۰۷ \times ۲ \times ۲} = \frac{۵۳ \times ۵}{۱۰۷ \times ۲ \times ۲} = \frac{۲۳۸۵}{۳۸۵۲}$$

$$\text{و} \quad \frac{۱۰۹۷۹۵}{۲۵۸۰۸۴} =$$

$$\frac{۱۰۷ \times ۲ \times ۲ \times ۷ \times ۷}{۱۰۷ \times ۱ \times ۲ \times ۶۷ \times ۳ \times ۳} = \frac{۷ \times ۷}{۶۷ \times ۳ \times ۳} = \frac{۴۹}{۶۰۳}$$

$$\text{اولور} \quad \frac{۲۰۹۷۲}{۲۵۸۰۸۴} =$$

$$۶ - \frac{۲۱}{۴} \text{ و } \frac{۵۱}{۶} \text{ و } \frac{۶۹}{۱۳۵}$$

جواب — کورات ثلثه اول امرده اختصار اولندقمه

$$\text{اولور} \quad \frac{۲۳}{۴۵} \text{ و } \frac{۱۷}{۳۰} \text{ و } \frac{۲۱}{۴}$$

مخرجلك مضروبات اصلیه به تفریقه

$$۵ \times ۲ \times ۲ \times ۲ = ۴۰$$

$$۵ \times ۳ \times ۲ = ۳۰$$

$$۵ \times ۳ \times ۳ = ۴۵$$

ومثل مشترك اصغرلى

$$۳۶۰ = ۵ \times ۳ \times ۳ \times ۲ \times ۲ \times ۲ \text{ اولور.}$$

۳۶۰ عددینک مضروبات اصلیه سی میاندن کسورات مذکورده نك

مخرجلى اولان ۴۰، ۳۰، ۴۵ عددلرینک مضروبات اصلیه سی

حذف اواندقده $\frac{۲}{۳}$ ، $\frac{۱۷}{۴}$ ، $\frac{۲}{۳}$ کسرلرینک ۳۶۰ مخرج مشترکى حاوی

اولملى ایچون صورت ومخرجلرندن هرینی ۹، ۱۲، ۸ عددلرله

ضرب ایتک ایجاب ایلکله

$$\frac{۱۸۹}{۳۶۰} = \frac{۹ \times ۲۱}{۹ \times ۴۰} = \frac{۲۱}{۴۰}$$

$$\frac{۲۰۴}{۳۶۰} = \frac{۱۲ \times ۱۷}{۱۲ \times ۳۰} = \frac{۱۷}{۳۰} = \frac{۵۱}{۹۰}$$

$$\frac{۱۸۴}{۳۶۰} = \frac{۸ \times ۲۳}{۸ \times ۴۵} = \frac{۲۳}{۴۵} = \frac{۶۹}{۱۳۵} \text{ اولور.}$$

۲۱۲ $\frac{۱۲}{۱۷}$ و $\frac{۹}{۱۷}$ ایکی طاقیم کسردن بویو کفی سویلیکنز

وسببى ایضاح ایدیکنز ؟

جواب — بویوکی $\frac{۱۲}{۱۷}$ کسریدر. چونکه کسر مذکورک

واحددن اولان نقصانی $\frac{۵}{۱۷}$ اولوب $\frac{۹}{۱۴}$ کسرینک واحددن نقصانی ایسه

$$\frac{۵}{۱۴} \text{ در. حالبوکه } \frac{۵}{۱۷} > \frac{۵}{۱۴} \text{ در.}$$

۲۱۳ آتیده کی کسرلری بویوککلکری صیره سیله یازیکز:

$$\frac{27}{36} ; \frac{10}{24} ; \frac{7}{12} ; \frac{4}{9}$$

مهراب — کسورات مذکوره اول امرده توحید مخرج اولنق
ایجاب ایدر . اختصار اولندقمه

$$\frac{3}{4} ; \frac{10}{24} ; \frac{7}{8} ; \frac{4}{9}$$

اولور .

مخرجلرک مثل مشترک اصغریسی

$$11 \times 5 \times 3 \times 3 \times 2 \times 2$$

اولفله

$$\frac{1760}{1980} = \frac{11 \times 5 \times 2 \times 2 \times 8}{11 \times 5 \times 2 \times 2 \times 3 \times 3} = \frac{8}{3 \times 3} = \frac{8}{9}$$

$$\frac{1188}{1980} = \frac{11 \times 3 \times 3 \times 2 \times 2 \times 3}{11 \times 3 \times 3 \times 2 \times 2 \times 5} = \frac{3}{5} = \frac{6}{10}$$

$$\frac{1350}{1980} = \frac{5 \times 3 \times 3 \times 2 \times 15}{5 \times 3 \times 3 \times 2 \times 11 \times 2} = \frac{15}{11 \times 2} = \frac{15}{22}$$

$$\frac{1485}{1980} = \frac{11 \times 5 \times 3 \times 3 \times 3}{11 \times 5 \times 3 \times 3 \times 2 \times 2} = \frac{3}{2 \times 2} = \frac{3}{4} = \frac{27}{36}$$

اولور . کسورات مذکوره نك تدقیقه

$$\text{وبناءً علیہ} \quad \frac{1760}{1980} > \frac{1188}{1980} > \frac{1350}{1980} > \frac{1485}{1980}$$

$$\text{اولور .} \quad \frac{8}{9} > \frac{27}{36} > \frac{10}{24} > \frac{7}{12}$$

۲۱۴ آتیده کی کسرلری بویوککلکاری صیره سیله تنظیم

ایدیکز :

$$\frac{23}{72} : \frac{12}{27} : \frac{9}{11} : \frac{31}{35} : \frac{14}{18}$$

جواب — کسورات مذکورہ اول امدہ اخصار اولندقدہ

$$\frac{23}{72} : \frac{4}{4} : \frac{9}{11} : \frac{31}{35} : \frac{7}{4}$$

اولور. حالبوکہ

$$3 \times 3 \times 2 \times 2 \times 2 = 72 : 7 \times 5 = 35 : 3 \times 3 = 9$$

اولدیفندن مخرجربك مثل مشترك اصغری

$$27720 = 11 \times 7 \times 5 \times 3 \times 3 \times 2 \times 2 \times 2$$

اولور وبناءً عليه

$$= \frac{11 \times 7 \times 5 \times 2 \times 2 \times 2 \times 7}{11 \times 7 \times 5 \times 2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 3} = \frac{7}{3 \times 3} = \frac{7}{9} = \frac{14}{18}$$

$$\frac{21060}{27720}$$

$$\frac{21060}{27720}$$

$$= \frac{11 \times 3 \times 3 \times 2 \times 2 \times 2 \times 31}{11 \times 3 \times 3 \times 2 \times 2 \times 2 \times 7 \times 5} = \frac{31}{7 \times 5} = \frac{31}{35}$$

$$\frac{24002}{27720}$$

$$\frac{24002}{27720}$$

$$\frac{22680}{27720} = \frac{7 \times 5 \times 3 \times 3 \times 2 \times 2 \times 2 \times 9}{7 \times 5 \times 3 \times 3 \times 2 \times 2 \times 2 \times 11} = \frac{9}{11}$$

$$\frac{12320}{27720} = \frac{11 \times 7 \times 5 \times 2 \times 2 \times 2 \times 4}{11 \times 7 \times 5 \times 2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 3} = \frac{4}{9} = \frac{12}{27}$$

$$= \frac{23}{3 \times 3 \times 2 \times 2 \times 2} = \frac{23}{72}$$

$$\frac{8800}{27720} = \frac{11 \times 7 \times 5 \times 23}{11 \times 7 \times 5 \times 3 \times 3 \times 2 \times 2 \times 2}$$

اولنله

$$\frac{9}{11} > \frac{14}{18} > \frac{12}{17} > \frac{22}{24}$$

یازیلور .

تعلیم ۱۰

۲۱۵ آئیده کی کسرلرک جمی مطلوبدر ؟

$$(۱) \frac{8}{14} + \frac{10}{16} + \frac{7}{16} + \frac{9}{18}$$

جواب — کسورات مفروضه نك مخزجلری مساوی اولدیغندن مجموعری

$$\text{اولور .} \quad ۱ \frac{۱۵}{۱۹} = \frac{۳۴}{۱۹} = \frac{۸ + ۱۵ + ۷ + ۴}{۱۹}$$

$$(۲) \frac{9}{11} + ۱۰ \frac{9}{11} + ۱۳ \frac{2}{11} + ۸ \frac{9}{11} + ۵ \frac{7}{11}$$

جواب — کسورات مذکورہ نك مجموعی وجه اتی اوزره یازلقدہ '۱۱

$$\text{اولور .} \quad \frac{۹ + ۵ + ۲ + ۴ + ۷}{۱۱} + ۱۰ + ۱۳ + ۸ + ۵$$

$$\text{حالبوکه} \quad ۲ \frac{۵}{۱۱} = \frac{۲۷}{۱۱} = \frac{۹ + ۵ + ۲ + ۴ + ۷}{۱۱}$$

$$\text{اولور .} \quad ۳۸ \frac{۵}{۱۱} = ۲ \frac{۵}{۱۱} + ۱۰ + ۱۳ + ۸ + ۵$$

$$(۳) ۱۵ \frac{9}{11} + ۱۰ + ۲۵ \frac{1}{11} + ۷ \frac{1}{11} + ۵ \frac{9}{11} + ۲ + \frac{8}{11}$$

جواب — اول امرده کسرلر جمع اولندقدہ

$$\frac{۵ + ۱۱ + ۱ + ۱۵ + ۸}{۲۱} = \frac{۵}{۲۱} + \frac{۱۱}{۲۱} + \frac{1}{۲۱} + \frac{۱۵}{۲۱} + \frac{8}{۲۱}$$

$$۱۱ \frac{9}{11} = \frac{119}{11}$$

واعداد تامه نك جمى

$$۶۴ = ۱۰ + ۱۰ + ۲۰ + ۷ + ۵ + ۲$$

اولد جفندن

بمجموع مطلوب

$$۶۵ \frac{۱۹}{۲۱} = ۱ \frac{۱۹}{۲۱} + ۶۴$$

اولور .

$$\frac{۱۱}{۱۳} + \frac{۲}{۷} + \frac{۲}{۴} + \frac{۷}{۱۰} \quad (۴)$$

جواب — اول اسرده كسر لر توحيد مخرج اولند قده مخرج مشترك

$$۱۰ \times ۴ \times ۷ \times ۱۳ \text{ اوله جفندن}$$

$$\frac{۷ \times ۴ \times ۱۰ \times ۱۱ + ۴ \times ۱۰ \times ۱۳ \times ۲ + ۱۰ \times ۱۳ \times ۷ \times ۲ + ۲ \times ۷ \times ۴ \times ۷}{۱۳ \times ۷ \times ۴ \times ۱۰}$$

يعنى

$$\frac{۱۲۸۲۳}{۱۳ \times ۷ \times ۴ \times ۱۰} = \frac{۴۶۲۰ + ۱۰۶۰ + ۴۰۹۰ + ۲۵۴۸}{۱۳ \times ۷ \times ۴ \times ۱۰}$$

$$۲ \frac{۱۹۰۳}{۵۴۶۰} = \frac{۱۲۸۲۳}{۵۴۶۰} =$$

اولور .

$$۱۳ \frac{۱}{۷} + ۸ \frac{۲}{۷} + ۶ \frac{۱}{۷} \quad (۵)$$

جواب — $\frac{۱}{۷}$ و $\frac{۲}{۷}$ و $\frac{۱}{۷}$ كسر لر ۳۰ مخرج مشتركه

ارجاع اولند قده

$$\frac{۳۰ \times ۴}{۳۰ \times ۷}, \frac{۷ \times ۱۰ \times ۲}{۷ \times ۱۰ \times ۳}, \frac{۷ \times ۱}{۷ \times ۳۰}$$

اوله جفندن بونلرک بمجموع لرى اخذ اولند قده

$$\frac{۱۹}{۷۰} = \frac{۸۹}{۷۰} = \frac{۸۹ \times ۳}{۷ \times ۱۰ \times ۳} = \frac{۲۶۷}{۷ \times ۳۰} = \frac{۱۲۰ + ۱۴۰ + ۷}{۷ \times ۳۰}$$

اولور .

$$(۶) \frac{18}{111} + \frac{9}{11} + \frac{7}{11} + \frac{10}{10}$$

جواب — اول امرده کسرلر اختصار اولنهرق

$$\frac{1}{9} + \frac{9}{11} + \frac{18}{5} = \frac{1}{9} + \frac{9}{11} + \frac{1}{3} + \frac{3}{5}$$

چو کسرلر $9 \times 11 \times 3 \times 5$ مخرج مشترکله توحید مخرج اولدقدده

$$\frac{11 \times 3 \times 5 + 9 \times 3 \times 9 \times 5 + 9 \times 5 \times 11 + 9 \times 11 \times 3 \times 3}{9 \times 3 \times 11 \times 5}$$

یاخود

$$\frac{1}{9} = \frac{427}{595} = \frac{922}{495} = \frac{165 + 1215 + 495 + 891}{9 \times 11 \times 3 \times 5}$$

اولور .

$$(۷) \frac{520}{100} + \frac{94}{188} + \frac{8}{16} + \frac{1}{4}$$

جواب — اول امرده کسورات اختصار اولدقدده

$$\frac{1}{4} = \frac{94}{188} \text{ و } \frac{1}{4} = \frac{8}{16} = \frac{2}{4}$$

$$\frac{1}{4} = \frac{520}{100} = \frac{1}{4} + \frac{1}{4} + \frac{1}{4} + \frac{1}{4}$$

اولور .

۲۱۶ . برعمله ۱۰ کونده برایشی اتمام ایلدیکی حالده
بردیگری عین ایشی ۹ کونده و براوچنجیسی ۱۲ و برردنچیسی ده
۱۳ کونده اکال ایلسه بودرت عمله برلکده چالیشدی برلقدده
برکونده اوایشک نقدینی یا پارلر ؟

جواب — برنجی عمله برموجب مفاد مسئله اوایشی ۱۰ کونده

یاپدیقندن برکونده ایشک $\frac{1}{4}$ قسمنی بیترو . دیگرلریده عینله برکونده
ایشک $\frac{1}{4}$ ، $\frac{1}{4}$ و $\frac{1}{4}$ قسملرینی اکاله ایدرلر .

بودرت عمله برلکده چالیشدی برللمری حالده یومیه ایشک

$$\frac{1}{4} + \frac{1}{4} + \frac{1}{4} + \frac{1}{4} \text{ قسمنی یا پار .}$$

بناءً عليه كسورات مذكوره جمع اولند قده

$$\frac{12 \times 9 \times 10 + 12 \times 9 \times 10 + 12 \times 12 \times 10 + 12 \times 12 \times 9}{12 \times 12 \times 9 \times 10}$$

یعنی

$$\frac{6 \times 869}{6 \times 2340} = \frac{5214}{14040} = \frac{1080 + 1170 + 1060 + 1404}{14040}$$

$$\text{اولور .} \quad \frac{869}{2340} =$$

۲۱۷ بر موصلاق بر دقیقه ده $5 \frac{7}{10}$ لیتره و برایکنجیسی
عین زمان ظرفنده برنجیدن $3 \frac{1}{2}$ لیتره فضله صو ویردیکنه
نظراً بوابکی موصلاق برلکده جریان ایتدیرلدیکی حالده
بر ساعتده ۱۴۰۰ لیتره وسعتنده بولنان بر حوضك نقدر قسمی
طولدیره بیلورلر ؟

هواب — ایکنجی موصلفك بر دقیقه ده کی صرفاتی

$$\text{لیتره} \quad 8 \frac{2}{5} = 3 \frac{1}{2} + 5 \frac{2}{5} = 3 \frac{1}{2} + 5 \frac{7}{10}$$

اولفله هرایکیسی برلکده جریان ایتدیرلدیکی تقدیرده بر دقیقه ظرف

$$\text{لیتره} \quad 14 = 12 \frac{2}{5} = 8 \frac{2}{5} + 5 \frac{2}{5} = 8 \frac{7}{10} + 5 \frac{7}{10}$$

و بر ساعتده یعنی ۶۰ دقیقه ده ایسه

$$840 = 60 \times 14 \quad \text{لیتره}$$

صو ویرر .

بناءً عليه حوضك بر ساعتده طولدیریلان قسمی

$$\text{اولور .} \quad \frac{3}{5} = \frac{7 \times 3 \times 2 \times 2}{7 \times 5 \times 2 \times 2} = \frac{84}{140} = \frac{840}{1400}$$

۲۱۸ آئیده محرر طرحک اجراسی مطلوبدر :

$$\frac{7}{10} - \frac{13}{12} \quad (۱)$$

جواب — اول امرده کسورات توحید مخرج اولندقدہ

$$\frac{55}{20 \times 10} = \frac{140 - 195}{20 \times 10} = \frac{20 \times 7}{20 \times 10} - \frac{10 \times 13}{10 \times 20}$$

$$\text{اولور} \cdot \frac{11}{60} = \frac{11 \times 5}{20 \times 5 \times 3} =$$

$$\frac{11}{60} - \frac{13}{12} \quad (۲)$$

جواب — عین وجهله اجرای عمل اولندقدہ

$$\frac{3 \times 5}{3 \times 12} - \frac{4 \times 4}{4 \times 9} = \frac{5}{12} - \frac{4}{9}$$

$$\text{اولور} \cdot \frac{1}{36} = \frac{15 - 16}{36} =$$

$$\frac{7}{10} - \frac{13}{12} \quad (۳)$$

جواب — ۲۰ و ۵۰ عددلرینک مثل مشترک اصغری

اولدیغندن $5 \times 5 \times 2 \times 2$

$$\frac{65}{5 \times 5 \times 2 \times 2} = \frac{5 \times 13}{5 \times 20} = \frac{13}{20}$$

$$\frac{14}{5 \times 5 \times 2 \times 2} = \frac{2 \times 7}{2 \times 50} = \frac{7}{50}$$

لواغله

$$\frac{51}{5 \times 5 \times 2 \times 2} = \frac{14 - 65}{5 \times 5 \times 2 \times 2} = \frac{6}{50} - \frac{13}{20}$$

$$\frac{51}{100} =$$

$$\frac{۷}{۴۶۵} - \frac{۱۱}{۸۱} \quad (۴)$$

جواب — ۸۱ و ۱۶۵ عددلرینک مثل مشترک اصغری

$$\begin{aligned} ۱۱ \times ۵ \times ۸۱ &= ۱۱ \times ۵ \times ۳ \times ۳ \times ۳ \times ۳ \\ ۳ \times ۳ \times ۳ \times ۱۶۵ &= \end{aligned}$$

اولدیغنه بناء

$$\frac{۸۸۰}{۱۱ \times ۵ \times ۳ \times ۳ \times ۳ \times ۳} = \frac{۱۱ \times ۵ \times ۱۶}{۱۱ \times ۵ \times ۸۱} = \frac{۱۶}{۸۱}$$

$$\frac{۱۸۹}{۱۱ \times ۵ \times ۳ \times ۳ \times ۳ \times ۳} = \frac{۳ \times ۳ \times ۳ \times ۷}{۳ \times ۳ \times ۳ \times ۱۶۵} = \frac{۷}{۱۶۵}$$

اولغله

$$\frac{۶۹۱}{۴۴۵۵} = \frac{۱۱۹ - ۸۸۰}{۱۱ \times ۵ \times ۳ \times ۳ \times ۳ \times ۳} = \frac{۷}{۱۶۵} - \frac{۱۶}{۸۱}$$

اولور .

$$\frac{۱۷۰}{۳۴۵} - \frac{۲۳۶}{۱۵۰} \quad (۵)$$

جواب — برکسرلر توحید مخرج ابدلزدن مدمم اختصار اولدقد

$$\frac{۵۹ \times ۲}{۵ \times ۵ \times ۳} = \frac{۵۹ \times ۲ \times ۲}{۵ \times ۵ \times ۳ \times ۲} = \frac{۲۳۶}{۱۵۰}$$

$$\frac{۱۷ \times ۲}{۱۳ \times ۵} = \frac{۱۷ \times ۵ \times ۲}{۱۳ \times ۵ \times ۵} = \frac{۱۷۰}{۳۲۵}$$

واشبوکسورات جدیده مخرجلرینک مثل مشترک اصغری $۱۳ \times ۵ \times ۵ \times ۳$
اولفین

$$\frac{1034}{12 \times 5 \times 5 \times 3} = \frac{12 \times 59 \times 2}{12 \times 5 \times 5 \times 3} = \frac{59 \times 2}{5 \times 5 \times 3}$$

$$\frac{510}{12 \times 5 \times 5 \times 3} = \frac{5 \times 3 \times 17 \times 2}{12 \times 5 \times 5 \times 3} = \frac{17 \times 2}{12 \times 5}$$

ولمغه فضل مطلوب

$$\frac{1024}{970} = \frac{1024}{12 \times 5 \times 5 \times 3} = \frac{510 - 1034}{12 \times 5 \times 5 \times 3}$$

$$\text{اولور .} \quad 1 \frac{49}{970} =$$

$$\frac{30}{49} - 1 \quad (6)$$

$$\text{جواب} - 1 = \frac{49}{49} \text{ یا زیلہ بیلہ جکنہ نظرآ}$$

$$\frac{30 - 49}{49} = \frac{30}{49} - \frac{49}{49}$$

$$\text{اولور .} \quad \frac{2}{7} = \frac{7 \times 2}{7 \times 7} = \frac{14}{49} =$$

$$\frac{49}{70} - 65 \quad (7)$$

$$\frac{70}{70} + 64 = 1 + 64 = 65 \text{ جواب}$$

اولدیغه بناء

$$\frac{49}{70} - \frac{70}{70} + 64 = \frac{49}{70} - 65$$

$$\text{اولور .} \quad 64 \frac{26}{70} = \frac{49 - 70}{70} + 64 =$$

$$7 \frac{2}{11} - 28 \frac{9}{11} \quad (8)$$

جواب — تفاضل مذ ور

$$\frac{3}{11} - \frac{9}{14} + 7 - 28 = 7 \frac{3}{11} - 28 \frac{9}{14}$$

$$\frac{3}{11} - \frac{9}{14} + 21 =$$

یا زیلور . حالبرکه

$$\frac{42 - 99}{11 \times 14} = \frac{14 \times 3 - 11 \times 9}{11 \times 14} = \frac{3}{11} - \frac{9}{14}$$

$$\frac{57}{154} =$$

اولدیفند ن تفاضل ، طلوب $21 \frac{57}{154}$ اولور .

$$9 \frac{9}{4} - 20 \frac{1}{5} \quad (9)$$

جواب — اول اصدده $\frac{1}{5}$ و $\frac{9}{4}$ کسراری مخرج مشترک اصغرینه ارجاع اولمقی لازم کلیر .

ایمدی ۱۵ و ۹ عددلرینک مثل مشترک اصغری

$$\text{اولدیفندن } 5 \times 9 = 3 \times 15 = 5 \times 3 \times 3$$

$$\frac{12}{45} = \frac{12}{5 \times 3 \times 3} = \frac{3 \times 2}{3 \times 15} = \frac{2}{15}$$

$$\frac{25}{45} = \frac{25}{5 \times 3 \times 3} = \frac{5 \times 5}{5 \times 9} = \frac{5}{9}$$

اولفله اجراسی مقتضی عملیات

$$20 \frac{12}{15} - 9 \frac{25}{45} \quad \text{اولش 'ولور .}$$

بناءً علیه افاده مذ کوره وجه آتی اوزره رزلدقمه

$$\frac{20}{15} - \frac{25}{45} + 9 - 19 = (\frac{20}{15} + 9) - \frac{12}{15} + \frac{1}{5} + 19$$

$$10 \frac{22}{15} = \text{اولور .}$$

$$9\frac{7}{8} - 51 \quad (10)$$

$$\text{جواب} \quad 9\frac{7}{8} + 50 = 1 + 50 = 51 -$$

$$\frac{7-8}{8} + 9 - 50 = 9\frac{7}{8} - \frac{8}{8} + 50 = 9\frac{7}{8} - 51$$

$$= 41\frac{1}{8} \quad \text{اولور .}$$

علاوہ

$$9\frac{13}{12} - (8\frac{7}{4} + 11\frac{2}{3}) \quad (11)$$

$$\text{جواب} \quad 9\frac{13}{12} + 19 = 8\frac{7}{4} + 11\frac{2}{3} -$$

$$19\frac{13}{12} =$$

اولفہ نتیجہ مطلوبہ

$$\frac{9 \times 19}{22 \times 9} - \frac{22 \times 13}{22 \times 9} + 10 = 9\frac{19}{22} - 19\frac{13}{9}$$

$$\text{اولور .} \quad 10 \cdot \frac{110}{198} = \frac{171 - 286}{198} + 10 =$$

$$(12) \quad 2\frac{2}{7} - 5\frac{22}{21} \quad \text{تفاضلک} \quad \frac{2}{7} + \frac{5}{14} + \frac{5}{8} \quad \text{مجموعندن}$$

فضله سی ندر ؟

$$\text{جواب} \quad - \text{اول امرده تفاضل و مجموعدن هربری آیری}$$

حل اولندقدہ

ایک ایک کسر بیننده کی تفاضل

$$\frac{32 \times 2}{32 \times 7} - \frac{7 \times 23}{7 \times 32} + 3 = 2\frac{2}{7} - 5\frac{23}{32}$$

$$\frac{97}{224} + 3 = \frac{64 - 161}{224} + 3 =$$

و $\frac{1}{4} + \frac{5}{12} + \frac{5}{8}$ مجموعی ایسه

$$\frac{28+60+100}{168} = \frac{28 \times 1}{28 \times 6} - \frac{12 \times 5}{12 \times 14} + \frac{21 \times 5}{21 \times 8} =$$

$$\text{اولفله} \quad 1 \frac{25}{168} = \frac{193}{168} =$$

$$\frac{25}{168} - \frac{97}{224} + 2 = 1 \frac{25}{168} - 3 \frac{97}{224} = \text{نتیجه مطلوبه}$$

$$\frac{100 - 191}{672} = \frac{4 \times 25}{4 \times 168} - \frac{3 \times 97}{3 \times 224} + 2 =$$

$$. \text{اولور} \quad 2 \frac{191}{672} =$$

۲۱۹ توحید مخرج ایتیه رك ۱۷ دن $4 \frac{9}{11}$ عددی طرح
ایدیكز ؟

مواب — افاده مذكوره متعاقباً وجهاتی اوزره یازلدقده

$$\frac{9}{11} - 1 + 4 - 16 = 4 \frac{9}{11} - 1 + 16 = 4 \frac{9}{11} - 17$$

$$. \text{اولور} \quad 12 \frac{16}{11} = \frac{16}{11} + 12 =$$

۲۲۰ جیینده کی پاره نك $\frac{2}{3}$ جزئی صرف ایتیش اولان
برکیمسه ده موجود پاره نك تقدری قالمش اولور ؟

مواب — بوکیمسه نك تصرف ایلدیکی مبلغ ۳ ثلثه تقسیم اولنه
بیله جکندن مفاد مسئله حکمنجه ثلثی صرف ایلدیکی حالده کندوسنه
موجود پاره نك $\frac{2}{3} - \frac{2}{3} = \frac{1}{3}$ جزئی قالیر .

۲۲۱ برطوب قماشك $\frac{7}{8}$ جزئی صاتلش اولسه کیرویه
صاتیله جق نمقدار قماش قالیر ؟

جواب — صائقی اوزره کیرویه قالان مقدار موجود اصلی اولان
 $\frac{1}{10}$ ایله صائش مقدار بیننده کی تفاضلدن عبارت اوله جفتدن بوده

$$\frac{3}{5} = \frac{3 \times 3}{5 \times 3} = \frac{9}{15} = \frac{6}{10} - \frac{10}{10} \text{ اولور.}$$

۲۲۲ دن $\frac{7}{8} + \frac{9}{12}$ مجموعنی طرح ایديکیز .

جواب — اعاده مذکوره وجه آتی اوزره یازلدقه

$$\frac{5}{12} - \frac{7}{8} - 2\frac{1}{8} = \left(\frac{5}{12} + \frac{7}{8}\right) - 2\frac{1}{8}$$

$$\frac{5}{12} - \frac{10}{8} = \frac{5}{12} - \frac{7}{8} - \frac{17}{8} =$$

$$\text{اولور.} \quad \frac{5}{6} = \frac{20}{24} = \frac{10 - 30}{24} =$$

علاوه

۲۲۲ (مکرر) الافرانقه صباحلین ساعت $8\frac{1}{4}$ ده
 پارسدن حرکت ایدن برترن اقسام ساعت $9\frac{3}{4}$ ده بوردو شهرینه
 واصل اولدیننه نظراً پارس شهرینک شمندوفرله بوردودن قاچ
 ساعت مسافده بولدینک تعیینی مطلوبدر ؟

جواب — صباحلین ساعت $8\frac{1}{4}$ دن وقت زواله یعنی ساعت
 ۱۲ یه قدر کچن زمان

$$\frac{1}{4} + 3 = \left(\frac{7}{4} + 11\right) - \left(\frac{1}{4} + 8\right) - 12$$

اولوب وقت زوالدن اقسام ساعت $9\frac{3}{4}$ قدر مرورایدن زمان ایسه $9\frac{3}{4}$

ساعت اولسنه نظراً مسافه مطلوبه نك قطعی اثنا سنده کچن مدت

$$\text{یاخود } ۱۳\frac{۲}{۴} = (۳ + \frac{۱}{۴}) + (۹ + \frac{۲}{۴}) = ۱۲ + \frac{۳}{۴}$$

۲۲۳ آتیده کی ضرب وتقسیم لک اجرایی مطلوبدر :

$$(۱) ۱۷ \times \frac{۲۲}{۴۵}$$

$$\frac{۳۷۴}{۴۵} = \frac{۱۷ \times ۲۲}{۴۵} = ۱۷ \times \frac{۲۲}{۴۵} \text{ — جواب}$$

$$(۲) ۵ \times \frac{۲۱۷}{۳۷۵}$$

$$\frac{۱۰۸۵}{۳۷۵} = \frac{۵ \times ۲۱۷}{۳۷۵} = ۵ \times \frac{۲۱۷}{۳۷۵} \text{ — جواب}$$

ویاخود

$$\text{اولور . } \frac{۲۱۷}{۷۵} = \frac{۲۱۷}{۵ : ۳۷۵} = ۵ \times \frac{۲۱۷}{۳۷۵}$$

$$(۳) ۲۱۶ \times \frac{۱۳۰۸}{۷۴۸۲}$$

$$\text{اولور . } \frac{۲۱۶ \times ۱۳۰۸}{۷۴۸۲} \text{ — حاصل ضرب مطلوب}$$

بوده مضروببات اصلیه تفریق اولهرق اختصار ایدلده

$$\frac{۳ \times ۳ \times ۳ \times ۲ \times ۲ \times ۲ \times ۹۷ \times ۷ \times ۲}{۱۲۴۷ \times ۳ \times ۲}$$

وصورت ومخرجه مشترك مضروببات حذفله

$$\frac{۳۶ \times ۱۳۰۸}{۱۲۴۷} = \frac{۳ \times ۳ \times ۲ \times ۲ \times ۲ \times ۹۷ \times ۷}{۱۲۴۷}$$

$$۳۹ \frac{۲۵۵}{۱۲۴۷} = \frac{۴۸۸۸۸}{۱۲۴۷} =$$

$$\frac{20}{19} \times 13 \quad (4)$$

$$\frac{320}{19} = \frac{20 \times 13}{19} = \frac{20}{19} \times 13 \text{ — جواب}$$

$$17 \frac{2}{19} = \text{اولور .}$$

$$\frac{5}{7} \times 47 \quad (5)$$

جواب — بوحاصل ضرب ۴۷ نك یدیده بش جزئی آلق.
دیمك اولغله علم حساب (ماده : ۱۷۵) موجینجه

$$33 \frac{4}{7} = \frac{230}{7} = \frac{5 \times 47}{7} = \frac{5}{7} \times 47 \text{ اولور .}$$

$$\frac{19}{7} \times 805 \quad (6)$$

$$\frac{15295}{7} = \frac{19 \times 805}{7} = \frac{19}{7} \times 805 \text{ — جواب}$$

واعداد تامه نك افزایله حاصل ضرب مطلوب ۲۱۸۵ عدد تامندن
عبارت بولونور .

$$5 \times \frac{2}{3} \times 12 \quad (7)$$

$$4 \times 3 = 12 \text{ — جواب اولدیفندن}$$

$$40 = 5 \times 2 \times 4 = \frac{5 \times 2 \times 4 \times 3}{3} = 5 \times \frac{2}{3} \times 12 \text{ اولور.}$$

$$(۸) \quad ۹ : \frac{۸۱}{۱۰۱}$$

جواب — کسرك صورتی ۹ ایله تماماً قابل تقسیم اولدیغندن
طلوبه ایله اجرای عملیات اولدقدہ

$$\frac{۹}{۱۰۱} = \frac{۹ : ۸۱}{۱۰۱} = ۹ : \frac{۸۱}{۱۰۱}$$

اولور .

$$(۹) \quad ۶ : ۱۵\frac{۷}{۸}$$

$$\frac{۱۲۷}{۸} = ۱۵\frac{۷}{۸} \quad \text{جواب — اولدیغندن}$$

$$\frac{۳۱}{۴۸} = \frac{۱۲۷}{۴۸} = \frac{۱۲۷}{۶ \times ۸} = ۶ : \frac{۱۲۷}{۸}$$

اولور .

$$(۱۰) \quad ۵ : ۲۵\frac{۴۱}{۵۰}$$

جواب — عدد تام ۵ ایله قابل تقسیم اولدیغندن عدد تام
مع لکسری برکدر مرکب حانه قلب ایشکله لزوم یوقدر . یوکا بناء

$$\frac{۴۱}{۲۵۰} = ۵ : \frac{۴۱}{۵ \times ۵۰} = ۵ : \left(۲۵\frac{۴۱}{۵۰}\right)$$

اولور .

۲۲۴ برچولخه بر ساعتده برمترو چوقه نك ۴ قسمی
طوقودینی حالده ارقداشی عین زمانده برمترونك ۴ جزئی
طوقومش اولسه هاکیسنك دها ایشکذار اولدیغنسك بیانی
مطلوبدر ؟ — برنجی چولخه ۱۲ ساعت صکره ارقداشندن
قاج مترو فضله چوقه طوقومش اولور ؟ — بومدت ظرفنده
هرایکسینك طوقومش اولدقلری چرقه نك مجموعی نه ایدر ؟

جواب — هرایکی عمله نك چالیشدینی مدت عینی اولدیغنه نظراً

بونلردن اٲك اوزون طارلده چوقه طوقویانك دیکرندن دها سریع اولدینی اشکارددر . بناءً علیه مسئلهیه جواب ویرلک ایچون $\frac{4}{5}$ و $\frac{2}{7}$ کسرلرینی مقایسه ایتك لازم کلیر . حالبوکه .

$$\frac{25}{35} = \frac{5}{7} \text{ و } \frac{28}{35} = \frac{4}{5}$$

اولدینه و $\frac{4}{5} < \frac{5}{7}$ ایدوکنسه بناءً برنجی عملهنك دیکرندن دها سریع وایشکذار اولدینی تبین ایدر .
برساعت ختامنده برنجی عمله دیکرندن

$$\text{مترو } \frac{3}{35} = \frac{25}{35} - \frac{28}{35}$$

چوقه فضله یاپار .

$$12 \text{ ساعت صکره ایه برنجی عمله دیکرینه نظراً } 12 \times \frac{3}{35}$$

مترو فضله چوقه طوقومش اوله جفتندن

$$\text{اولور . } \frac{1}{35} = \frac{26}{35} = 12 \times \frac{3}{35}$$

برساعته هرایکی عمله برلکده چاایشدقلری حالده

$$\frac{53}{35} = \frac{25}{35} + \frac{28}{35} = \frac{5}{7} + \frac{4}{5}$$

مترو کسری چوقه ذیح ایتمش اولور .

12 ساعت صکره ایه بونلر

$$\text{مترو } \frac{6}{35} + \frac{636}{35} = 12 \times \frac{53}{35}$$

چوقه طوقومش اولور .

۲۲۵ زمینه دیکلمش اولان برمترو طولنده بردیرکک

زمین فوقندہ کی قسمی ہر رنگ عینی طولہ اولق اوزرہ ماوی ،
بیاض و قرمز یہ بویاندینی و ماوی یہ بویامش اولان قسمی
دیرکک تحت الزمین بولنان قسمنک نصفندن ۴ مترو زیادہ اولدینی
معلوم اولسنہ نظراً مذکور دیرکک بتون طولی مطلوبدر ؟

جواب — ماوی یہ بویامش اولان دیرکک طولی

$$\text{در . مترو } \frac{4}{3} = \frac{8}{6} = \frac{5+3}{6} = \frac{5}{6} + \frac{1}{2}$$

بویالی دیرکک بتون طولی بولق ایچون بر موجب مفاد مسئلہ اشبو
طول ۳ دفعہ تکرار ایدلک لازم کلسکلہ دیرکک فوق الزمین قسمندہ کی
طولی

$$\text{مترو } 4 = \frac{4}{3:3} = 3 \times \frac{4}{3}$$

و بناءً علیہ بتون طولی $4 + 1 = 5$ مترو اولور .

۲۲۶ آئیدہ کی ضرب و تقسیم عملیاتنک اجرایی مطلوبدر :

$$(1) \quad \frac{4}{7} \times \frac{54}{61}$$

جواب — حاصل ضرب مطلوب

$$\frac{228}{427} = \frac{4 \times 57}{7 \times 61} \quad \text{اولور .}$$

$$(2) \quad 7 \frac{15}{23} \times 11 \frac{9}{17}$$

جواب — اول امر ۵۰ عدد تام مع الکسر لکرتماً کسرہ لک و تحویل
اولندقدہ

$$\frac{۱۹۶}{۱۷} = ۱۱ \frac{۹}{۱۷}$$

اولفله

$$\frac{۱۷۶}{۲۳} = ۷ \frac{۱۵}{۲۳}$$

حاصل ضرب مطلوب

$$\text{اولور .} \quad ۸۸ \frac{۸۸}{۳۹۱} = \frac{۳۴۴۹۶}{۳۹۸} = \frac{۱۷۶ \times ۱۹۶}{۲۳ \times ۱۷}$$

$$\frac{۹}{۱۱} \times \frac{۲}{۷} \times \frac{۳}{۵} \times \frac{۲}{۴} \quad (۳)$$

جواب — اشبودرت کسر ك حاصل ضربی

$$\text{اولور .} \quad \frac{۷۲}{۳۸۵} = \frac{۹ \times ۴ \times ۲}{۱۱ \times ۷ \times ۵} = \frac{۹ \times ۳ \times ۴ \times ۲}{۱۱ \times ۷ \times ۵ \times ۳}$$

$$\frac{۷}{۳۰} \times ۹ \quad (۴)$$

$$\text{جواب —} \quad ۲ \frac{۱}{۱۰} = \frac{۲۱}{۲۰} = \frac{۶۳}{۳۰} = \frac{۷ \times ۹}{۳۰} = \frac{۷}{۳۰} \times ۹$$

اولور .

$$\frac{۸۰}{۸۱} \times ۱۱ \quad (۵)$$

$$\text{جواب —} \quad ۱۰ \frac{۷۰}{۸۱} = \frac{۸۸۰}{۸۱} = \frac{۸۰ \times ۱۱}{۸۱} = \frac{۸۰}{۸۱} \times ۱۱$$

$$\frac{۲}{۵} \times ۸ \frac{۴}{۷} \quad (۶)$$

$$\text{جواب —} \quad \frac{۳}{۵} \times \frac{۶۰}{۷} = \frac{۳}{۵} \times ۸ \frac{۴}{۷}$$

حالبو کہ $۱۲ \times ۵ = ۶۰$ اولدیندن

$$\frac{۱}{۷} = \frac{۳۶}{۷} = \frac{۳ \times ۱۲ \times ۵}{۵ \times ۷}$$

اولور .

$$۱ \frac{۳}{۵} \times ۱۹ \frac{۳}{۷} \quad (۷)$$

جواب — عددتام مع الکسرار تمامیلہ کسرہ قلب اولندقدہ

$$۳۱ \frac{۳}{۳۵} = \frac{۱۰۸۸}{۳۵} = \frac{۸ \times ۱۳۶}{۵ \times ۷} = \frac{۸}{۵} \times \frac{۱۳۶}{۷}$$

اولور .

$$\frac{۱۵}{۲۴} \times ۶ \frac{۲}{۳} \times \frac{۴۵}{۷} \times ۵ \times ۱۷ \frac{۴}{۱۱} \quad (۸)$$

جواب — اول امرده $۱۷ \frac{۴}{۱۱}$ و $۶ \frac{۲}{۳}$ عددتام مع الکسراری کسرہ

قلب اولندقدہ $\frac{۱۹۱}{۱۱}$ و $\frac{۲۰}{۳}$ اولور . بعدہ حاصل ضرب مطلوب یازلدقدہ

$$\frac{۱۵}{۲۴} \times \frac{۲۰}{۳} \times \frac{۴۵}{۷} \times ۵ \times \frac{۱۹۱}{۱۱}$$

ویا خود

$$\frac{۱۵ \times ۲۰ \times ۴۵ \times ۵ \times ۱۹۱}{۲۴ \times ۳ \times ۷ \times ۱۱}$$

اولور .

۴۵ و ۲۰ ، ۱۵ ، ۲۴ عددری مضروبوات اصلیه یه تحلیل اولندقدہ

$$\frac{۵ \times ۲ \times ۵ \times ۲ \times ۲ \times ۵ \times ۳ \times ۳ \times ۵ \times ۱۹۱}{۳ \times ۲ \times ۲ \times ۲ \times ۲ \times ۷ \times ۱۱}$$

وصورت وخرجده کی مضروب مشترک حذقلہ

$$۲۳۲۵ \frac{۷۵}{۱۵۴} = \frac{۳۵۸۱۲۵}{۱۵۴} = \frac{۵ \times ۵ \times ۵ \times ۵ \times ۳ \times ۱۹۱}{۲ \times ۷ \times ۱۱}$$

اولور .

۲۲۷. بر عددك $\frac{۳}{۱۰}$ قىسمك $\frac{۵}{۶}$ سى كىندى رېغىنە مساوى
اولدىغى اثبات ايتىك مطلوبدر ؟

جواب — بر عددك $\frac{۳}{۱۰}$ نك $\frac{۵}{۶}$ سى $\frac{۵}{۶} \times \frac{۳}{۱۰}$ دىمك
اولمىله

$$\frac{۱}{۴} = \frac{۵ \times ۳}{۳ \times ۲ \times ۵ \times ۲} = \frac{۵ \times ۳}{۶ \times ۱۰} = \frac{۵}{۶} \times \frac{۳}{۱۰}$$

اولور .

مادامك $\frac{۱}{۴} = \frac{۵}{۶} \times \frac{۳}{۱۰}$ ايدىيور شىوالده بر عددك $\frac{۳}{۱۰}$ قىسمك

$\frac{۵}{۶}$ سى آلتى دىمك بو عددك طوغرىدىن طوغرى يەرىنى المىله برابر دور .

۲۲۸. بر چىوالده بولسان ۳۲۴ جىوزىك ئالتى ۴ جىوزىك
يىتىندە ومتباقىسى ۶ جىوزىك تىزىك اولىسى ھىر بىرلىرىنە قاچىر
جىوزىك اصابت ايتىش اولور ؟

جواب — دىت چىوزىكتىن ھىرى كىندىلىرىنە تىزىك ايدىك
اوزىرە چىوالدىن چىقارىلان جىوزىك رېغىنە آلتىلىرىنە بىئە بولدىن ھىرىنە
تېمىج جىوزىك ئالتىك رېغىنە

$$\frac{۱}{۱۲} = \frac{۱}{۴} \times \frac{۱}{۳}$$

كسىرىنە مساوى قىسم اصابت ايدىيور دىمىكدور .

بىوكا نظراً ھىر بىرىك حصە ى

$$۲۷ = \frac{۱}{۱۲} \times ۳۲۴ \text{ جويز ايدر .}$$

جويزك ٽٺي توزيع اولندقدن مڪره ڪريوه چوالده ڪي جويزك
 $\frac{۲}{۳}$ قسي قاله جفندن و ايڪنجي توزيعه اشتراك ايدن ۶ چوجقدن
 هرري جويزك التيمده بريني يعني اولهه چوالده بولسان جويزك $\frac{۲}{۳}$
 جزئتك ۶ ده بريني تعبير آخرله

$$\frac{۱}{۹} = \frac{۱}{۶} \times \frac{۲}{۳}$$

جزئي المقله بولردن هرري ده متباق جويزك

$$۳۶ = \frac{۱}{۹} \times ۳۲۴ \text{ قسني آلمش اولور .}$$

۲۲۹ بر ساعتك $\frac{۱۲}{۱۰۰}$ قسمذره قاج دقيقه و ثانيه واردر ؟

جواب — بر ساعتك تعبير آخرله ۶۰ دقيقه نك $\frac{۱۲}{۱۰۰}$ قسي

$$\frac{۳۶}{۵} = \frac{۳ \times ۲ \times ۲ \times ۳ \times ۲}{۵ \times ۲} = \frac{۱۲}{۱۰۰} \times ۶۰$$

$$۷ \frac{۱}{۵} = \text{دقيقه اولور .}$$

بردقيقه ويا ۶۰ ثانيه نك $\frac{۳۶}{۵}$ قسي

$$۶۰ \text{ ثانيه} \times \frac{۳۶}{۵} = \frac{۳۶ \times ۱۲ \times ۵}{۵} = ۳۶ \times ۱۲ = ۴۳۲ \text{ ثانيه اولور .}$$

بومسئله طرز ديكرله ده حل اوانه بيلور :

$$۷ \text{ دقيقه} = ۷ \times ۶۰ = ۴۲۰ \text{ ثانيه}$$

اولوب دقيقه نك $\frac{۱}{۵}$ قسي ايسه ۶۰ ثانيه نك $\frac{۱}{۵}$ جزئي ديمك اولمسنه بناءً

$$۶۰ \times \frac{۱}{۶} = \frac{۶۰}{۶} = ۱۲ \text{ ثانیہ و بناءً علیہ}$$

$$۷ \text{ دقیقہ} + \frac{۱}{۶} = ۴۲۰ + ۱۲ = ۴۳۲ \text{ ثانیہ اولور .}$$

$$۲۳۰ \text{ برمترونک} \frac{۲}{۳} \text{ قسمندہ قاج سانتیمترو واردر ؟}$$

$$\text{جواب — برمترو } ۱۰۰ \text{ سانتیمترو اولسنہ بناءً برمترونک} \frac{۲}{۳} \text{ جزئی}$$

$$۱۰۰ \times \frac{۲}{۳} = ۷۵ \text{ سانتیمترو اولور .}$$

علاوہ

$$۲۳۱ \text{ (مکرر) } ۴۵۵ \text{ عددینک} \frac{۲}{۳} \text{ قسمی کندوسسندن}$$

اخراج اولندقدہ کیرویہ نہ قالیر ؟

$$\text{جواب — } ۴۵۵ \text{ عددینک} \frac{۲}{۳} \text{ قسمی}$$

$$۳۶۴ = ۴ \times ۹۱ = \frac{۴ \times ۴۵۵}{۶}$$

اولفظہ کیرویہ

$$۴۵۵ - ۳۶۴ = ۹۱ \text{ قالیر .}$$

$$\text{دیگر صورتہ حل — بر عددک} \frac{۲}{۳} \text{ جزئی اخذ اولندقدہ کیرویہ}$$

$$\frac{۲}{۳} \text{ قسمی قالیر .}$$

$$\text{حالبوکہ } ۴۵۵ \text{ عددینک} \frac{۲}{۳} \text{ قسمی}$$

$$۹۱ = \frac{۱}{۶} \times ۴۵۵$$

اولورکہ بالادہ بولنان نتیجہ نک عینیدر .

$$۲۳۱ \text{ آئیدہ کی تقسیملرک اجراسی مطلوبیدر :}$$

$$(۱) \quad \frac{۱۱}{۱۳} : \frac{۸}{۱۵}$$

جواب — علم حساب (ماده : ۱۷۹) ده بیان اولئان قاعده یا
فیاً خارج قسمت مطلوب

$$\text{اولور} \cdot \frac{104}{160} = \frac{13}{11} \times \frac{8}{15}$$

$$\frac{25}{27} : \frac{80}{81} \quad (۲)$$

جواب — خارج قسمت مطلوب

$$\text{اولور} \cdot ۱ \frac{1}{15} = \frac{16}{15} = \frac{9 \times 3 \times 16 \times 5}{5 \times 5 \times 3 \times 2 \times 9} = \frac{27 \times 80}{25 \times 81}$$

$$\frac{4}{9} : ۷ \quad (۳)$$

جواب — علم حساب (ماده : ۱۸۰ ، قاعده) موجینجه

$$\text{اولور} \cdot ۷ \frac{۷}{8} = \frac{63}{8} = \frac{9 \times 7}{8} = \frac{8}{9} : ۷$$

$$\frac{48}{5} : ۶۹ \quad (۴)$$

جواب — عین قاعده به توفیقاً

$$\frac{5 \times 25 \times 3}{16 \times 2} = \frac{5 \times 69}{48} = \frac{48}{5} : ۶۹$$

$$\text{اولور} \cdot ۷ \frac{3}{16} = \frac{115}{16} =$$

$$۲۱ \frac{49}{55} : 40 \frac{8}{15} \quad (۵)$$

جواب — عدد تام مع الکسر اول امرده کسر حائنه قلب
وبعدہ قاعدہ به تطبیق اولندقدہ

$$\frac{55 \times 608}{1204 \times 15} = \frac{1204}{55} : \frac{608}{15}$$

$$\frac{11 \times 152}{301 \times 3} = \frac{11 \times 5 \times 152 \times 4}{301 \times 4 \times 5 \times 3} =$$

اولور .

$$1 \frac{769}{903} = \frac{1672}{903} =$$

$$21 \frac{13}{17} : 125 \quad (6)$$

جواب — عین قاعدہ به توفیقاً

$$\frac{17 \times 125}{370} = \frac{370}{17} : 125 = 21 \frac{13}{17} : 125$$

$$5 \frac{55}{74} = \frac{425}{74} = \frac{17 \times 25 \times 5}{74 \times 5} =$$

۲۳۲ برترزی بریلک یایمق ایچون $\frac{3}{5}$ مترو قماش قوللامش
اولسنه نظراً ۱۲ مترولق قماش ایله قاج یلک یاپه بیلور ؟

جواب — تریزینک ۱۲ مترولق قماش ایله یاپه جی یلکک عددی
 $\frac{3}{5}$ مترولق یارچه لک ۱۲ متروده داخل اوله جفی قدر اوله جفشدن
یلک عددی ۱۲ : $\frac{2}{5}$ خارج قسمتدن عبارت اولغین

$$12 : 20 = \frac{60}{3} = \frac{5 \times 12}{3} = \frac{3}{5}$$

۲۲۳ برطوب قاشك ۴ جزئہ ۱۵ فرائق ویرلديكنه
نظراً طوبی قاج غروش ايدر ؟

جواب — برطوب قاشك ۴ جزئی ۱۵ فرائق ابتدكنه نظراً
طوبك ربی ۱۵ فرائقك ثلثه یعنی $\frac{۱۵}{۳}$ خارج قسمتته مساوی اولور.
بوحالده بوتون طوب یعنی ۴ ربع برربع فیثانك ۴ مثلی ایدمچکی
جهته

$$۲۰ = \frac{۴ \times ۱۵}{۳} \text{ فرائق یعنی } ۹۵ \text{ غروش ايدر .}$$

۲۳۴ متروسی ۱۸ فرائغه اولمق اوزره مبايعه اولنسان
۱۶ $\frac{۷}{۱۲}$ مترو قماش ایچون قاج فرائق ویرلمك لازم کلیر ؟

جواب — ۱۶ مترو قماشك فیثاتی برمترو فیثانك ۱۶ مثلی
اولدیفنه و $\frac{۷}{۱۲}$ مترو قماشك فیثاتی برمترو فیثانك $\frac{۱}{۴}$ جزئی ۷ دفعه
تکرار ایتمکله حاصل اوله جفنه بناءً $\frac{۷}{۱۲}$ ۱۶ مترو قماشك فیثاتی ده برمترو
فیثانك $\frac{۷}{۱۲}$ ۱۶ ايله حاصل ضربندن عبارت اولور .
بناءً علیه

$$\frac{۷ \times ۱۸}{۱۲} + ۱۶ \times ۱۸ = ۱۶ \frac{۷}{۱۲} \times ۱۸$$

$$= ۲۸۸ + \frac{۲۱}{۴} = ۲۹۸ \frac{۱}{۴} \text{ اولور .}$$

بومسئله شوصورتله ده حل اوله بیلیر :
اول اصرده قاشك مقداری متروك $\frac{۱}{۴}$ جزئیدن عبارت اقسامنه
محویل اولندقمه

$$\frac{۱۹۹}{۱۲} = ۱۶ \frac{۷}{۱۲} \text{ اولور .}$$

بعده متروك $\frac{1}{12}$ جزئك فیثاقی ۹۹ دفعه تكرار 'ولندقدمه مقصده واصل اولنش اوله جفدن بوده $۱۸ \times \frac{۱۹۹}{۱۲}$ ديك اولغله

$$\frac{۱۹۹ \times ۱۸}{۱۲} = \frac{۱۹۹}{۱۲} \times ۱۸$$

$$\frac{۱۹۹ \times ۳}{۲} = \frac{۱۹۹ \times ۶ \times ۳}{۶ \times ۲} =$$

$$۲۹۸ \frac{۱}{۲} = \frac{۵۹۷}{۲} =$$

اولور .

بناءً عليه ذكر اولان قاش ايچون ۲۹۸ يچنى فرائق تأديه اولمقى لازم كلكى اكلاشيلير .

۲۳۵ ثانیه ده $\frac{۲}{۳}$ آديم آمان برتلكى برکوپكدن $\frac{۳}{۴}$ خطوه ايلروده بولندينى ائشاده بوكلاب انك تعقيبنه كوندرلدى وکلك ثانیه ده $\frac{۱}{۴}$ آديم آتدينى معلوم اولمسنه نظراً تلىكىه نقدر مدنده يتشه بيله جکککک تعينى مطلوب ؟

جواب — کوکک تلىکيدن دهاسربع کيتديککدن برثانیه ده اکا

$$\frac{۱}{۴} - \frac{۱}{۳} = ۲ \text{ خطوه } = \frac{۳}{۶} + ۴ - ۲ = \frac{۲}{۶} - \frac{۱}{۶} = ۲ \text{ خطوه}$$

تفاضلى قدر ياقلاشور .

کلب تلىكىه يتشه يامک ايچون کسديسيله تلىكى آردسنده مسافه فرق اولان $\frac{۳}{۴}$ ۳۰ خطوه يى فرائقى لازم کليلر . کلب ثانیه ده $\frac{۱}{۴}$ خطوه قرانديفنه نظراً ثانیه جهتيله افاده اولنان زمان $\frac{۱}{۴}$ ايله ضرب اولندقدمه $\frac{۳}{۴}$ ۳۰ خطويه مسارى اولسى اقتضا ايدر . بناءً عليه آانيلان

زمان ۳۰ ک ۲ ایله اولان خارج قسمتندن عبارت اوله جفی جهتله

$$\frac{۱۳}{۶} : \frac{۱۲۳}{۴} = ۲\frac{۱}{۶} : ۳۰\frac{۳}{۴}$$

$$\frac{۳۶۹}{۲۶} = \frac{۳ \times ۱۳}{۱۳ \times ۲} = \frac{۶ \times ۱۲۳}{۱۳ \times ۴} =$$

$$= \frac{۵}{۲۶} ۱۴ \text{ ثانیه اولور.}$$

۲۳۶ ۸۳۰ غروشی ایکنجینک حصه سی برنجینک حصه سنک
؟ قسمته مساوی اوله جق وجهله ایکی کیسه ییننده توزیع ایتک
مطلوبد ؟

جواب -- مفاد مسئله کمنجه برنجینک حصه سیله بو حصه سنک
؟ قسیمی جمع اولاندقده ۶۳۰ غروشه مساوی اولور . یعنی ۴ ربع ایله
۳ ربع مجموعی - که برنجینک حصه سنک ۷ ربی دیمکدر - ۶۳۰
غروش حاصل ایدر .

بناء علیه برنجینک حصه سنک ربی $\frac{۶۳۰}{۷}$ اولغله ۴ ربع یعنی برنجینک
تام حصه سی

$$۶۳۰ \times \frac{۴}{۷} = ۹۰ \times ۴ = ۳۶۰ \text{ غروش اولور.}$$

بوکا ظراً ایکنجینک حصه سی ده

$$۶۳۰ - ۳۶۰ = ۲۷۰ \text{ غروش یاخود}$$

$$\frac{۳ \times ۳۶۰}{۴} \text{ غروش ایدر.}$$

۲۳۷ برکیمسه قزانديغك $\frac{1}{8}$ قسمنى ييه جكنه و $\frac{1}{4}$ قسمنى
البسه و خانه كيراسنه و $\frac{1}{4}$ قسمنى ده سائر اوقاق تفك احتياجاته
صرف ايتمش اولديغنه و هر سنه كى تصرفاتى ۱۵۹۰ غروش ابدوكنه
نظراً سنه لك قزانجى ندر ؟

جواب — بوكيمسه نك مصارف قزانجك

$$\frac{1}{4} + \frac{1}{8} + \frac{1}{4} \text{ وياخود بمداصلاح}$$

$$\frac{77}{120} = \frac{12 + 15 + 40}{120}$$

ايله كوستريلان بر كسرى ارائه ايدر .

تصرفاتى ايسه عمومى قزانجى ايله مصارف بيبنده كى تفاضلدن
عبارت اوله جفتدن بو قزانجىدن $\frac{77}{120}$ سى چيقارلديغى حالده كيرويه

$$\frac{43}{120} = \frac{67 - 120}{120}$$

افاده سنه مساوى بر كسر قالير .

بنابرین او كيمسه نك قزانجك $\frac{53}{120}$ جزئى ۳۱۸ غروش اوله جفته
نظراً عمومى قزانجى

$$\frac{120 \times 318}{53} = \frac{53}{120} : 318$$

$$120 \times 6 = \frac{120 \times 53 \times 3 \times 2}{53} =$$

$$720 = \text{غروش اولور .}$$

۲۳۸ ۲۳ عددىنى هانكى عدله ضرب ايتمايدركه $\frac{7}{11}$

جزئی قدر تناقص ایتمش اولسون؟

جواب — ۲۳ عددندن ویا سائر بر عدددن $\frac{۷}{۱۱}$ قسمی اخراج ایدمک ایچون انی $\frac{۱۱}{۱۱} - \frac{۷}{۱۱} = \frac{۴}{۱۱}$ کسریله ضرب ایتمک اقتضایلر.

۲۳۹ ۳۹ عددنی $\frac{۹}{۱۱}$ قسمی قدر تزید ایتمک ایچون هانکی عددایله ضرب ایتملیدر؟

جواب — ۳۹ عددی $\frac{۹}{۱۱}$ قسمی قدر ترید اولندوقده $\frac{۱۸}{۱۱}$ جزئی حاصل اوله جفتدن مفاد مسئلهیه جواب ویرمک ایچون عدد مذکور $\frac{۱۸}{۱۱}$ کسریله ضرب ایدمک لازم کلیر.

۲۴۰ بر عدددن تقسیم صورتیله $\frac{۵}{۶}$ جزئی تنقیص ایدمک ایچون عدد مذکور هانکی عددایله تقسیم ایتملیدر؟

جواب — بر عدددن تقسیم صورتیله $\frac{۵}{۶}$ جزئی اخراج ایدمک ایچون انی $\frac{۵}{۶}$ کسریله تقسیم ایتملیدر. چونکه بر عددی $\frac{۵}{۶}$ ایله تقسیم ایتمک دیمک $\frac{۵}{۶}$ ایله ضرب ایتمک تعبیر آخریله $\frac{۵}{۶}$ قسمی آلتی دیمک اولوب بوايه عدد مذکور دن $\frac{۵}{۶}$ قسمی تنقیص ایلیمکه برابر در.

۲۴۱ $\frac{۵}{۶}$ کسرینه معادل بولانان بر کسرده صورت ایله مخرج مجموعی ۲۱۶ اولدیغنه نظراً کسر مذکورک تعیینی مطلوبدر؟

جواب — برنجی کسرک صورت و مخرجی مجموعی ۱۲ اولدیغندن آرانیلان کسرک صورت و مخرجلرندن هری $\frac{۵ \times ۲۱۶}{۱۲}$ و $\frac{۷ \times ۲۱۶}{۱۲}$

اولغاه کسر مطلوب $\frac{۹۰}{۱۲۶}$ اولمش اولور.

۲۴۲ $\frac{7}{10}$ قسمتك $\frac{2}{5}$ جزئی ۱۰۵ عددینه مساوی اولان عددندر؟

جواب — عددك $\frac{7}{10}$ قسمتك $\frac{2}{5}$ جزئی $\frac{7}{10} \times \frac{2}{5} = \frac{14}{50} = \frac{7}{25}$ اولسنه و حالبوکه عدد مطلوبك $\frac{14}{25}$ جزئی ۱۰۵ ایدوکنه. نظراً اشبو عدد $\frac{40 \times 100}{21} = 200$ اولور.

۲۴۳ ۷۲۰۰۰ غروشه برعرصه مبايعه ایدن برکیمسه بومبلغك $\frac{1}{3}$ قسمنی بروجه پشین تسویه ایلسنه مبنی بايع طرفندن مشتری به بورجنك $\frac{1}{6}$ جزئی ترك اولنديغی وایکی ماه ص.کره بومبلغك $\frac{1}{6}$ جزئی ده تادیه ایدلمش بواندیغی معلوم اولسنه نظراً مشتریك قاج غروش بورجی قالمش اولور؟

جواب — مفاد مسئله به نظراً مجموع تادیات $\frac{1}{3} + \frac{1}{6} + \frac{1}{6}$ اولوب بوده مجموعك $\frac{21}{36}$ جزئی اولسنه بناءً دیونات

$$\frac{36}{36} - \frac{21}{36} \text{ یعنی مجموعك } \frac{15}{36} \text{ جزئی اولور.}$$

بناءً علیه مشتریك بورجی

$$30000 = \frac{15 \times 72000}{36} \text{ غروش اولور.}$$

۲۴۴ ایکی عدد مجموعی ۳۳۶ وبری دیکرینك $\frac{1}{3}$ قسمنه مساوی اولدیفنه نظراً بو عددلری بولق مطلوبندر؟

جواب — بوعدلرك كوجوكى $\frac{5}{6}$ ايله ارايه اولنه جفتدن مجموعلىرى
 $\frac{5}{6} + \frac{1}{6}$ يعنى كوجوكك $\frac{1}{6}$ جزئه مساوى اولور. بناءً عليه كوجوك
 عدد $\frac{5 \times 236}{12} = 140$ اولمله ديكرى $336 - 140 = 196$
 اولور.

۲۴۵ بركونك كچه جك اولان قسه منك $\frac{2}{3}$ جزئى كجشمش
 اولان قسمنه مساوى اولدینی معلوم ايكن ساءك قاچ اولدینی
 مطلوبدر؟

جواب — بركونك كچه جك اولان قسسى ۳ ايله كوسترلده
 كچن قسسى ۲ وبوتون كون ۵ ايله ارايه اولور. بناءً عليه كونك
 كجشمش اولان قسسى $\frac{2}{3}$ اولور. بركون ۲۴ ساءت اولسئه نظراً
 $24 \times \frac{2}{3} = 16$ ساءت يعنى ۹ ساءت ۲۶ دقيقه اولور.

۲۴۶ برلاستيق طوب هر سقرطنده دوشديكى ارتفاعك
 $\frac{2}{3}$ قسمنه مساوى برارتفاعه قالدینی معلوم اولسئه نظراً ۱۲
 مترو ارتفاعدن سقوطنده اوج دفعه قالدقدن صكره نقره
 بر ارتفاعه چيقه بيلور؟

جواب — لاستيق طوب هر دفعه كى صيچرامه سنده اولكى
 ارتفاعك $\frac{2}{3}$ قسمنه مساوى برارتفاعه قالدیفندن اوچنجى دفعه سنده كى
 ارتفاع

$$2 \frac{74}{120} = \frac{3 \times 3 \times 3 \times 12}{5 \times 5 \times 5}$$

مترو اولور.

۲۴۷ يچقى ايله برقاج پارچه يه بولونان بر آفاجك جمعاً

۲۳ مترویه باغ اولان برنجی وایکنجی قسملرندن بری اغاجک طولک $\frac{۲}{۵}$ سنی و دیگرى $\frac{۱}{۸}$ نى ارائه ایلدیکنه نظراً اغاجک طول عمومى ندر ؟

جواب - ایلک ایکی قسم اغاجک $\frac{۲}{۵} + \frac{۱}{۸} = \frac{۲۲}{۴۰}$ جزئى ارائه ایلدیکندن طول عمومىسى

$$۵۶ = \frac{۵۶ \times ۲۳}{۲۳} \text{ مترو اولور .}$$

علاوه

۲۴۷ (مکرر) بر اشک قاطر ايله یان یانه بغدادى نقل ایتمکده ایکن کندی یوکنندن قاطره شکایت ایتش . قاطر : « اکر سه نک یوکنندن بکا بر کیله سنی ویریر ایسه ک بنم یوکم سنک کنک ایکی مثلى اولور . بنم کندن سکا بر کیله ویررلر سه یوکلریمز مساوی اولور» دیمش اولسنه نظراً هرایکیسنک صرتنده قاچ کیله بغدادى وارايمش ؟

جواب - قاطر اشک یوکندن بر کیله آلدقده بر موجب مقادیر مثله کندوسنک یوکی اشکک یوکنک ضعیف اوله جفتند اشکک یوکی قاطر ايله کندی یوکی مجموعنک ثلثی و بوکانظراً قاطرک یوکی ده بوجموعک $\frac{۲}{۳}$ جزئى اولور . اشکک قاطرک یوکنندن بر کیله ویرلر کده قاطرک یوکی اولکی یوکنندن ایکی دفعه نقصان اولور :

بونک بری اشکدن آلهرق کنديسنه تحمیل اولنان یوک دیگرى ایسه اشکک هرایکیسنک یوکی بر اولق ایچون آلدینی یوکر . شو حالده هر برینک یوکی مجموع یوکنک نصفی اولق لازم کلیر .

بناءً عليه هرايکي حيوانك طاش-يدقلى يوكلى مجموعتك $\frac{2}{3}$ قسمى
بوجوعك نصفندن ۲ واحد فضله اوله جفندن

$$\text{اولور .} \quad \frac{1}{6} = \frac{3-4}{6} = \frac{1}{2} - \frac{2}{3}$$

بنابرين آرانيلان عددك $\frac{1}{6}$ سى ۲ اولدينى اكلشيلير .

ديك اولوركه قاطرايله اشك يوكلى مجموعى $6 \times 2 = 12$
كيله ايمش. اشك قاطرك يوكندن ركيله آلدقده هر ريك يوكى ۶ كيله
اوله جفنه بطرأ قاطرك ۷ و اشك ۵ كيله بنداى نقل ايلديكى تظاهرايدر .

۲۴۸ $\frac{1}{6}$ و $\frac{1}{3}$ قسملرى بينندهكى تفاضل ۲۴ اولان

عدد ندر ؟

جواب — بروجب مفاد مسئله تفاضل معلوم آرانيلان عددك
 $\frac{1}{6} - \frac{1}{3} = \frac{1}{6}$ قسمنه مساوى اولديفه بناءً بوعدد $24 \times 5 = 120$
اولور .

۲۴۹ ايکي كسرك مجموعى $\frac{2}{8}$ و تفاضلى $\frac{1}{11}$ اولسه
اوكسرلندر ؟

$$\text{جواب — كسرلردن بويوكى} \left(\frac{4}{11} + \frac{3}{8} \right) : 2 = \frac{65}{176}$$

$$\text{كوجوكى} \left(\frac{4}{11} - \frac{3}{8} \right) : 2 = \frac{1}{176}$$

اولور .

۲۵۰ بربانچده موجود بولان اغاجلرك نصفى الما ورى
آرمود آلتيدهرى اريك اولوب متباقى ۵۰ آغاج دخی كراز

اولديغنه نظراً مذكور باغچهدە ھرجنسدن قاچ اغاچ واردر ؟

ھواب — بىر موجد مفاد مسئلە كىراز اغاچلىرى موجد اغاچك

$$\frac{1}{12} = \left(\frac{1}{6} + \frac{1}{4} + \frac{1}{2} \right) - 1$$

قسمنە مساوى اولديغندن

$$\text{آغاچلر عددى} \quad 600 = 12 \times 50 \quad \text{اولور .}$$

بوكا نظراً الا اغاچلىرىنك عددى

$$300 = \frac{1}{2} \times 600$$

وآرمود اغاچلىرىنك عددى

$$150 = \frac{1}{4} \times 600$$

وارىك اغاچلىرىنك عددى

$$\text{اولور .} \quad 100 = \frac{1}{6} \times 600$$

۲۵۱ بىرچوباندىن قاچ قويونى اولديغى سؤل ايدىلىش .

چوبانده جواباً :

« قويونلر ك نصفى ، نلث وخمسنى جمىع ايدىكز موجدك

اوچ مىلى قويون بولور سكر ، دىمىش اولمىسنە نظراً چوبانك قاچ

قويونى اولديغى حساب ايتىك مطلوبدر ؟

$$\text{ھواب — اوچ قويون موجدك} \quad \frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \frac{1}{4} = 1 - \frac{1}{12}$$

$$\text{ارائه ايدىكەن قويونلر عددى} \quad 90 = 3 \times 30 \quad \text{اولور .}$$

۲۵۲ ايكي طوب قماشدىن بىرىنك ۱۰ قسمى دىكرىنك ۲

قسمنە مساوى وتفاضللىرى ۱۶ مەترو اولديغنه كوره بوطوپار

قاچىر مەترودر ؟

جواب — ایکنجی طوبك طولی برنجینك $\frac{1}{4} \times \frac{1}{5} = \frac{1}{20}$ قسمی
اولدیفندن ۱۶ مترودن عبارت اولدینی یله یریلان تفضل برنجینك
 $\frac{1}{20} = \frac{1}{5} - \frac{1}{10}$ قسمی ارايه ایدر .
بوکانظرأ برنجی طوب قاشك طولی

$$\frac{6}{13} \text{ مترو } ۸ = \frac{۱۵ \times ۱۶}{۷۳}$$

وایکنجی طوب قاشك طولی

$$\frac{6}{13} \text{ مترو } ۳۴ = \frac{۳۸ \times ۱۵ \times ۱۶}{۱۵ \times ۱۳} \text{ اولور .}$$

۲۵۳ ایکی شریك برتشیث تجاری مقصدیله یینلرنده
۷۶۸۰۰ غروش جمع ایدرلر . برنجینك قویدینی پاره نك $\frac{1}{4}$ سی
ایکنجینك قویدینی پاره نك $\frac{1}{4}$ قسمندن ۳۰۰ غروش فضله
اولدیفنه کوره هر برینك قویدینی پاره ندر ؟

جواب — مفاد مسئله حکمنجه برنجی شریك قویدینی سرمایه نك
 $\frac{1}{4}$ جزئی ایکنجی شریك قویدینی پاره نك $\frac{1}{4} \times ۶$ قسمنه یاخود
ایکنجی شریك قویدینی پاره نك ۴ مثلیله ۶×۳۰۰ یعنی ۱۸۰۰
غروش فضله نه مساوی اولور .

بناء علیه ۷۶۸۰۰ — ۱۸۰۰ تفاضلی ۴ + ۱ یعنی ۵ دفعه
ایکنجی شریك قویدینی پاره یه مساوی اوله جفندن

ایکنجی شریك قویدینی پاره

$$\frac{۷۵۰۰۰}{۵} = ۱۵۰۰ \text{ غروش}$$

بوکانظرأ برنجی شریك قویدینی پاره

۷۶۸۰۰ — ۱۵۰۰۰ = ۶۱۸۰۰ غروش اولور

علاوه

۲۵۳ (مکرر) رساعتک عقرب ايله يلقواني تمام وقت
زوالده يکديکریله برلشور بونلرک بردها ساعت قاچده تلاق
ایده جکری مطلوبدر ؟

مواب — يلقوان ساعتک قادراتی برسماعته طولاشور
بوانشاده عقربده مذکور قادران اوزرنده اشارت اولنان ۶۰ تقسیماتک
۵ جزئی دور ایدر .

وقت زوالدن برسماعت سکره عقرب ساعتک ۱ اشارتی اوزرنده
ويلقوان ایسه ۱۲ سیله مطابق بولنور . دیمک اولورکه عقرب يلقواندن
۵ تقسیمات ایلروده در .

ایمدی بر دقیقه ده يلقوان برتقسیمات ایلرولش اوله جفندن عقربده
بوانشاده برتقسیماتک $\frac{5}{11}$ یعنی $\frac{1}{11}$ سی قدر ایلر و کیدر . بناءً علیه يلقوان
عقربه بر دقیقه ده تقسیماتک $\frac{11}{11}$ جزئی قدر یا بلاشور دیمکدر . حالبوکه يلقوان
عقربه ۵ تقسیمات قدر تقرب ایتمش اوله جفندن بوانشاده کچن دقیقه عددی

$$۵ : \frac{11}{12} = \frac{12 \times 5}{11} = \frac{60}{11} = ۵ \frac{۵}{۱۱} \text{ دقیقه اولور .}$$

بنابرین عقرب ايله يلقوان ایلک دفعه اوله رق یکدیگرینه ملاقی
اولدقبری زمان ساعت تماميله بری $\frac{60}{11}$ دقیقه کچدیکی اکلاشایر .

بوندن ماعدا ایکی تلاق متعاقب آره سنده کچن فاصله زمان
۱ ساعت $\frac{60}{11}$ دقیقه اولدیغندن ایکنجی تلاق ساعت ۲ بی
 $\frac{11}{11}$ ۱۰ دقیقه کچه واقع اوله جنی و دیگرلرینک دخی بومنول اوزره وتوعه
کلهجکی تبین ایدر .

۲۵۴ آئیدہ کی کسر لک اصلاحی مطلوبدر :

$$(۱) \quad \frac{\frac{1}{\frac{1}{\frac{1}{1}+1}+1}}{\frac{1}{\frac{1}{\frac{1}{1}+1}+1}}$$

جواب — کوچوک کسردن اصلاحہ باشلانیلہرق صرہ سیلہ
یازلدقده

$$\text{اولور .} \quad \frac{\frac{2}{3}}{\frac{2}{3}} = \frac{1}{\frac{3}{2}} = \frac{1}{\frac{1}{2}+1}$$

$$(۲) \quad \frac{\frac{2}{\frac{2}{\frac{2}{2}+1}+1}}{\frac{2}{\frac{2}{\frac{2}{2}+1}+1}}$$

جواب — عین وجهلہ اصلاحات یابلدقده

$$\frac{10}{9} = \frac{2}{\frac{9}{5}} = \frac{2}{\frac{4}{5}+1} = \frac{2}{\frac{2}{5}+1} = \frac{2}{\frac{2}{3}+1}$$

$$\text{اولور .} \quad 1 \frac{1}{9} =$$

۲۵۵ آئیدہ کی کسر لری اصلاح ایدیکنز :

جواب — وجه آتی اوزره تفکر اولندقدہ

$$۷ \times ۴ = ۲۸ \quad \text{اولدیفندن افادہ مذکورہ نك برنجی قسمی}$$

$$\frac{1}{8} - \left(\frac{13}{2} - \frac{8}{5} \right) - 1 + \frac{1}{13}$$

$$\frac{1}{8} - \frac{32}{5} + \frac{14}{13} = \frac{1}{8} - \frac{64}{10} + \frac{14}{13}$$

$$۷ \frac{183}{520} = \frac{65 - 2328 + 560}{520} =$$

۲۵۷ بوفادہ مکرر یازدینی جهتہ ۲۲۲ نومرویه
مراجعت اولنہ . بونک یرینہ آتیدہ کی افاددنک اصلاحی
مطلوبدر :

$$\frac{\left(\frac{1}{7} + \frac{1}{2} \right) \times \frac{1}{3} - \frac{2}{7}}{\frac{1}{\frac{1}{4} - 2} + 1}$$

جواب — اول امرده مخرج اصلاح اولندقدہ

$$\frac{4}{7} = \frac{7}{4} \div 1 ; \frac{7}{4} = 1 \frac{3}{4} = \frac{1}{4} - 2$$

اولور .

$$\frac{11}{7} = \frac{4}{7} + 1$$

بعده صورتده بولنان معترضه داخل اصلاح اولندقدہ

$$\frac{9}{14} = \frac{2+7}{14} = \frac{1}{7} + \frac{1}{2}$$

اولمله $\frac{1}{14} = \frac{3}{14} - \frac{2}{7} : \frac{3}{14} = \frac{9}{14} \times \frac{1}{3}$

اولور $\frac{1}{22} = \frac{7}{11} \times \frac{1}{14} = \frac{11}{7} : \frac{1}{14}$

کسرینک اصلاحی مطلوبدر ؟ $\frac{\frac{3}{7} - \frac{2}{7}}{\frac{9}{14} - \frac{2}{7}} \quad 258$

جواب — کسرك صورت بخرجی ۴۲ عددیله ضرب اولندقدہ

اولور $\frac{1}{2} = \frac{10}{20} = \frac{18-28}{10-30}$

$(0 \times \frac{1}{3} + \frac{3}{10} + 21 \frac{1}{5}) : (\frac{2}{10} \times \frac{5}{1} - 3 \frac{1}{4}) \quad 259$

افا سنك اصلاحی قیمتی مطلوبدر ؟

جواب — صرہ سیله اجرای عملیات اولندقدہ

$$\frac{109}{36} = \frac{8-117}{36} = \frac{2}{9} - \frac{13}{4} = \frac{4}{10} \times \frac{5}{6} - 2 \frac{1}{4}$$

$$21 \frac{2}{3} + 21 \frac{5}{10} = \frac{70}{3} + \frac{3}{10} + 21 \frac{2}{10} = 5 \times \frac{1}{3} + \frac{3}{10} + 21 \frac{1}{5}$$

$$\frac{259}{6} = 43 \frac{1}{6} = \frac{2}{3} + \frac{1}{2} + 42 =$$

و بناءً عليه

$$\text{اولور.} \quad \frac{109}{1004} = \frac{109 \times 259}{259 \times 36} = \frac{259}{6} : \frac{109}{36}$$

۲۶۰. بوفاد، نك علم حساب (صحیفه ۲۰۶) ده حل ایدلش
اولدینی بالاخره کورولدیکندن بوراده بشقه برمارسه اولمق
اوزره

$$\left[\frac{0}{9} - 2 \right] : \left[\frac{1\frac{1}{3}}{3} - \frac{1}{17} \right] - \left[\frac{27}{64} : \frac{2}{8} \right] + \left(3\frac{1}{4} \times \frac{1}{26} \right)$$

افاده سنه اصلاح واختصاری مطلوبدر :

جواب - برهنوال محوره صرهمسیله اصلاح واختصار اولندقه

$$\frac{9}{13} \times \frac{32-63}{9 \times 8} - \frac{8}{9} + \frac{1}{8} = \frac{13}{9} \div \left(\frac{4}{9} - \frac{7}{8} \right) - \frac{8}{9} + \frac{1}{8}$$

$$\text{اولور.} \quad \frac{330}{468} = \frac{670}{936} = \frac{279-832+117}{936} =$$

$$\left(\frac{23}{38} - 1\frac{1}{2} \right) : \frac{4862}{4147} \times \frac{1}{\frac{3}{\frac{0}{6}+4}+2} \quad 261$$

افاده نك اصلاحی مطلوبدر ؟

جواب - ول اسوده برنجی کسر اصلاح اولندقه

$$\text{اولغله} \quad \frac{1}{4} = \frac{1}{\frac{18}{9}+2} = \frac{1}{\frac{3}{9}+2}$$

$$\left(\frac{23}{38} - \frac{3}{2} \right) : \frac{4862}{4047} \times \frac{1}{4}$$

و بناءً علیہ

$$\frac{۳۴}{۳۸} : \frac{۱۴۰۹۹۸}{۳۱۵۱۷۲}$$

$$\frac{۱۷}{۱۹} : \frac{۷۰۴۹۹}{۱۵۷۵۸۶}$$

$$\frac{۱}{۲} = \frac{۱۳۳۹۴۸۱}{۲۶۷۸۹۶۲} \quad \text{اولور .}$$

۲۶۱ (مکرر) آئیدہ کی افادہ لڑک اصلاحی مطلوبدر :

$$(۳ \frac{۳}{۴} + \frac{۲}{۳} + \frac{۵}{۶}) \times \left\{ ۵ \frac{۱}{۲} \times \frac{۷}{۶} + \frac{۳}{۴} \right\} \quad (۱)$$

جواب — سرہ سبلہ معترضہ لڑک داخل اصلاح اولندقدمہ

$$۳ \frac{۲۷}{۱۲} \times \frac{۱۶}{۱۲} = \left(\frac{۹}{۱۲} + \frac{۸}{۱۲} + \frac{۱۰}{۱۲} + ۳ \right) \times \left(\frac{۷۷}{۱۲} + \frac{۹}{۱۲} \right)$$

$$۳۷ \frac{۵}{۸} = \frac{۳۰۱}{۸} = \frac{۷ \times ۳ \times ۴۳}{۵ \times ۳ \times ۲} = \frac{۲۱}{۴} \times \frac{۴۳}{۶} = ۳ \frac{۹}{۴} \times \frac{۴۳}{۶} =$$

$$۹ \frac{۲۷}{۴۰} : ۳ \frac{۴}{۷} \times ۳ \frac{۱}{۱۲۵} \quad (۲)$$

جواب — افادہ مذکورہ سرہ سبلہ اصلاح واختصار اولندقدمہ

$$\frac{۲۳ \times ۳ \times ۳ \times ۵}{۳ \times ۳ \times ۴۷} \times \frac{۲۵}{۷} \times \frac{۴۷ \times ۸}{۲۵ \times ۵} = \frac{۳۴۵}{۹ \times ۴۷} \times \frac{۲۵}{۷} \times \frac{۳۷۶}{۱۲۵}$$

$$۸ \frac{۱۶}{۲۱} = \frac{۱۸۴}{۲۱} = \frac{۲۳ \times ۸}{۳ \times ۷} =$$

$$\frac{\frac{2}{5}}{2\frac{1}{3}} + \frac{3\frac{2}{5}}{4\frac{1}{4}} - \frac{3\frac{2}{5}}{4\frac{2}{7}} \quad (۳)$$

مرباب — قاعده معلومه وجهله اختصار اولنده

$$\frac{2 \times 4}{5 \times 7} + \frac{4 \times 17}{17 \times 5} - \frac{7 \times 15}{30 \times 4} = \frac{2}{5} + \frac{17}{17} - \frac{15}{4}$$

$$\frac{8 \times 8 + 8 \times 7 \times 4 - 30 \times 7}{30 \times 8} = \frac{8}{30} + \frac{4}{5} - \frac{7}{8} =$$

$$\frac{17}{56} = \frac{80}{280} = \frac{64 + 224 - 240}{280} =$$

$$\frac{1 - 4\frac{1}{3} \times 4\frac{1}{3} \times 4\frac{1}{3}}{1 - 4\frac{1}{3} \times 4\frac{1}{3}} \quad (۴)$$

مرباب — وجهاتی اوزره اصلاح اولنورق

$$\frac{27 - 2197}{27} = 1 - \frac{2197}{27} = 1 - \frac{13 \times 13 \times 13}{3 \times 3 \times 3}$$

$$= \frac{9 - 169}{9} = 1 - \frac{169}{9} = 1 - \frac{13 \times 13}{3 \times 3}$$

$$4\frac{25}{48} = \frac{217}{48} = \frac{9 \times 217}{16 \times 3 \times 9} = \frac{9}{160} \times \frac{2170}{27} =$$

۲۶۲ افادات آتیه نك اختصار واصلا-

$$\frac{2}{39} - \frac{\frac{5}{6} - 1\frac{1}{2}}{\frac{5}{6} + 1\frac{1}{4}} + \frac{2\frac{1}{2}}{3\frac{1}{4}} \quad (۱)$$

جواب — وجهانی اوزره اصلاح اولنه رق

$$\frac{41}{39} - \frac{12}{25} \times \frac{4}{6} + \frac{4}{13} \times \frac{5}{2} = \frac{41}{39} - \frac{\frac{5}{6} - \frac{3}{2}}{\frac{5}{6} + \frac{5}{4}} + \frac{\frac{5}{2}}{\frac{13}{4}}$$

$$\frac{25 \times 41 - 39 \times 8 + 25 \times 3 \times 10}{39 \times 25} = \frac{41}{39} - \frac{8}{25} + \frac{10}{13} =$$

$$\frac{37}{975} = \frac{10 \times 25 - 312 + 750}{975} =$$

$$\frac{5}{12} \times \frac{1}{3} - \frac{7}{8} \times \frac{5}{4} \times \frac{3}{2} \quad (2)$$

جواب — وجهانی اوزره حل اولنه رق

$$\frac{5}{36} - \frac{1309}{90} = \frac{5}{12 \times 3} - \frac{7 \times 11 \times 17}{9 \times 2 \times 5}$$

$$14 \frac{73}{180} = \frac{2593}{180} = \frac{25 - 2618}{180} =$$

$$\left(\frac{1}{5} + \frac{1}{3}\right) \times \left(\frac{1}{3} - 2\right) : \left(\frac{1}{13} + \frac{2}{19}\right) \quad (3)$$

جواب — سابق وجهله اصلاح واختصار اولنه رق

$$\frac{8}{15} \times \frac{3}{8} \times \frac{45}{13 \times 19} = \frac{8}{15} \times \frac{8}{3} \div \frac{19 + 26}{13 \times 19}$$

$$\text{اولور} \quad \frac{9}{247} =$$

$$\frac{6 \frac{8}{11}}{11 \frac{5}{7}} \times \frac{4 \frac{5}{9}}{6 \frac{1}{6}} \times \frac{3}{14} \quad (۴)$$

جواب — وجهاتی اوزره اصلاح واختصار اولنهرق

$$\frac{7 \times 27 \times 2 \times 2 \times 2 \times 21 \times 2}{1 \times 2 \times 11 \times 27 \times 2 \times 2 \times 7 \times 2} = \frac{7}{82} \times \frac{74}{11} \times \frac{6}{27} \times \frac{41}{9} \times \frac{3}{14}$$

$$\frac{1}{11} =$$

۲۶۳ افادات آتیه‌نک اصلاح واختصاری مطلوبدر :

$$\frac{3}{54} - \frac{9}{49} - \frac{49}{162} \quad (۱)$$

$$\frac{13}{14} - \frac{1}{2} + \frac{4}{9}$$

جواب — برمنوال سابق حل واصلاح اولنهرق

$$\frac{9}{49} - \frac{32}{162} = \frac{9}{162} - \frac{9}{49} - \frac{41}{162}$$

$$\frac{6}{16} - \frac{4}{9} = \frac{13}{14} - \frac{7}{14} + \frac{4}{9}$$

$$\frac{729 - 784}{49 \times 81} = \frac{9}{49} - \frac{16}{81}$$

$$\frac{27 - 28}{7 \times 9} = \frac{3}{7} - \frac{4}{9}$$

$$\frac{55}{63} = \frac{55}{7 \times 9} = \frac{7 \times 9 \times 55}{49 \times 81} =$$

اولور.

$$\frac{7\frac{5}{12}}{3\frac{2}{3}} \times \frac{3}{7} + \frac{19}{20} \times \frac{1\frac{2}{3}}{6\frac{2}{3}} - \frac{13}{16} \times \frac{2}{5} \quad (۲)$$

جواب — وجه آتی اوزره حل و اصلاح اولنهرق

$$\frac{3}{4} + \frac{19}{80} - \frac{13}{40} = \frac{7}{4} \times \frac{3}{7} + \frac{19}{20} \times \frac{1}{4} - \frac{13}{40}$$

$$\frac{67}{80} = \frac{60 - 19 - 26}{80} =$$

$$\frac{1}{80} \times \frac{\frac{5}{8}}{1\frac{1}{3} \times 2\frac{1}{2}} + \frac{\frac{3}{5}}{\frac{8}{9}} \quad (۲)$$

جواب — وجه آتی اوزره اصلاح و اختصار اولندقدم

$$\frac{1}{80} \times \frac{3}{4} \times \frac{2}{5} \times \frac{5}{8} + \frac{9}{8} \times \frac{3}{5}$$

اولور - $\frac{867}{1280} = \frac{3 + 864}{1280} = \frac{3}{1280} + \frac{27}{40} =$

$$\frac{\frac{1}{4} + \frac{1}{3} + \frac{1}{2}}{\frac{1}{4} + \frac{1}{3} + \frac{1}{2}} \quad (۲)$$

جواب — سابقی کی حل و اصلاح اولنہرق

$$\frac{\frac{13}{12}}{\frac{70+90+126}{310}} = \frac{\frac{13}{12}}{\frac{2}{9} + \frac{2}{7} + \frac{2}{5}} = \frac{\frac{3+4+6}{12}}{\frac{1}{9} + \frac{1}{7} + \frac{1}{5}} = \frac{\frac{13}{12}}{\frac{2}{9} + \frac{2}{7} + \frac{2}{5}}$$

$$\frac{100 \times 3 \times 13}{22 \times 12 \times 4 \times 3} = \frac{310}{286} \times \frac{13}{12} = \frac{\frac{13}{12}}{\frac{286}{310}} = \frac{13}{12}$$

اولور . $1 \frac{17}{88} = \frac{100}{88} =$

تعلیم ۱۱

۲۶۴ آئیدہ محرر عدد اعشاریلری رقلہ یازیکنز :

سکز عدد صحیح اونده یدی	جواب —
۸,۷	
۲۰,۳۵	یکرمی عدد صحیح یوزده اوتوز بش
۲,۰۳۵	ایکی عدد صحیح بیکده اوتوز بش
۰,۰۰۲۰۳۵	میلیونده ایکی بیک اوتوز بش
۴,۲۸	یوزده درت یوز یکرمی سکز
۸,۰۲۳	بیکده سکز بیک یکرمی اوچ
۰,۰۰۰۰۰۰۶	میلیونده آلتی
۰,۰۱۵	بیکده اون بش
۰,۰۰۰۲۳۵	میلیونده ایکی یوز اوتوز بش

۲۶۵ آئیده محرر اعداد اعشاریه بی او قوییکز :

۱

۳,۷	جواب —	اوج عدد صحیح اونده یدی
۱۷,۵۱	» —	اون یدی عدد صحیح یوزده الی بر
۵,۰۷	» —	بش عدد صحیح یوزده یدی
۲۰,۱۰۹	» —	یکرمی عدد صحیح بیکده یوزطقوز
۱,۰۰۰۶۵	» —	بر عدد صحیح یوز بیکده النش بش
۰,۴۰۰۵۰۰۶	» —	صفر عدد صحیح اون میلیونده
		دوت میلیون بش بیک آتی
۰,۰۳۲۱۰۸	» —	میلیونده اوتوز ایکی بیک یوزسکر
۲,۰۰۳۱۷۰۴	» —	ایکی عدد صحیح اون میلیونده
		اوتوز بر بیک یدی یوز دوت
۰,۰۰۰۱۰۷	» —	میلیونده یوز یدی

۲۶۶ ۲,۵ عدد اعشاریسی اونده بر، یوزده بر، بیکده بر

افاده ایدمک صورتده لازمق مطلوبدر ؟

۲۵	اونده	مواب —
۲۵۰	یوزده	
۲۵۰۰	بیکده	

۲۶۷ ۰,۶۰۱ کسر اعشاریسی میایونده بر افاده ایدمک

شکله تحویل ایتک مطلوبدر ؟

مواب — . میلیونده ۶۰۱۰۰۰

۲۶۸ برکسر اعشاریده ویرکولدن اعتباراً یدنجی مرتبهده

یولتان بررقک مخرج ضمیمی ندر ؟

هواب — مخرج ضنى اون مليون ورقك قيمت اضافيه سى
اون ميلیونده بر در .

۲۶۹ آتیده محرر اعداد اعشاریه بی کسر عادى طرزنده
واصول اعشارى به توفيقاً يازيکنز :

$$\text{هواب} - \frac{408}{1000} = 0,408$$

$$\text{يوزده بش} - \frac{5}{100} = 0,05$$

$$\text{اون بيكده يكي بيك اوچ يوزيكرى بر} - \frac{2321}{1000000} = 0,002321$$

$$\text{بيكده يوز اون} - \frac{110}{1000} = 0,110$$

$$\text{اوچ عدد صحيح اون بيكده اون طقوز} - \frac{19}{10000} = 3,0019$$

۲۷۰ آتیده کی کسر لری اعداد اعشاریه شکلنده يازيکنز :

$$\text{هواب} - \frac{658}{100} = 6,58$$

$$\text{»} - \frac{46}{1000} = 0,046$$

$$\text{»} - \frac{7}{100} = 0,07$$

$$\text{»} - \frac{845}{100} = 8,45$$

$$\text{»} - \frac{36}{1000} = 0,036$$

۳۴,۶۵۱	—	مواب	$\frac{۳۴۶۵۱}{۱۰۰۰}$
۴۰۰,۸۱	—	»	$\frac{۴۰۰۸۱}{۱۰۰}$
۷۶,۵	—	»	$\frac{۷۶۵}{۱۰}$

۲۷۱ آئیده کی اعداد اعشاریه بی کسر عادی شکله :
یا زیکنز :

$\frac{۴}{۱۰}$	—	مواب	۰,۴
$\frac{۵۷}{۱۰۰}$	—	»	۰,۵۷
$\frac{۳۲۴}{۱۰۰۰}$	—	»	۰,۳۲۴
$\frac{۴۶}{۱۰۰۰}$	—	»	۰,۰۴۶
$\frac{۷}{۱۰۰۰}$	—	»	۰,۰۰۷
$\frac{۳۶}{۱۰}$	—	»	۳,۶
$\frac{۸۴۵}{۱۰۰}$	—	»	۸,۴۵
$\frac{۳۵۶۲}{۱۰۰}$	—	»	۳۵,۶۲
$\frac{۲۴۰۵۱}{۱۰۰۰}$	—	»	۲۴,۰۵۱

حساب معنئى	۱۷۰
$\frac{۱۴۰۰۱}{۱۰۰۰}$ جواب —	۱۴,۰۰۱
$\frac{۵۰}{۱۰۰۰}$ يا خود ۱۰۰ —	۰,۰۵۰
$\frac{۵}{۱۰۰۰۰}$ —	۰,۰۰۰۵

۲۷۲' ۸,۰۵۰ ایله ۴,۹۰۲ عددلارندن هانكىسى بويوكدر؟

جواب — بويكى عدد قيمتلىرىنىڭ خىل كىچىكلىكىنىڭ اوزىرىنى بىر قىممەتتە
ارقام اعشارىيىنىڭ حاوى اولەجىق بىر شەكىلدە ئىخوتىل اولىنىدۇقۇمى ۸,۰۵۰
ۋ ۴,۹۰۲ اولۇر. بويكى شەكىل مىقايىسە اولىنىدۇقۇمى

۸,۰۵۰ عددى بىكىدە ۸۰۵۰ ۋ ۴,۹۰۲ عدد اعشارىيىنىڭ كىچىكلىكى
بىكىدە ۴,۹۰۲ اولىنىدۇقۇمى

$$۴,۹۰۲ < ۸,۰۵۰$$

اولىنىنىڭ اشكار اولۇقلە

$$۴,۹۰۲ < ۸,۰۵۰ \text{ اولۇر.}$$

۲۷۳ آتىدەكى اء اد اعشارىيىنى بويوكلىكلىرىنىڭ مىقايىسىنى
يازىكىز:

$$۱۹,۳ — ۵۶,۹۹ — ۹۹,۰۰۸ — ۰,۹۹۰۰۸$$

جواب — بويىدۇرلىك كافيىسىنىڭ خىل كىچىكلىكىنىڭ اوزىرىنى
بىش رقم اعشارىيىنىڭ حاوى اولەجىق. سورتىدە يازىلىدۇقۇمى

$$۱۹,۳۰۰۰۰ : ۵۶,۹۹۰۰۰ : ۹۹,۰۰۸۰۰ : ۰,۹۹۰۰۸ \text{ اولۇر.}$$

بو حالده مسئله يوز بيكه منسوب برطاقم اعداد اعشاريه مقايسه سندن عبارت بولنش اوله جفندن بونلر و برکولر ندرن صرف نظر اشاغيدن يوقارى به بويوکسکلى صره سيله يازلدقده

$$۹۹۰۰۸ \quad ; \quad ۱۹۳۰۰۰ \quad ; \quad ۵۶۹۹۰۰۰ \quad ; \quad ۹۹۰۰۸۰۰$$

لولفله بوکا نظراً اعداد مفروضه ايچون

$$۹۹,۰۰۸ \quad ; \quad ۵۶,۹۹ \quad ; \quad ۱۹,۳ \quad ; \quad ۰,۹۹۰۰۸$$

اولور .

۲۷۴ آتيده كي عملياتك اجراسى مطلوبدر :

$$(۱) \quad ۱۰۰ \times ۳,۱۴۱۵ \quad (۲) \quad ۱۰۰ \times ۳,۱$$

$$(۳) \quad ۱۰۰ \times ۰,۰۰۷۶۰$$

جواب — و برکول ايکي مرتبه صاغه کوتوريله رك يازلدقده
 ۲۱۴,۱۵ ؛ ۳۱۰ ؛ ۰,۷۶ عددی حاصل اولور .

۲۷۵ آتيده كي عددلرك ۱۰۰۰ ايله تقسيمى مطلوبدر :

$$(۱) \quad ۵۰۱۴۷ \quad (۲) \quad ۶۱۸۰۰ \quad (۳) \quad ۰,۶۴ \quad (۴) \quad ۵$$

جواب — و برکول بولنديكى محلدن اوچ مرتبه صوله کوتوريله رك يازلدقده

$$۵۰,۱۴۷ \quad ; \quad ۶۱,۸ \quad ; \quad ۰,۰۰۰۶۴ \quad ; \quad ۰,۰۰۵$$

عددی حاصل اولور .

۲۷۶ هر برى ۰,۱۷ مترو يوکسکلک کنده بولسان ۱۰۰

اصه ماقلى برزردبانك ارتفاعى ندر ؟

جواب — بر موجب مفاد مسئله نردبانك ارتفاعی بر باصه ماغی
یوكسكلكنك ۱۰۰ مثلنه مساری اولدیفندن

$$۰,۱۷ \times ۱۰۰ = ۱۷ \text{ مترو ایدر .}$$

۲۷۷ بر محله بولندیریلان ۱۰۰۰۰ عسكرك هر فردینه
یومی ۰,۷۳۰ کیلو اتمك ویرلدیكنه نظراً بونلرك ۱۰۰ کون
اعاشه سی ایچون نقدر اتمك ویرلك لازم کلیر ؟

جواب — مفاد مسئله یه نظراً ۱۰۰۰۰ عسكریومی ۰,۷۳۰
کیلونك ۱۰۰۰۰ مثلی اتمك یعنی

$$۰,۷۳۰ \times ۱۰۰۰۰ = ۷۳۰۰ \text{ کیلو}$$

اتمك یر .

۱۰۰ کونده صرف اوله جق اتمك مقداری ايسه برکونده کی
صرفیلك ۱۰۰ مثلی اوله جفی درکار بولدیفندن مسئله یه جواب
اولاق اوزره

$$۷۳۰۰ \times ۱۰۰ = ۷۳۰۰۰۰ \text{ کیلو اولور .}$$

۲۷۸ ۴۸۷۲,۵ غروشك ۱۰ کیمسه بینده توزیعی
مطلوبدر ؟

جواب — بویکسه لردن هر برینك حصه سی ۴۸۷۲,۵ غروشك
۱۰ ایله خارج قسمتندن عبارت اوله جفندن

$$۴۸۷۲,۵ : ۱۰ = ۴۸۷,۲۵ \text{ غروش اولور .}$$

تعلیم ۱۲

۲۸۹ آئیدہ کی عدد لڑک جمی مطلوبدر :

$$(۱) ۳۲۱,۰۰۷۶ + ۷۵,۰۶ + ۰,۱۲۳۴ + ۲,۲۸ + ۶,۴۰۱ +$$

$$\begin{array}{r} ۲۱۲۸ \\ ۰۱۱۲۳۴ \\ ۷۵۰۰۶ \\ ۳۲۱۰۰۷۶ \\ ۶۱۴۰۱ \\ \hline ۴۰۴۱۸۷۲۰ \end{array} \quad \text{جواب —}$$

$$(۲) ۴۲۰,۹۰۶ + ۳,۳ + ۸۹ + ۲۳۷,۰۰۷ + ۳۸,۰۸ + ۲۷,۵۴۰۱ +$$

$$\begin{array}{r} ۳۸۱۰۸ \\ ۲۳۷۱۰۰۷ \\ ۸۹ \\ ۳۳ \\ ۴۲۰۹۰۶ \\ ۲۷۱۵۴۰۱ \\ \hline ۸۱۵۱۸۳۳۱ \end{array} \quad \text{جواب —}$$

$$(۳) ۴۸,۹۱ + ۶۶,۱۷ + ۴۰۳,۸۱ + ۵۰۴,۱۶ + ۰,۷۵ + ۳۶,۱۹ + ۴۳,۰۱ +$$

$$\begin{array}{r}
 ۵۰۴۱۶ \\
 ۴۰۳۸۱ \\
 ۶۶۱۷ \\
 ۴۸۹۱ \\
 ۴۳۰۱ \\
 ۳۶۱۹ \\
 ۰۰۷۵ \\
 \hline
 ۱۱۰۳۶۰۰
 \end{array}$$

جواب —

۲۸۰ آتیده کی عددلرک طرحی مطلوبدر .

$$(۱) \quad ۷۵,۴۱ - ۱۲۳,۰۷۴$$

$$\begin{array}{r}
 ۱۲۳۰۷۴ \\
 ۷۵۴۱ \\
 \hline
 ۴۷۶۶۴
 \end{array}$$

جواب —

$$(۳) \quad ۲۱ - ۵۸,۰۰۹$$

$$\begin{array}{r}
 ۵۸۰۰۹ \\
 ۲۱۶۰۴۵۷ \\
 \hline
 ۳۶۴۰۴۴۳
 \end{array}$$

جواب —

$$(۴) \quad ۰,۰۰۹۸۹ - ۰,۰۰۹۹۹$$

$$\begin{array}{r}
 ۰,۰۰۹۹۹ \\
 ۰,۰۰۹۸۹ \\
 \hline
 ۰,۰۰۰۱۰ \\
 \hline
 ۰,۰۰۹۹۹
 \end{array}$$

جواب —

تفاضل
میزانی

۲۸۱ ۱۴۰ مترو طولنده بولنان برطوب قاشدن متعاقبا

۱۵,۷۵ و ۱۸,۲۵ و ۳۶,۸۵ مترو قدری صاٹلش اولسه کیرویه
قاج مترو قالیر ؟

جواب — صاٹیلان قماشك مقداری

$$۱۵,۷۵ + ۱۸,۲۵ + ۳۶,۸۵ = \text{مترو } ۷۰,۸۵$$

اولدیفندن صاٹلقی اوزره کیرویه آرتان مقدار

$$\begin{array}{r} ۱۸,۲۵ \\ ۳۶,۸۵ \\ \hline ۷۰,۸۵ \end{array}$$

$$۱۴۰ - ۷۰,۸۵ = ۶۹,۱۵ \text{ مترو اولور.}$$

$$۱۴۰$$

$$\begin{array}{r} ۷۰,۸۵ \\ \hline ۶۹,۱۵ \end{array}$$

بومسئله ده هر صاٹلشده قالان قماشك مقداری حساب ایدلك
صورتيله دخی عین نتیجه یه دسترس اولونور :

فی الحقیقه برنجی صاٹلشدن صکره

$$۱۴۰ - ۱۵,۷۵ = ۱۲۴,۷۵ \text{ مترو آرتار.}$$

ایکنجی صاٹلشدن صکره .

$$۱۲۴,۷۵ - ۱۸,۲۵ = ۱۰۶ \text{ مترو قالیر.}$$

اوچنجی صاٹلشدن صکره ایسه

$$۱۰۶ - ۳۶,۸۵ = ۶۹,۱۵ \text{ مترو آرتار.}$$

۲۸۲ آتیده کی ضربلرک اجراسی و ۹ ایله میزانی

مطلوبدر :

$$۲۵ \times ۳,۱۴۱۵$$

(۱)

جواب — اعداد تامه نك ضربی كی ضرب اولندقدن صكره حاصل ضربك صاغندن ویركول ایله ۴ رقم تفریق اولنور .

۹ ایله میزانی	$\begin{array}{r} ۳,۱۴۱۵ \\ ۲۵ \\ \hline ۱۵۷۰۷۵ \\ ۶۲۸۳۰ \\ \hline ۷۸,۵۳۷۵ \end{array}$	بناءً علیه
---------------	---	------------

اولمله $۷۸,۵۳۷۵ = ۲۵ \times ۳,۱۴۱۵$ اولور .

عملیاتك ۹ ایله میزانی طبق اعداد تامه نك میزانی کییدر .

$$۳۱۰ \times ۰,۰۰۴۱۴۳ \quad (۲)$$

جواب — اول امرده ۴۱۴۳ عددی ۳۱ ایله ضرب اولنورق حاصل ضربك صوكنه برصفر علاوه وبعده صاغندن بوصفردده داخل اولدینی حالدده ۶ رقم تفریق اولونور .

۹ ایله میزانی	$\begin{array}{r} ۰,۰۰۴۱۴۳ \\ ۳۱۰ \\ \hline ۴۱۴۳ \\ ۱۲۴۲۹ \\ \hline ۱۲۲۸۴۳۳۰ \end{array}$	بناءً علیه
---------------	---	------------

اولور .

$$۰,۰۴۷ \times ۳,۷۲ \quad (۳)$$

جواب — ۳۷۲ عددی اعداد تامه مثللو ۴۷ ایله ضرب بعده حاصل ضربك صاغندن بش رقم تفریق اولونور .

$$\begin{array}{r}
 ۳,۷۲ \\
 ۰,۰۴۷ \\
 \hline
 ۲۶۰۴ \\
 ۱۴۸۸ \\
 \hline
 ۰,۱۷۴۸۴
 \end{array}$$

بناءً عليه

اولفه $۰,۱۷۴۸۴ = ۰,۰۴۷ \times ۳,۷۲$ اولور .

$$(۴) \quad ۳۱۵,۰۷ \times ۳۲,۷ \times ۰,۰۰۴۵$$

جواب -- اولاً برنجی ایله ایکنجی عدد بدمه بونلرک حاصل ضربیله اوچنجی عدد ضرب اولندقمده

$$۴۶,۳۶۲۵۰۰۰ = ۳۱۵,۰۷ \times ۳۲,۷ \times ۰,۰۰۴۵ \quad \text{اولور .}$$

$$(۵) \quad ۴۰۰۰ \times ۱,۲۵$$

$$\begin{array}{r}
 ۱,۲۵ \\
 ۴۰۰۰ \\
 \hline
 ۵۰۰۰,۰۰
 \end{array}$$

جواب —

$$\begin{array}{r}
 ۸ \\
 ۵ \times ۵ \\
 ۴
 \end{array}$$

$$(۶) \quad ۱۰۰,۵۰۸ \times ۵۷۰,۹۶۴۱$$

$$\begin{array}{r}
 ۵۷۰,۹۶۴۱ \\
 ۱۰۰,۵۰۸ \\
 \hline
 ۴۵۶۷۷۱۲۸ \\
 ۲۸۵۴۸۲۰۰ \\
 ۵۷۰,۹۶۴۱ \\
 \hline
 ۵۷۳۸۶,۴۵۹۷۶۲۸
 \end{array}$$

جواب —

$$\begin{array}{r}
 ۵ \\
 ۷ \times ۷ \\
 ۵
 \end{array}$$

۲۸۳ هریری ۱۸,۷۵ غروش ویرمک اوزره برلوقنطده

طعام ایتیم اولان آلتی کیشینک مصرفی ندر ؟

جواب — ویریلجك باره ۶ دفعه ۱۸,۷۵ غروشدن عارت اولد

$$۱۸,۷۵ \times ۶ = ۱۱۳,۵۰ \text{ غروش اولور .}$$

۲۸۴ متروسی ۹,۶۵ فراقدن بهری ۷۰ مترو چوقه

حاوی ۸ طوبك نیتاتی ندر ؟

جواب — هر طوبك یعنی ۷۰ مترونك بدلی

$$۹,۶۵ \times ۷۰ = ۶۷۵,۵۰ \text{ فراق}$$

اولدیعدن ۸ طوبك بدلی

$$۶۷۵,۵۰ \times ۸ = ۵۴۰۴ \text{ فراق اولور .}$$

بو مسئله شو صورتلده حل اولمه ییلیر :

۸ طوب قماش ، طولی

$$۸ \times ۷۰ = ۵۶۰ \text{ مترو}$$

اولدیغه طرأ بومقدار مترو قماشك بدلی

$$۵۶۰ \times ۹,۶۵ = ۵۴۰۴ \text{ فراق اولور .}$$

۲۸۵ هر ساعتده ۳,۲۵ غروش قزانان بر عمله یومی

ساعت چالیشمه هفتهده ۶ کونلك قازانجی نه اولور ؟

جواب — عمله یومی

$$۳,۲۵ \times ۹ = ۲۹,۲۵ \text{ غروش}$$

قارادیعدن هفتهك ۶ کوننده

ج ۱۔ ۵۰۰ × ۲۰ = ۱۰۰۰۰ غروشی از قازانچہ ۲۱ / ۲۱

بومستله شو ملاحظه ایله ده حل اوله بیلیر :

مادامکہ عملہ هفته ده ۶ دفعہ ۹ ساعت یعنی ۵۴ ساعت
چالیشدیندن قازانچی

$$۵۰۰ \times ۲۰ = ۱۰۰۰۰ \text{ غروشی اولور.}$$

۲۸۶ ۵ کیشیدن مهکب بولپان برعائده یومی نفوس

باشه ۸۰۰ کیلو اتمک صرف اولندیغی و اتمک کیلوسی ۱۰۷۵
غروشه اولدیغنه نظراً

اولا : صرفیات یومیه

ثانیاً : ۳۱ کوندن عبارت بر ماهده کی صرفیات ندر ؟

جواب - ۵ کیشی یومی ۵۱ / ۱۰۰

$$۵۱ \times ۵ = ۲۵۵ \text{ کیلو}$$

اتمک بدکمرشه نظراً صرفیات یومیه

$$۱۰۷۵ \times ۵ = ۵۳۷۵ \text{ غروشی } ۱۰۰ / ۱۰۰$$

اولمله ۳۱ کونده کی مصرف

$$۵۳۷۵ \div ۳۱ = ۱۷۳ \text{ غروشی اولور.}$$

۲۸۷ بر عملہ نک شمد ۵۰۰ کون چالیشدینی ۱۰۰ / ۱۰۰

۶۰۲۵ فراتق قازاندیغنی معلوم اولمشنه و محمدارف سهریسی بحق

۷۲.۸۵ فرانق اولدینه نظر آسنوی جمع وتصرف ایدهبیلدیکی
مبلغ ندر ۱۹

مواب — عمله نك سنه ختامنده کی قزانجی

$$۶۶۲۵ \times ۳۰۵ = ۱۹۰۶,۲۵ \text{ فرانق}$$

و ۱۲ آیده کی صرفیاتی ایسه

$$۷۲,۸۵ \times ۱۲ = ۸۷۴,۲۰ \text{ فرانق}$$

اولسنه نظر آ جمع وتصرف ایدهبیله جکی مبلغ

$$۱۹۰۶,۲۵ - ۸۷۴,۲۰ = ۱۰۳۲,۰۵ \text{ فرانق اولور.}$$

۲۸۸ آئیده محرر عددلرک ۰,۰۰۱ خطایله خارج قسمت
تقریدیلری .طلوبدر :

$$(۱) ۳۱,۷۵۴ : ۹,۳۴۷۵$$

$$\text{مواب} = \frac{۳۱,۷۵۴}{۹,۳۴۷۵} = ۳,۳۹۷$$

$$(۲) ۰,۰۸۷۵۸۹۴ : ۰,۱۳۷۵۴$$

$$\text{مواب} = \frac{۰,۰۸۷۵۸۹۴}{۰,۱۳۷۵۴} = ۰,۶۳۶$$

۲۸۹ افاده ائیه نك قیمتی مطربدر :

$$۰,۰۰۰۵ : \left(\frac{۱۷}{۴} + \frac{۱}{۵} \times ۷\frac{۱}{۴} \right)$$

جواب — اول امر مدہ معترضہ داخلی حل و اصلاح اول نہرق

$$\frac{109}{50} = \frac{34 + 75}{50} \quad \text{اولاقلہ}$$

$$\frac{10000}{5} \times \frac{109}{50} = 10000 \div \frac{109}{50}$$

$$= 4360 \quad \text{اولور .}$$

۲۹۰ آئیدہ کی عملیات تک اجراسی مطلوب بدر :

$$(۱) \quad 0.75 + \frac{1}{4}$$

$$\text{جواب — } 1.25 = \frac{25}{2} = \frac{0.75 \times 2 + 1}{2}$$

$$(۲) \quad 0.25 + \frac{3}{4}$$

$$\text{جواب — } 1 = \frac{1+3}{4}$$

بواقادہ وجہ آتی اوزرہ دخی حل اول نہ بیلیر :

$$\frac{3}{4} = 0.75 \quad \text{اولدیفندن}$$

$$\text{اولور .} \quad 1 = 0.25 + 0.75$$

$$۲۹۱ \quad 10 - 3 \frac{2}{25}$$

جواب — وجہ آتی اوزرہ تفکر و اصلاح اول نہ قدہ

$$\frac{2,75 - 3,75}{0.25} = \frac{2,75}{0.25} - 10$$

$$4 = \frac{100}{25} = \frac{1}{0.25}$$

جواب — 'ونجه آتی اوزره اصلاح اولندقدنه

$$\frac{3}{.10} - 0 \times \frac{4}{.120} = 30$$

$$30 = \frac{3}{.10} - 0 \times \frac{1}{.120} \times \frac{72}{4}$$

$$30 \times \left[\frac{.1}{.120} - 2.5 \right] : 3.6 = 297$$

جواب — اول امرده معترضه داخلنده اصلاحات اجرا قلمقدنه

$$30 \times \left[\frac{.2}{.10} - 2.5 \right] : 3.6$$

$$16 = \frac{4}{.120} = \frac{.2}{.120} \quad \text{حالوکه اولدیمقدنه}$$

$$30 \times \left[\frac{.3}{.10} - 2.5 \right] : 3.6$$

$$30 \times \left[\frac{.4}{.10} - 2.5 \right] : 3.6$$

$$30 \times \left[\frac{.5}{.10} - 2.5 \right] : 3.6 = 298$$

جواب — سابق کچه اصلاحه معترضه دن باشلانقدنه

$$1.71 = 3 + \frac{.7}{.10} \times 3.2 = \left[3 + \frac{.9}{.10} : 3.2 \right]$$

$$۴۵ - ۱,۷۱ - ۸,۴۵ = ۳۴,۸۴ \quad \text{اولور.}$$

۲۹۹ کسورات آتیہ نک ۰,۰۰۱ خطا ایله کسر
اعشاریہ به تحویلی مطلوبدر :

$$(۱) \quad \frac{۴۹}{۲۲۷}$$

$$\text{جواب} - \frac{۱۹}{۲۲۷} = ۰,۲۱۵$$

$$(۲) \quad \frac{۱۲۹}{۵۴۶}$$

$$\text{جواب} - \frac{۱۲۶}{۵۴۶} = ۰,۲۳۶$$

$$(۳) \quad \frac{۱۶۴}{۳۲۸}$$

$$\text{جواب} - \frac{۱۶۴}{۳۲۸} = ۰,۵۰۰$$

$$(۴) \quad \frac{۲۴۷}{۵۲۹}$$

$$\text{جواب} - \frac{۲۴۷}{۵۲۹} = ۰,۴۶۶$$

۳۰۰ کسورات آتیہ نک کسر اعشاریہ به تحویلارنده
قاج مرتبه اعشاریہ بی حائر اوله جقلرینک بیانی و تحویلاک
اجراسی مطلوبدر :

$$\frac{۴۵}{۳۶۰} : \frac{۹}{۲۰} : \frac{۱۵}{۲۴} : \frac{۹}{۱۰} : \frac{۷}{۸}$$

جواب — حین تحویلده بوکسرلردن برنجیسی ۳ و ایکنجیسی ۱ و اوچنجیسی ۳ و دردنجیسی ۲ و بشنجیسی ۳ مرتبه اعشاری یی حائر اولور . بومراتب علم حساب (ماده : ۲۰۵) موجبنجه مخرجده داخل بولنان ۲ ویا ۵ مضروبلینک اک بویوک اسنه نظراً تعین اولونور . بناءً علیه تحویل اولندقدده

$$۰,۱۸۷۵ = \frac{۷}{۸} ; ۰,۱۹ = \frac{۹}{۱۰} ; ۰,۱۶۲۵ = \frac{۵}{۸} = \frac{۱۵}{۲۴}$$

$$۰,۱۲۵ = \frac{۴۵}{۳۶۰} ; ۰,۱۴۵ = \frac{۹}{۲۰}$$

۳۰۱ کسورات آتیة اعشاریه نك کسر عادی به تحویلاری

مطلوبدر :

$$۹۸,۷۶ ; ۰,۰۰۲۴ ; ۰,۰۹۵ ; ۱۲,۵ ; ۳,۲$$

$$۶,۸۷۶۵ ; ۰,۶۴۸ ; ۰,۰۴۸ ; ۰,۰۰۰۱۰۲۴$$

جواب —

$$۱۲,۵ = \frac{۱۶}{۵} ; ۳,۲ = \frac{۲۵}{۲} ; ۰,۰۹۵ = \frac{۱۹}{۲۰۰}$$

$$۹۸,۷۶ = ۹۸ \frac{۷۶}{۱۰۰} = ۹۸,۷۶ ; \frac{۳}{۱۲۵۰} = ۰,۰۰۲۴$$

$$۰,۰۴۸ = \frac{۶}{۱۲۵} ; \frac{۸}{۷۸۱۲۵} = ۰,۰۰۰۱۰۲۴$$

$$۶ \frac{۱۷۵۳}{۲۰۰۰} = ۶,۸۷۶۵$$

در ۲۰۴ کیسوز افترد واریه آتیه ناک کسیر مولداری مطلوب در

$$\begin{aligned} & ۳۰۵۷۵۷ - ۰.۸۹۸۱ - ۰.۷۱۵۳۱۵۳ = ۰.۲۳۴۰۲۳ \\ & ۰.۰۲۶۶۶ : ۰.۱۶۵۶۵ = ۰.۴۰۲۳۴۰۲۳ \\ & ۸,۰۲۰۸۳۳۳ : ۰.۳۴۲۷۵۳۷۵۳ = ۰.۰۱۲۳۶۳۶ \end{aligned}$$

در جواب — اعلم حساب (ماده : ۲۰۶) قاعده به توفیقاً

$$\frac{۲۳}{۹۹} = ۰.۲۳۲۳$$

$$\frac{۱۵۳}{۹۹۹} = ۰.۱۵۳۱۵۳$$

$$\frac{۹}{۱۱} = ۰.۸۱۸۱۸۱$$

$$\frac{۱۹}{۲۳} = ۰.۸۲۶۰۸۷$$

$$\frac{۱}{۱۱} = ۰.۰۹۰۹۰۹$$

$$\frac{۴۴۷}{۱۱۱۱} = ۰.۴۰۲۳۴۰۲۳$$

$$\frac{۸۲}{۴۹۵} = ۰.۱۶۵۶۵۰$$

$$\frac{۲}{۱۷۵} = ۰.۰۱۱۳۶۶$$

$$\frac{۱۷}{۱۳۷۵} = ۰.۰۱۲۳۶۳۶$$

$$\frac{۱۸۴۱۳۷}{۳۳۳۰۰۰} = ۰.۳۴۲۷۵۳۷۵۳$$

$$\frac{۳۸۵}{۴۸} = ۸.۰۲۰۸۳۳۳$$

$$300 \times 1000000 + 277777 + 240333 = 277777 - 240333 = 37744$$

صحیحہ تہی حساب ایتک مطلوب ہو؟

جواب: یہ بڑا دوری اولان کسور اتعاضہ پرینہ مولدی بولان کسر لوضع واصلاح اولندقدہ

$$\frac{34}{75} = \frac{34 \div 2}{75 \div 2} = \frac{17}{37.5}$$

$$304 \times 1000000 + 31076076 + 2142423 = 31076076 + 2142423 = 33218499$$

جواب: — سابقہ کی اجرای عمل اولندقدہ

$$= \frac{1911}{999990} + \frac{5760}{999} + \frac{419}{990} + 2$$

$$= \frac{1911 + 5760 \times 1000 + 419 \times 1000 + 2 \times 999990}{999990}$$

$$= \frac{1911 + 5760000 + 419000 + 1999980}{999990}$$

$$= \frac{1911 + 5760000 + 419000 + 1999980}{999990} + 7$$

$$= \frac{1911 + 5760000 + 419000 + 1999980}{999990} + 7$$

مواب — ابن وجهله اصلاح اولندقدہ نتیجہ عددیہ سی ۵۰۰۵
اولور .

۳۰۶ ایکی عدد اعشارینک $\frac{1}{10}$ خطا ایله خارج قسمت
تقریبیلری نصل حسب اب اولنور ؟ — تطبیقات : $\frac{1}{17}$ خطا ایله
 $\frac{82.07}{3.2}$ خارج قسمتی مطلوبدر ؟

مواب — بومستله یی برصورت عمومیه ده مطالعه ایتک اوزره
ب و ۷ ایله کوستریلان ایکی عدد اعشارینک $\frac{1}{10}$ خطا ایله خارج قسمت
تقریبیلری حساب ایتک دیک $\frac{1}{10}$ کسربنک $\frac{1}{7}$ کسرندہ الکزیاده داخل
اوله بیلدیکی عددی بولنی دیگدر. بناءً علیہ بو عدد س ایله اشعار اولندقدہ

$$\frac{1}{10} > \frac{1}{7} = \frac{1}{7} \text{ یاخود } \frac{1}{10} > \frac{1}{7} \text{ یاخود}$$

$$س > \frac{1}{7} = \frac{1}{7} \text{ یاخود } س > \frac{1}{7} \text{ یاخود}$$

بولدن قاعدہ آتیہ استحصال اولونور :

قاعده — ایکی عددک $\frac{1}{10}$ خطا ایله خارج قسمت تقریبیلری
بولق ایچون مقسوم $\frac{1}{10}$ مخرجیله ضرب و بوحاصل ضربک واحد
تقریب ایله مقسوم علیه ایله اولان خارج قسمتی تحری اولونور
وکسر تخمیننک $\frac{1}{10}$ مخرجی بو خارج قسمته مخرج اوله رق
یازیلور .

بناءً علیہ $\frac{1}{17}$ خطا ایله $\frac{82.07}{3.2}$ خارج قسمتی بولق ایچون بقاعده به
تطبیقاً مقسومی ۱۷ ایله ضرب ایتلی بعده ۸۳۱۵۷×۱۷

حاصل ضربنك واحد تقریبه ۳۱۲ اوزینه تقسیمندن ظهور ایدہ جك خارج قسمتی تحری ایلیدر. بو خارج قسمت ۴۴۳ اولدیفندن ۱۷ ایله تقسیم اولندقدہ $\frac{942}{17}$ یا خود $\frac{1}{17}$ ۲۶ اولور.

علاوه

۳۰۶ (مکرر) برطالب یا به جفی برتقسیمده حدلرک انتخابنده خطا ابتدکی و مقسومی مقسوم علیه اولق اوزره آلهرق عملیاتی اجرا ایتدکن صکره خارج قسمت اولهرق ۰,۶۵۸ کسری بولینی فرض اولنسه عجبا خارج قسمت حقیقی ندر؟

جواب — مادامکه طالب بو خطاسیله کسری عکس ایتمش دیمکدر احوالده بولینی خارج قسمت خارج قسمتی حقیقینک معکوسی اولور. بناء علیه ارانیلان خارج قسمت

$$\text{اولور.} \quad ۱۶۵۱۹۷ \text{ خطایله} \quad ۰.۰۰۰۱ = \frac{۱۰۰۰}{۶۵۸} = \frac{۱}{۰.۶۵۸}$$

۳۰۷ ۶۰۰ چاقی ایچون ۱۵۰۰ غروش ویرلدیکنه نظراً بهرچاقیده ۰,۱۵ غروش قازانلق اوزره دوزینه سنک فیائی ندر؟

جواب — ۶۰۰ چاقی ایچون ۱۵۰۰ غروش ویرلش اولدیفنه

نظراً برچاقینک فیثائی $\frac{۱۵۰۰}{۶۰۰} = ۲.۵$ غروش ایدر. بوحالده مفاد

مسئله موجبجه دوزینه سنک فیائی

$$\text{اولور.} \quad ۳۱۶۸۰ = ۱۲ \times (۰.۱۵ + ۲.۵)$$

۳۰۸ برسنه ۲۶۵,۲۴۲۲۴ کوندن عبارت اولدیفنه نظراً

مبايعه ايدين بر كمسيه بونريك نصفه داهسفه ۰,۴۵ و ديكر
نصفك ثلثي داهسني ۱ غروشه اولقي اوزره فروخت ايتمش
اولسه مومي اليك بوصاآشده ۱۷۰,۵۰ غروش قازانمش
اولديغنه نظراً ساتون الماش اولديني يومورطه عهدي ندر؟

جواب — ۶۰۰ يومورطه ساتش فياتي

$$۲۳۵ = \frac{۱ \times ۳۰۰}{۳} + ۰,۴۵ \times ۳۰۰$$

اولعه آليش فياتي

$$۱۸۰ = \frac{۶۰۰ \times ۳۰}{۱۰۰}$$

۶۰۰ يومورطه كي قازانچ ايسه

$$۵۵ = ۱۸۰ - ۲۳۵$$

ساتون النان يومورطه عهدي

$$۱۸۶۰ = \frac{۱۷۰۵۰ \times ۶۰۰}{۵۵}$$

اولور .

۳۱۹ بر عمله شكوندن عبارت بر آيذه هرگون مصرفي

ايچون عين مبالغ صرف و ۴ کون استراحت اينديديشكي معلوم

اولمسنه ويومي ۱۷,۵۰ غروش قازانديني و ۱۶۲,۵۰ غروش

تصرف ايد بيلمش اولديني اكلالشمينه نظراً مصرف يوميسي

ندر؟

جواب — عملہ نك برآیدہ چالیشدینی کونلردہ قزاندینی مبلغ

$$۴۵۵ = (۴ - ۳۰) \times ۱۷۱۵$$

اولسنہ نظراً یومی مصرفی

$$۴۵۵ = ۳۰ : (۱۶۲۱۵ - ۹۱۷۵) \text{ غروش اولور .}$$

۳۱۲ ساعتہ ۰,۰۱۸ کیلو غاز یاقان بر لامبہ نك

ہر آقشام ۳ ساعت ۲۰ دقیقہ اشعال اولندینی و ۱۰۸ کیلو

غازك ۸۱۰ غروش ایتدیگی معلوم اولسنہ نظراً ۳۰ کونلك

مصرف ندر ؟

جواب — لامبہ نك ۳۰ کون طرفندہ یاقدینی مدت مفاد مسئلہ

حکمنجہ ۳۰ دفعہ ۳ ساعت یعنی ۹۰ ساعت ایلہ ۳۰ دفعہ ۲۰ دقیقہ

مجموعندن عبارت اولوب حالبوکہ ۳۰×۲۰ دقیقہ $= ۶۰۰$ دقیقہ

ویا خود ۱۰ ساعت ارلدیفندن مدت مذکورہ

$$۹۰ + ۱۰ = ۱۰۰ \text{ ساعت}$$

وبو مدت طرفندہ کی غاز صرفیاتی ایسہ

$$۰,۰۱۸ \times ۱۰۰ = ۱,۸ \text{ کیلو اولور .}$$

برکیلو غازك فیاتی

$$۷۱۵ = \frac{۸۱۰}{۱,۸} \text{ غروش}$$

اولغلہ ۳۰ کونده کی غاز صرفیاتی

$$۷,۵ \times ۱,۸ = ۱۳,۵ \text{ غروش اولور .}$$

۳۱۳ ۱۰۰۰۰۰۰۰ مترویه مساوی بولنان ربع نصف النهار
ارضك فرانسه نك قدیم اولچولرندن ۵۱۳۰۷۴۰ توازی حاوی
اولدینی معلوم اولمسنه نظراً بر مترونك توازجه تیله و بر توازك
متروافاده سیله قیمتی ندر ؟

جواب — ۵۱۳۰۷۴۰ تواز ۱۰۰۰۰۰۰۰ مترویه معادل
بولند یغندن بر توازك قیمتی $\frac{۱۰۰۰۰۰۰۰}{۵۱۳۰۷۴۰} = ۱,۹۴۹$ مترو
۱ بونك کبی بر متروده
 $\frac{۵۱۳۰۷۴۰}{۱۰۰۰۰۰۰۰} = ۰,۵۱۳۰۷۴۰$ تواز اولور .

۳۱۴ ایکی طولدن کوچوکی کندیسندن ۳,۲۵ مترو فضله
اولان بویوکنك $\frac{۷}{۱۱}$ قسمنه مساوی اولدینی معلوم اولمسنه نظراً
بویکی طولك قیمتی ندر ؟

جواب — مادام که ایکی طولك کوچوکی بویوکنك $\frac{۷}{۱۱}$ قسمنه
مساویدر . بویکی طولك تفاضلی ده بویوکنك $\frac{۱۰}{۱۱}$ قسمنه مساوی اولور .
بنام علیه بویوکنك طولك $\frac{۱۰}{۱۱}$ قسمی ۳,۲۵ مترویه معادل اولدیغندن
ذکر اولنان ایکی طولدن بویوکی

$$۷ \times ۰,۱۶۵ = \frac{۲۱ \times ۳,۲۵}{۱۰} = \frac{۱۰}{۱۱} : ۳,۲۵$$

$$= ۴,۵۵ \text{ مترو}$$

و کوچوکی ایسه

$$۴,۵۵ - ۳,۲۵ = ۱,۳۰ \text{ مترو اولور .}$$

۳۱۵ مبرری ۱۱۲ لیتره یاغی حاوی ۷ واریل زیتون
یاغی مبیاعه اولندیغی و بونک ۱۰۰ کیلوسنه ۳۱۸ فرانک ویرلیدیکی
معلوم اولسنه و یاغک کیلوسی ۴,۲۵ فرانغه صاتیلوب هر واریلده
۵,۷۵ لیتره فیره براقیدینی کورولسنه نظراً برلیتره یاغک ۰,۹۱۵
کیلو فرضیه استحصال اولنان تمتع قیمتی ندر؟

مواب — بر واریلده بولنان یاغک وزنی

$$۰,۹۱۵ \times ۱۲۲ = ۱۱۱,۶۲۰ \text{ کیلو}$$

ومبیاعه اولنان یاغک کیلوسنک فیائی

$$\frac{۳۱۸}{۳۱۵} = ۳,۱۸ \text{ فرانک}$$

اولمغه بر واریلک مبیاعه فیائی

$$۳,۱۸۰ \times ۱۱۱,۶۲۰ = ۳۵۴,۹۸۳۴ \text{ فرانک اولور.}$$

بو حالده ۷ واریلک بدلی

$$۳۵۴,۹۸۳۴ \times ۷ = ۲,۴۸۴,۸۸۳۸ \text{ فرانک اولور.}$$

فیره دن ناشی هر واریلده

$$۱۲۲ - ۵,۷۵ = ۱۱۶,۲۵ \text{ لیتره}$$

یاغ صاتیلا جفنه بناءً جماعاً صاتیلان یاغ" مقداری

$$۱۱۶,۲۵ \times ۷ = ۸۱۳,۷۵ \text{ لیتره اولور.}$$

صاتیلان بویاغک وزنی ایسه

$$۰,۹۱۵ \times ۸۱۳,۷۵ = ۷۴۴,۵۰۸ \text{ کیلو}$$

اولسنه بناءً صاتیشک مجموع فیائی

$$۲,۴۸۴,۸۸۳۸ + ۷۴۴,۵۰۸ = ۳,۱۶۴,۴۶۹۵۲ \text{ فرانک اولور.}$$

استحصاى اولئان تمتع ايسه ساتش فيثايله آليش فيثاى
بينده كى تفاضلدن عبارت اولديندن

$$۶۷۹,۵۸۵۴۵ = ۲۴۸۴,۸۸۲۸ - ۳۱۶۴,۴۶۹۲۵ \text{ فراتق اولور.}$$

۳۱۶ بر بقال ۱۹۵۵ غروشه مقابل مساوى مقدارده
قهوه وشكر المق ايستر. شسكر ك كيلوسى ۶,۲۵ و قهوه نك
كيلوسى ۲۲,۵۰ غروشه اولديغنه نظراً بقالك بومبلغ ايله نقدر
شكر و قهوه آله بيله جكنك حسابى مطلوبدر ؟

مواب — بر كيلو شكر ايله بر كيلو قهوه نك فيثاى مجموعى

$$۶۷۲۵ + ۲۲۵۰ = ۲۸۱۷۵ \text{ غروش}$$

اولمله بر موجب مفاد مسئله بقال هر مالدين ۲۸۱۷۵ غروشك ۱۹۵۵
غروشده داخل اولدينى قدر يعنى

$$\frac{۱۹۵۵}{۲۸۱۷۵} = ۶۸ \text{ كيلو}$$

قدر آبر .

۳۱۷ بر قادين كونده بر چورابك $\frac{۲}{۳}$ قس حنى ادره بيلديكى
و كيلوسنى ۳۰ غروشه آلدينى يوكى استعمال ايدرك ۵ چوراب
اورمك ايجون يارم كيلو يوك صرف ايلديكى معلوم اولمسنه
نظراً بوجورابلىر هر چفتنى ۱۸ غروشه ساتدبنى فرضيله
هر كونكى قازانجى نه اولور ؟

مواب — مفاد مسئله حكمنجه ۵ چوراب اورمك ايجون يارم
كيلو يوك لازم اولسنه نظراً ۱۰ چوراب يعنى ۵ چفت ايجون بر كيلو

یوك كافی اولور . بوحسابه كوزره اشبو • چفت چوراب قادینه ۳۰
غروشه مال اولور دیمكدر .

بناءً علیه برچفت چورابك مالیت فیاتی

$$۶ = \frac{۳۰}{۵} \text{ غروش اولور .}$$

قادین چفتنی ۱۸ غروشه صاندینی حالده بهر چفتنده

$$۱۸ - ۶ = ۱۲ \text{ غروش قزانیر .}$$

حالبوکه مزبورده كونده برچورابك انحق $\frac{۲}{۴}$ یعنی برچفتك $\frac{۲}{۸}$ قسمی
اوره ییلدیکندن بوكا نظراً ۱۲ غروشك $\frac{۲}{۸}$ فی یعنی

$$۴,۵ = \frac{۳ \times ۱۲}{۸} \text{ غروش}$$

قزاندینی اكلاشیلیر .

۳۱۸ ایشله تیلان بر باقر معدنی اوجاغنده اخراجاك

$\frac{۱۲}{۱۰۰}$ قسم باقری حازی خام جوهرینك قطار اعشاریسی ۹۰

غروشه صاندینی ومعدنك استحصانده $\frac{۲۰}{۱۰۰۰}$ قسمی ضایع

ایدلیدی و بوندن ماعدا اوجاقده چالیشدیریلان عمله ومأمورین

معاشاتنك ومصارف سائرهنك بهر طونیلاتیه اصابت ایدن

مقداری ۴۲۵ غروشه بالغ اولدینی معلوم بولنسنه نظراً باقرك

اعشاری قطاری قاچه مال اوله جفتك تعیینی مطلوبدر ؟

هواب — رطونیلاته $= ۲۰$ قطار اعشاری ایتدیکندن

برقنطار خام جوهرده داخل بولنان معدنك مصارف اخراجیه می

$$۴۲,۵ = \frac{۴۲۵}{۱۰} \text{ غروش اولور .}$$

بناءً عليه برقطار خام جوهرایله استحصال اولدان باقرک مقدارى

$$۱۳۲۱۵ = ۴۲,۵ + ۹۰$$

غروشه مال اولور .

برقطار خام جوهرده بولنان باقرک وزى برقطارک $\frac{۱۲}{۱۰۰}$ قسمى اولوب حالبوکه مبدئى حين استحصالنده وزنك $\frac{۳۵}{۱۰۰}$ قسمى ضایع ایدلديکندن استحصال اولان مقدار

$$\frac{۹۶۵}{۱۰۰۰} = \frac{۳۵ - ۱۰۰۰}{۱۰۰۰} = \frac{۳۵}{۱۰۰۰} - ۱$$

کسرینه مساوى برقسمدن عبارت اولور .

برقطار خام جوهرک معامله سندن صکره برقطار باقرک $\frac{۱۲}{۱۰۰}$ قسمى $\frac{۹۶۵}{۱۰۰۰}$ جزئى يعنى برقطارک

$$\frac{۱۱۵۸}{۱۰۰۰۰} = \frac{۱۱۵۸۰}{۱۰۰۰۰۰} = \frac{۹۶۵}{۱۰۰۰} \times \frac{۱۲}{۱۰۰}$$

کسرینه مساوى برجزئى استحصال اولونمش اولور .

بومقدار باقر ايسه ۱۳۲۱۵ غروشه مال اولديغندن بوکا نظرآ برقطار باقرک ماليت فيأنى

$$\frac{۱۰۰۰۰ \times ۱۳۲۱۵}{۱۱۵۸} = \frac{۱۱۵۸}{۱۰۰۰۰} : ۱۳۲۱۵$$

$$۱۱۴۴۱۲۰ =$$

غروش اولور .

۳۱۹ بر آلايك مرتبات نظاميه سى ۱۷۴۶ فردن عبارت

اولدينى وهر نفرک تعيين يوميسى ۳۱۵ غرام اولوب ناهوجود.

لرک مقدار وسطيسى موجودك ۰,۰۷ قسمى درجه سنده بولندينى

معلوم اولسنه نظراً مذکور آلايك لحم جهتندن صرفیات سنویه سی ندر ؟ — ذبح اولنان اوکوزلرک ثقلت وسطیه سی ۵۵۰ کیلو اولدیفنه وقابل استعمال اولان ات وسطی اوله رق حیوانک ثقلت عمومیه سنک ۰,۵۸ جزئه مساوی بولندیغی معلوم اولسنه نظراً قاج اوکوز ذبحی اقتضا ایده جکنک ده بشقه جه حسابی مطلوبدر ؟

جواب — آلايك مرتبائی مکمل بولندیغی فرضیه ۱۷۴۶ نفرک صرفیات یومیه سی

$$۰,۳۱۵ \times ۱۷۴۶ \text{ کیلو}$$

اولسنه نظراً برسنه ده کی یعنی ۳۶۵ کونده کی صرفیات

$$۰,۳۱۵ \times ۱۷۴۶ \times ۳۶۵ \text{ کیلو اولور .}$$

مقداری وسطی اوله رق موجودک ۰,۰۷ جزئه مساوی اولان ناموجودلردن طولانی صرفیات مذکورهنک تناقص ایده جکی درکار بولندیغندن لحم صرفیاتنک کیلو جهتندن مقداری مرتبائیک دائماً مکمل وموجود فرضیه وقوعبوله جق صرفیاتک $\frac{۹۳}{۱۰۰}$ قسمنه مساوی اولور .

بناءً علیه

$$۰,۳۱۵ \times ۱۷۴۶ \times ۳۱۵ \times ۹۳ = \frac{۱۸۶۶۹۴۱۰۵۵}{۱۰۰} \text{ کیلو}$$

اولور .

برقنطار = ۱۰۰ کیلو اولدیفندن بوحالده صرفیات سنویه ۱۸۶۶,۹۴۱۰۵۵ قنطار اولور .

براوکوز علی الماده ۵۵۰ کیلو کلدیکنندن بونک برموجب مفاد

مسئله انجق $\frac{۵۸}{۱۰۰}$ قسمی یعنی $\frac{۵۸ \times ۵۵۰}{۱۰۰}$ کیلوسی قابل استفاده اولور .

بونتایجه نظراً ذکر اولنان آلايك لحم ایله تغذیه سی ایچون ذبح اولنقی لازم کلان اوکوزك عددی

$$۵۸۶ = \frac{۱۰۰ \times ۱۸۶۶۹۴,۱۰۵۵}{۵۸ \times ۵۵۰} \quad \text{اولور .}$$

۳۲۰ اقسام ساعت سکزده لیوندن حرکت ایدن برتره نك صباحلین ساعت ۱۰ ده پارسه مواصلت ایلدیکی و اقسام اونبرده پارسدن چیقان دیگر برتره نك دخی ایرتمی کونی وقت زوالدن صکره ۱ ساعت ۲۰ دقیقه ده لیون استاسیوننه داخل اولدینی و هرایکی شهر بیننده کی مسافه نك ۵۰۴ کیلو مترو ایدوکی معلوم اولسنه نظراً صوك ترمك دیگرینه هانکی ساعته ده لیون شهرندن نقدر مسافه ده ملاقی اوله جفنك تعیین مطلوبدر ؟

جواب — برنجی تره ن هرایکی شهر آره سنده کی مسافه یی ۱۴ ساعته ده وایکنجی تره ن ۱۴ ساعت ۲۰ دقیقه ده یعنی

$$۱۴ \text{ ساعت } \frac{۱}{۳} = \frac{۴۳}{۳} \text{ ساعته قطع ایلدیکندن}$$

$$\text{برنجینك سرعتی } \frac{۵۰۴}{۱۴} = ۳۶ \text{ کیلو مترو}$$

$$\text{ایکنجینك « } \frac{۳ \times ۵۰۴}{۴۳} = \frac{۷}{۴۳} \text{ کیلو مترو}$$

اولور .

برنجی تره ن ایکنجیدن ۳ ساعت اول حرکت ایله یکندن ایکنجی
تره نك حرکتی زمانده هرا یکجی آره سنده کی مسافه

$$۰.۰۴ - ۳ \times ۳۶ = ۳۹۶ \text{ کیلو مترو اولور .}$$

برساعتمه بو تره نلر $۳۶ + ۳۵ \frac{۷}{۴۳} = ۷۱ \frac{۷}{۴۳}$ کیلو مترو مسافه
قطع ایدرلر . ایمدی آره ده کی ۳۹۶ کیلو مترو مسافه یی قطع ایتک

$$\text{ایچون } \frac{۳۹۶}{۷۱ \frac{۷}{۴۳}} = \frac{۴۳ \times ۳۹۶}{۳۰۶۰} \text{ یعنی } ۵ \text{ ساعت } \frac{۴۸}{۸۵} \text{ مقتضی اولفله}$$

لیوندن حرکت ایدن تره نك دیگرینه حرکتندن $۸ \frac{۴۸}{۸۵}$ ساعت صکره
یعنی صبا حلین ۴ ساعت ۳۳ دقیقه ده ولیوندن

$$۳۰۸ = ۳۶ \times ۸ \frac{۴۸}{۸۵} \text{ کیلو مترو } ۳۲۹ \text{ مترو}$$

مسافه ده تصادف ایده جکی اکلا شیلیر .

تعلیم ۱۳

مترو اصولنه و علی العموم مقیاساته دائر تطبیقاتدر .

۳۲۱ برکیلو متروده قاج سانتیمترو واردر ؟

جواب — برکیلو مترو یا خود ۱۰۰۰ مترو ۱۰۰۰ دفعه ۱۰۰۰
سانتیمترویه یعنی ۱۰۰۰۰۰ سانتیمترویه معادلدر .

۳۲۲ برده قامترو یا بق ایچون قاج میلیمترو لازمدر ؟

جواب — برده قامترو یا خود ۱۰ مترو ۱۰ دفعه ۱۰۰۰

میلیمترویه یعنی ۱۰۰۰۰ میلیمترویه معادل اولدیفندن برده قاترو
یا بقی ایچون ۱۰۰۰۰ میلیمترویه احتیاج مس ایدر .

۳۲۳ برده قاترو قاج سانتیمترو ونقدر دسیمترو ایدر ؟

جواب — برده قاترو = ۱۰۰۰ سانتیمترو
= ۱۰۰ دسیمترو ایدر .

۳۲۴ آئیده کی عددلرک رقله یازلمسی و مترونک واحد
قیاسی اعتباریه جمع ایدملری مطلوبدر :

قرق درت مترو سکز سانتیمترو جواب : ۴۴۰۸ مترو
» ۵۲۰۷ الی ایکی ده قاترو بدی دسیمترو
» ۰۶۰۲۵ یتمش بش میلیمترو
» ۱۶۱۲۲ اوزالتی هکتومترو یوزیکرمی ایکی دسیمترو
» ۵۰۰,۸۰۹ الی ده قاترو سکزیوز طقوز میلیمترو
» ۳۰۰۰ اوچ کیلو مترو
» ۰,۱ بردسیمترو

۳۲۵ مترو واحد اصلی اعتباریه آئیده کی عددلرک
افاده و ترقیمی مطلوبدر :

۶۲ مترو ۲۵ میلیمترو جواب : ۶۲,۰۲۵ مترو
» ۶۸ ده قاترو ۷ دسیمترو » ۶۸۰,۷
» ۵۴,۸۲ سانتیمترو
» ۴ ۳۰۰ میریا مترو ۳ هکتومترو
» ۲۲,۲۰۱ دسیمترو ۱ میلیمترو

۳۲۶ کیلومترو واحد قیاسی اعتباریه آئیده کی عددلرک
افاده سی مطلوبدر :

۵۴ کیلومتر ۳۷ دسیمترو	جواب	۵۴,۰۰۳۷ کیلومتر
۵۴ میریامترو ۳۷ مترو	»	» ۵۴۰,۰۳۷
۵۴ دهقامترو ۳۷ سانتیمترو	»	» ۰۰۵۴۰۳۷
۵۴ هکتومترو ۳۷ دهقامترو	»	» ۵,۴۳۷

۳۲۷ برقاشك متروسی ۹,۸۰ فرانقه اولدیغه کوره اولادسیمتروسی ثانیاً سانتیمتروسی ثالثاً ۷۵ سانتیمتروسی ورابعاً ۷۵ دسیمتروسی قاجه کلیر ؟

جواب — بردسیمترو مترونك اونده برینه مساوی اولدیغندن فیائی بالطبع مترو فیأتنك اونده بری اولقی لازم کلهر بناء علیه

$$\frac{۹,۸۰}{۱۰} = ۰,۹۸ \quad \text{فرانق اولور.}$$

بوکا نظراً سانتیمتروسنك فیائی

$$\frac{۹,۸۰}{۱۰۰} = ۰,۰۹۸ \quad \text{فرانق}$$

و بناء علیه ۷۵ سانتیمتروسنك قیمتی

$$۷۵ \times ۰,۰۹۸ = ۷,۳۵ \quad \text{فرانق}$$

و ۷۵ دسیمتروسنك فیائی ده

$$۷۵ \times ۰,۹۸ = ۷۳,۵۰ \quad \text{فرانق}$$

یعنی ۷۵ سانتیمترو فیأتنك ۱۰ مثلنه مساوی اولور !

۳۲۸ برلوقوموتیف دقیقه ده ۸ هکتومترو ۹ ده قامترو ۴ مترو مسافه قطع ایلسه ثانیه ده کی سرعتی قاج متروایدیر ؟ —
۶,۵ ساعتده قاج کیلومترو مسافه قطع ایلر ؟

جواب — لو قوموتیک دقیقه ده قطع ایلدیک مسافه ۸۹۴ مترو اولدیفنه نظراً ثانیه ده قطع ایده جکی مسافه

$$\frac{۸۹۴}{۶۰} = ۱۴,۹ \text{ مترو}$$

وبناء علیه سرعتی ثانیه ده ۱۴,۹ مترو اولمش اولور .

۶۰۵ ساعتده $۶۰ \times ۶۰۵ = ۳۹۰$ دقیقه بولندیفندز .
قطع اولنان مسافه

$$۳۹۰ \times ۸۹۴ = ۳۴۸۶۶۰ \text{ مترو}$$

$$۳۴۸,۶۶ = \text{کیلو مترو اولور .}$$

۳۲۹ ۱۰۴۰۰۷۵ مترو قاج کیلومتر و ۹۲۵,۰۰۸۰۵
کیلو مترو قاج مترو ایدر ؟

$$۱۰۰۰ \div ۱۰۴۰۰۸۵ = \text{مترو } ۱۰۴۰۰۷۵$$

$$۱۰۴۰۰۸۵ = \text{کیلومتر}$$

$$۱۰۰۰ \times ۹۲۵۰۰۸۰۵ = \text{کیلومتر } ۹۲۵,۰۰۸۰۵$$

$$۹۲۵۰۰۸۰۵ = \text{مترو اولور .}$$

۳۳۰ ۵ لیتره حجمده برکوپدن برساتی لیتره حجمده کی
بارداق ایله قاج بارداق صو طولدیر یله بیایر ؟

جواب — کوبک جمی ۵ لیتره و بوده ۵۵۰ سانتیلتره
اولفله مذکور کوب برساتی لیتره حجمده بولنان بارداق ایله ۵۵۰
دفعه ده طولدیر یلور .

۳۳۱ انسانک خطوه عادی سی ۰,۸۰ مترو حساب

ایڈلیکنہ نظراً دقیقہ ۱۰۰ خطوہ یا بمق اوزرہ بریولجی ۴۰
کیلو مترو مسافہ بی قدر م تده قطع ایڈہ بیلیر ؟

جواب — مفاد مسئلہ موجبہ بر دقیقہ ۱۰۰ خطوہ
قطع ایڈلیکنہ

$$۸۰ = ۱۰۰ \times ۰.۸۰ \text{ مترو}$$

قطع ایڈر .

یولجی ۴۰ کیلو مترو مسافہ بی ۸۰ متروٹ ۴۰ کیلو مترو داخل
اولد بی قدر دقیقہ ظرفندہ قطع ایڈہ جکندن بومدتده

$$\frac{۴۰۰۰۰}{۸۰} = ۵۰۰ = ۸ \text{ ساعت } ۲۰ \text{ دقیقہ}$$

دن صارت بولنور . -

۳۳۳ برده قامترو مربعندہ قاج مترو مربی ، قدر
دسیمترو مربی و سانیتمترو مربی واردر ؟

جواب — علم حساب (ماده : ۲۱۳) موجبہ
۱ ده قامترو مربی = ۱۰۰ مترو مربی اولور .

مترو مربی ایسہ ۱۰۰ دسیمترو مربی حاوی اولدیفندن
برده قامترو مربی ۱۰۰ دفعہ ۱۰۰ یعنی ۱۰۰۰۰ دسیمترو مربی
معادل اولور .

کذلک برده قامترو مربی ۱۰۰ دفعہ ۱۰۰۰۰
یعنی ۱۰۰۰۰۰۰ سانیتمترو مربی معادل اولدیفندن

۱ ده قامترو مربی = ۱۰۰ مترو مربی
= ۱۰۰۰۰ دسیمترو مربی
= ۱۰۰۰۰۰۰ سانیتمترو

اولور .

۳۳۳ بر دسیمترو مربی قاج سانتیمترو مربی و نقدر
میلیمترو مربی ایدر ؟

جواب — ۱ دسیمترو مربی = ۱۰۰ سانتیمترو مربی
= ۱۰۰۰۰ میلیمترو »

اولور .

۳۳۴ بر مترو مربیك اونده برنده قاج سانتیمترو مربی
و نقدر میلیمترو مربی واردر ؟

جواب — علم حساب (ماده: ۲۱۳) حکمنجه بر مترو مربی
۱۰۰ دسیمترو مربی یا خود ۱۰۰۰۰۰۰ میلیمترو مربی اولدیفندن
مترو مربیك اونده بری = ۱۰ دسیمترو مربی
= ۱۰۰۰۰۰۰ میلیمترو مربی اولور .

۳۳۵ اوج متروده نقدر بش سانتیمترو واردر ؟

جواب — بر متروده ۲۰ عدد ۵ سانتیمتر و بولندیفندن
۳ متروده $3 \times 20 = 60$ عدد ۵ سانتیمتر بولور .

۳۳۶ آتیده کی عملیاتك اجرایی مطلوبدر :

(۱) ۲۱۵ کیلو مترو + ۴۵,۴ دهقامترو — ۳۷,۵ مترو

جواب — بوراده جمع و طرح اولنه جق عددلر اعداد متجانسه دن
اولدیفندن اول اسرده بولردن بریك و فرضا کیلو مترونك واحد
اعتباریله اعداد مذکور هك تحویلی اجرا اولندقه

$$۴۵۴ \text{ دهقامترو} = ۰.۱۴۵۴ \text{ کیلومترو}$$

$$۳۷۱۴ \text{ مترو} = ۰.۰۳۷۴$$

اولدیغندن اکاکوره یارلقدده

$$۲۱۵ \text{ کیلومترو} + ۰.۱۴۵۴ \text{ کیلومترو} - ۰.۰۳۷۴ \text{ کیلومترو}$$

اوله جفندن

$$\begin{array}{r} ۲۱۵ \\ + ۰.۱۴۵۴ \\ \hline ۲۱۵.۱۴۵۴ \\ - ۰.۰۳۷۴ \\ \hline ۲۱۵.۱۰۸۰ \end{array}$$

کیلومترو اولور .

$$(۲) ۳.۲۵ \text{ کیلومترو} - ۶.۳۲ \text{ هکتومترو} + ۴۶۰.۵$$

دهقامترو

هواب — بوراده دخی بالفرض دهقامترو نك واحد اعتباريله
سابق وجهله تحویلات اجرا اولندقدده

$$۳۲۵ \text{ کیلومترو} = ۳۲۵ \text{ ده قامترو}$$

$$۶۳۲ \text{ هکتومترو} = ۶۳۲$$

اولدیغندن بوکاکوره یازلقدده

$$۳۲۵ \text{ ده قامترو} - ۶۳۲ \text{ ده قامترو} + ۶۰۰.۵$$

اولفله عملیات مقتضیه بالاجرا

$$\begin{array}{r} ۳۲۵ \\ + ۴۶۰.۵ \\ \hline ۷۸۵.۵ \\ - ۳۲۵ \\ \hline ۴۶۰.۵ \end{array}$$

اولور م

ده قامترو

(۳) ۷,۲۴۵ دهقامترو — ۲۴ مترو ۱۵ میلیمترو

هواب — مترو واحد اعتباریله تحویلات اجرا اولندقدده

$$۷۲۴۵ \text{ دهقامترو} = ۷۲۴۵ \text{ مترو}$$

$$۲۴ \text{ مترو} ۱۵ \text{ میلیمترو} = ۲۴۱۰۱۵$$

اوله جفندن بوکا کوره یازلدقدده

$$۷۲۴۵ \text{ مترو} - ۲۴۱۰۱۵ \text{ مترو} = ۴۸۱۴۳۵ \text{ مترو یعنی}$$

۴ مترو ۴۳۵ میلیمترو اولور.

(۴) ۶۵ میریامترو ۶ دسیمترو — ۳ کیلو مترو ۵ دقامترو

۲۴۶ مترو

هواب — بوراده کیلومترو واحد اعتباریله تحویلات اجرا قلندقدده

$$۶۵ \text{ میریامترو} ۶ \text{ دسیمترو} = ۶۵۱۰۰۰۰۶ \text{ میریامترو} = ۶۵۱۰۰۰۰۶ \text{ کیلومترو}$$

$$۳ \text{ کیلو مترو} ۵ \text{ دقامترو} ۲۴۶ \text{ مترو} = ۳۱۵۲۴۶ \text{ کیلو مترو}$$

اوله جفندن بو تحویلاته نظراً

$$۶۵۱۰۰۰۶ \text{ کیلومترو} - ۳۱۵۲۴۶ \text{ کیلومترو} = ۶۴۶۷۴۷۶۰ \text{ کیلومترو}$$

$$= ۶۴۶۷۴۷۶ \text{ میریامترو اولور.}$$

(۵) ۳۶ هکتو مترو + ۴۲ دهقامترو ۱۸ سانتیمترو

— ۲۶۶,۳۲۵ مترو

هواب — هکتو مترو واحد اعتبار اولنه رق اکا کوره تحویلات

اجرا قلندقدده

$$۴۲ \text{ دهقامترو} ۱۸ \text{ سانتیمترو} = ۴۲۱۸ \text{ دهقامترو} = ۴۲۱۸ \text{ هکتومترو}$$

$$۲۶۶۳۲۵ \text{ مترو} = ۲۶۶۳۲۵ \text{ هکتومترو}$$

اوله جفندن بو تحویلاته کوره

۲۶ هکترو مترو + ۴۱۲۱۸ هکترو مترو - ۲۱۶۶۳۲۵ هکترو مترو
وبناء علیه

۳۶

+ ۴۱۲۱۸

۴۱۲۱۸

- ۲۱۶۶۳۲۵

۳۷۵۵۴۷۵ هکترو مترو اولور .

۳۳۷ بر مترو مربعك يوزده برنده قاج سانتيمترو مربعی

وارد ؟

جواب — بر مترو مربعی = ۱۰۰۰۰ سانتيمترو مربعی
اولديندن بر مترو مربعك يوزده برنده ۱۰۰ سانتيمترو مربعی بولمق
اقتضا ايدر .

۳۳۸ آتیده کی عددلری رقله وجهله سنی مترو مربعی

افاده سیله یازیکنز :

سکز مترو مربعی یکری ایکی سانتیمترو مربعی جواب ۸۱۰۰۲۲ مترو مربعی

» ۳,۲۸ » اوچ یوز یکری سکز دسیمترو مربعی

» ۷۰۸,۰۰۸۰ » بدی ده قمترو مربعی سکز مترو مربعی

سکسان سانتیمترو مربعی

» ۹۰۵۱۶,۲۰ » طنوز هکترو مترو مربعی الی بر بیک

التیوز یکری دسیمترو مربعی

» ۶,۱۰۸۵ » التمش بر بیک سکسان بش سانتیمترو مربعی

» ۰,۰۰۰۰۲۵ » یکری بش میلیمترو مربعی

۳۳۹ آتیده کی عددلری مترو مربعه تحویل ایتک

مطلوبدر :

۶۳	د قاترو مربی ۵۴۳	جواب ۶۳۰۰,۰۵۴۳	مترو مربی
۷۴۲۴۳	میلیمترو مربی	» ۰,۰۷۴۲۶۳	»
۰,۱۰۷۰۶۹۰۸	کیلو مترو مربی	» ۴۷۰۶۹,۰۸	»
۸۹	هکتو مترو مربی ۶۲۵	» ۸۹۰۰۰۰۰۶,۲۵	مترو مربی
۳۵۴۹	دسیمترو مربی ۱۲۳	» ۳۵,۴۹ ۱۲۳	»
۱	هکتو مترو مربی ۷	» ۱۰۰۰۰,۰۷۰۶۰	»
۲۰	میلیمترو مربی		

۳۴۰ آئیده کی عددك د قاترو مربی تحویلی مطلوب بدر:

۳	مترو مربی ۱۵	دسیمترو مربی	جواب ۰,۰۳۱۵۱۸	د قاترو مربی
۱۸	سانتیمترو مربی			
۴۶۷	مترو مربی	» ۴,۶۷	»	
۲۵	میلیمترو	» ۰,۰۰۰۰۰۰۰۲۵	»	
۷۵	هکتو مترو مربی ۲۸۴۲	» ۷۵۰۰,۰۰۲۸۴۲	»	
	سانتیمترو مربی			
۱۳ ۵	هکتو مترو مربی	» ۰,۱۳۲۵	»	
۶۳۰	مترو مربی ۵۴۰۱	» ۶,۳۰۰۰۰۵۴۰۱	»	
	میلیمترو مربی			
۱۶۵۴۳۲	دسیمترو مربی	» ۱۶,۵۴۳۲	»	

۳۴۱ ۱۲ دقیقه ده بر کیلو مترو مسافه قطع ایدن بر آدك
یومی ۸ ساعت یول آله بیلدیکنه نظراً نصف النهار ارضی
نقدر مدتده قطع ویر ایده بیله جکدنك حسابی مطلوب بدر ؟

جواب — مفا مسئلہ - کمنجہ نو آدم ساعتہ $\frac{5}{11} = 5$ کیلومترو
مسافہ قطع ایدہ جکن یومی $5 \times 8 = 40$ کیلو مترو
پول آلیر . بناءً علیہ نصف النهار ارضی قطع ایچون صرف
ایہ جکی زمان

$$1000 = \frac{4000}{4} \text{ کون اولور .}$$

۳۴۲ $\frac{1}{11}$ مقیاسندہ برخریطہ ده اولاً ۱ سانتیمترو ۵
ایله کاغد اوزرندہ کوستریلان طولک ثاباً سطح زمینده ۲۵
کیلومترواتی برطولک خریطہ اوزرینہ نقلندہ بومقیاسہ کورہ
قیمتی ندر ؟

جواب — $\frac{1}{11}$ کمری طول حقیقینک رسمده کندینی اراءہ
ایدن خطدن ۱۲۵۰ دفعہ بویوک اولدیننی بیلدیردیکدن بوکا نظراً

$$1875 = 1250 \times 1,5 \text{ سانتیمترو}$$

وسطح زمینده ۲۵ کیلومترویی اراءہ ایدہ جک طرلک دخی خریطہ
اوزرینہ نقلندہ

$$20 = \frac{25000}{1250} \text{ مترو}$$

دن عبارت اوله جنی اکلا شیلور .

۳۴۳ یارم دقیقه ده ۱۵ میل مسافہ قطع ایدن واپوک
برکوندہ قطع ایدہ جکی مسافہ نک میل بحری وکیلومترو افاده سیله
قیمتی ندر ؟

جواب — واپور ، دقیقه ده

$$۹۰ \text{ مترو } ۴۶۲ = ۲ \times ۱۵ \times ۱۵,۴۳$$

مسافه قطع ایلر. حالبوکه برکونده

$$۱۴۴۰ = ۲۴ \times ۶۰ \text{ دقیقه}$$

بولندیفته بناء واپورک برکونده قطع ایده جکی مسافه

$$۹۰,۴۶۲ \times ۱۴۴۰ = ۶۶۶۵۷۶ \text{ مترو}$$

و امیل بحری = ۱۸۵۲ مترو اولدیفندن

$$\frac{۶۶۶۵۷۶}{۱۸۵۲} = ۳۶۰ \text{ میل بحری اولور.}$$

تنبیه — طوغریدن طوغری به میلک طولی حساب ایدلک صورتیه
بخی عین نتیجه به واصل اولونور. فی الحقیقه نصف النهار ارضی
۴۰۰۰۰۰۰۰ مترو اولدیفندن

$$\frac{۴۰۰۰۰۰۰۰}{۳ \times ۲۰ \times ۳۶۰} = ۶۶۶۶۶۶ \text{ مترو } \frac{۲}{۳} \text{ اولور.}$$

۳۴۴ رمترو مربعهده داخل اولان اولاً : بالجمله دسیمترو
مربعلری ثانیاً سائیمترو مربعلری ثالثاً میلیمترو مربعلری
اوج اوجه کتیرلسه حصوله کله جک طول ندر ؟

جواب — مفاد مسئله به توفیقاً

$$\text{اولاً } ۱۰ = ۱۰۰ \times ۰,۰۱ \text{ مترو}$$

$$\text{ثانیاً } ۱۰۰ = ۱۰۰۰۰ \times ۰,۰۰۱$$

$$\text{ثالثاً } ۱۰۰۰ = ۱۰۰۰۰۰۰ \times ۰,۰۰۰۰۱$$

وبناءً علیه طول مطلوب

$$۱۰ + ۱۰۰ + ۱۰۰۰ = ۱۱۱۰ \text{ مترو یعنی } ۱,۱۱۰ \text{ کیلومترو اولور.}$$

۳۴۵ آر ایله دسیمترو مربی وسانتیار ایله مترو مربی
آره سنده نه فرق وارد ؟

جواب — آر دسیمترو مربیك معادلی اولدیغی کبی سانتیار
دخی مترو مربیغه مساویدر . آر ایله سانتیار یالکز اراضی و حالبوکه
دیگرایکی تعبیر سائر سطحلرک مساحه سده مستعملدر .

۳۴۶ $4\frac{1}{4}$ مترو طولنده و $3\frac{7}{8}$ مترو عرضنده و $2\frac{1}{4}$ مترو
ارتفاعنده بولان رصالون دیوارینی $\frac{2}{3}$ مترو کنیشلکننده برقیش
ایله قابلامغ مأمور طایبیره ۱۲,۵۰۰ مترویی حاوی طوبدن قاج دانه
لازمدر ؟

جواب — دیوارلرک طولی

$$16\frac{1}{4} = 2 \times (3\frac{7}{8} + 4\frac{1}{4}) \text{ مترو}$$

اولسنه نظراً قماش قابلامغ جق سطح

$$16\frac{1}{4} \times 40\frac{0}{8} = 2\frac{1}{4} \times 16\frac{1}{4} \text{ اولور .}$$

قماش طوپنك سطحی ایسه مفاد مسئله حاکمه

$$12\frac{1}{2} \times \frac{2}{3} = 7\frac{1}{4} \text{ مترو مربی}$$

اولسنه بناءً طایبیرک استعمال یددجکی طوب عددی

$$40\frac{0}{8} : 7\frac{1}{4} = 5\frac{0}{14} \text{ اولور .}$$

۳۴۷ $\frac{2}{3}$ مترو کنیشلکننده بولنان قماشلق بوروجکک
متروسی ۳ فراق اولدیغنه نظراً مترو مربی قاجه کلیر ؟

جواب — بوروجکک $\frac{3}{4}$ مترو کنیشلاکنده بولمسنه نظراً برمترو طولك سطحی

$$\frac{3}{4} = \frac{3}{4} \times 1 \text{ مترو مربعی}$$

وبنا برین مترو مربعك فیاتی

$$\frac{4 \times 3}{3} = 4 \text{ فرانق ایدر.}$$

۳۴۸ $\frac{3}{4}$ مترو بوینده و $\frac{5}{4}$ مترو کنیشلاکنده بولان

برمطبخ زمینہ ۲۴ سانتیمترو بوینده و ۱۲ سانتیمترو عرضنده
قرمزی طوغله فرش ایدلك استللاکینه نظراً بوطر غلهك
حین نقلنده یوزده اونی قیریلہ جنی فرضیلہ نقدر طوغله مباحہ
ایدیلہ جککك حسابی مطلوبدر ؟

جواب — زمینك سطحی

$$6175 \times 5,00 = 37,125 \text{ مترو مربعی}$$

وبر طوغله " سطحی

$$00224 \times 0,12 = 00288 \text{ مترو مربعی}$$

اولسنه بناءً بر موجب مفاد مسئله مطبخ زمینہ بوسطحده طرغله دن
دوشه مك ایچون

$$1290 = \frac{37125}{00288} \text{ طوغله}$$

اقتضا ایلدیکی اکلاشیلور.

په زده اوڼی قیریه جق فرضی تقدیرنده

$$طوغله \quad ۱۴۱۹ = \frac{۱۰ \times ۱۲۹۰}{۱۰۰}$$

مبايعه ايدلك لارم كلير .

۳۴۹ برصاؤنك داخلې ۶,۵۰ مترو طولنده و ۵,۴۰ مترو عرضنده و ۳,۸۰ ارتفاعنده بولنوب ۲ قېوايله ۲ پنجره سی اولسه قېولردن هر برينك مساحه سی ۲,۵۰ × ۱,۲۰ و پنجره لرك مساحه سی ۲ × ۱,۵۰ اولديغنه نظراً نفریش اوله جق سطحك مساحه ی مطلوبدر ؟

هواب — بالجه دیوارلر سطحی

$$۴۴ \text{ دسیتمرو مربی} = ۳,۸۰ \times ۲ \times (۵,۴۰ + ۶,۵۰)$$

اولوب ایکی قېو سطحی

$$۲,۵ \times ۱,۲ \times ۲ = ۶ \text{ مترو مربی}$$

وايکی پنجره سطحی

$$۲ \times ۱,۵ \times ۲ = ۶ \text{ مترو مربی}$$

وبناءً علیه اخراج اوله جق سطحلر ۶ + ۶ = ۱۲ مترو مربی اولمه نفریشی اقتضا ایدن سطح

$$۹۰,۴۴ - ۱۲ = ۷۸ \text{ مترو مربی} \quad ۴۴ \text{ اولور .}$$

۳۵۰ طولی ۵ ساتیمترو قېصه برمساحه زنجیری ایله مستطیل شکلنده برعرصه مساحه اوله رق ۳ هکتار ۹۶ آر

و ۱ سایدیار بولند یغنه نظراً مذکور عرصه‌ك سطح حقیقی
ندو؟

مرباب — ضامی — مساحه و تجربینك طولنه مساوی بر مربع سطحی
مساحه اولند قدده بولنان سطح $10 \times 10 = 100$ مترو مربی اولور .
حالبوکه سطح حقیقی $9,95 \times 9,95 = 99,0025$ مترو
مربی اولد یفندن بوا یکی سطح بیننده کی فرق
۱ . $99,0025 = 99,975$ مترو مربی اولور .

ایمدی بولنان سطح $396,01$ دسیمترو مربی اولوب بوده برنجی
مربع مفروضه مساوی $396,01$ سطحنده مربی لردن متشکل عدو اعتبار
اولنه جفندن مساحه ده ایدیلان خطا

$99,975 \times 396,01 = 395,019975$ مترو مربی اولور .
بناءً علیه عرصه‌ك سطح حقیقی

$395,019975 = 3,9206$ هکتار
اولش اولور .

بومسئله وجه اتی اوزره دخی چل اولنه بیلیر :

مساحه اولنان مستطیلک ابعادی ایله مستطیلک ابعاد حقیقیه سی
بیننده کی نسبت $\frac{99,975}{100}$ نسبتنده بولنور . ایمدی علم همدسه معلوماته
نظراً اشکال متشابه سطحی اضلاع متشابه لریک مربی لریله
متناسب اولد یفندن ذکر اولنان عرصه‌ك سطح حقیقی

$$396,01 \times \frac{(99,975)^2}{(100)^2} = 3,9206 \text{ هکتار اولور .}$$

۳۵۱ آتیده کی عددلری مترو مکعبه نظراً رقله یازیکنز :

۹ مترومکبی ۲۳۵ دسیمترو مکبی ۲۷ سانتیمترو مکبی

جواب : ۹,۲۳۵۰۱۷ مترومکبی

۷ دسیمترو مکبی ۳۲۳۲ میلیمترو مکبی

جواب : ۰,۰۰۷۰۰۲۲۲۲ مترومکبی

۱۳ دسیمترو مکبی جواب ۰,۰۱۳ مترومکبی

۱۳ سانتیمترو مکبی » ۰,۰۰۰۰۱۳

۱۳ میلیمترو مکبی » ۰,۰۰۰۰۰۰۰۱۳

۴۳۷ سانتیمترو مکبی ۷۰ میلیمترو مکبی

جواب : ۰,۰۰۰۴۳۷۰۷۰ مترومکبی

۳۵۲ آئیده کی عددلری مرتبه لربنه نظراً افاده ایدیکر :

۹,۲۶۸ مترومکبی جواب ۹ مترومکبی ۲۶۸ دسیمترومکبی

۱۷,۳۴۷۲ » مکبی ۱۷ مترومکبی ۳۴۷ دسیمترومکبی ۲۰۰ سانتیمترومکبی

۰۰۰۶ مترومکبی » ۶۰ دسیمترو مکبی

۳۷,۵۴۳۸۷ مترومکبی » ۳۷ مترومکبی ۵۴۳ دسیمترومکبی

۸۷۰ سانتیمترو مکبی

۶۰۹ مترومکبی » ۶ مترومکبی ۹۰۰ دسیمترومکبی

۲۵۰۰۱۷۲۰۴ مترومکبی » ۲۵ مترومکبی ۱۷ دسیمترومکبی

۲۰۴ سانتیمترو مکبی

۰۰۰۰۰۰۰۶۰۳ مترومکبی » ۶ سانتیمترومکبی ۳۰ میلیمترو مکبی

۳۵۳ آئیده کی عددلری دسیمترو مکعبنه تحویل ایدیکر :

۳۵۴ مترو مکبی ۷۲ دسیمترومکبی

جواب : ۳۵۴۰۷۲ دسیمتر و مکعبی

۱۰ متر و مکعبی ۵۴۳۸ سانتیمتر و مکعبی

جواب : ۱۰۰۰۵۱۴۳۸ دسیمتر و مکعبی

۴۷۸۵۴۳ سانتیمتر و مکعبی

جواب : ۴۷۸۵۴۳ دسیمتر و مکعبی

۳۵۵ ۱۰ - تر قاج متر و مکعبه معادلدر ؟

جواب — برآستر برمتر و مکعبندن عبارت ارلدیفندن

۱۰ استر = ۱۰ متر و مکعبی اولور .

۳۵۶ برهکتو ایتره د قاج ساتی ایتره ؛ متر و مکعبنک

اونده و یوزده برندن تقدیر واردر ؟

جواب — عام حساب (ماده : ۲۲۷) موجبنجه

۱ هکتو لیتره (۱۰۰ لیتره) = ۱۰۰ دفعه ۱۰۰ سانتی لیتره

= ۱۰۰۰۰ سانتی لیتره اولور .

برهکتو لیتره ده متر و مکعبنک اونده برندن ، یوزده برندن تقدیر

بولدیفنی اکلامق ایچون

۱ هکتو لیتره = ۱ متر و مکعبی = ۱۰۰ متر و مکعبی

اولدیفنی ملاحظه اولندقه

برهکتو لیتره نك متر و مکعبنک اونده برینه معادل اولدیفنی و متر و

مکعبنک یوزده برندن ۱۰ جزئی حاوی ایدوکی تبین ایدر .

۳۵۷ اشاغیده کی عددلری هپ لیتره یه کوره رقله یازیکنز :

۴۴,۰۸	لیتره	جواب	فرق درت لیتره سکز ساتی لیتره
» ۵۵۰,۷	»	»	المی بش ده قالتره یدی دسیلیتره
» ۰,۶۱	»	»	۶۱ ساتی لیتره
» ۰,۰۱	»	»	برساتی لیتره
» ۷۲۹,۴۰	»	»	یدیوز یکرمی طفوز لیتره فرق ساتی لیتر

۳۵۸ ده قالتره واحد ارلدیفنه کوره اشاغیده کی عددلری یازیکنز :

۴,۷۰۲	ده قالتره	جواب	۴۷ لیتره ۲ ساتی لیتره
» ۶۰,۰۷	»	»	۶۰ ده قالتره ۷ سیلیتره
» ۰,۶	»	»	۹ لیتره
» ۰,۶۹	»	»	۹۹ دسیلیتره
» ۲۳۶۵	»	»	۲۳۵ لیتره
» ۱۰۰۶۱۱	»	»	۱۰۰۶۱۱ لیتره

۳۵۹ اشاغیده کی عددلری متر مکعبنه تحویل ایدیکنز :

۵۱۴۷۰	متر مکعبی	جواب	۵۴۷۰ لیتره
» ۲۱ ۰۰	»	»	۲۱ هکتولتره
» ۳۶۱۷۵۰	»	»	۳۶۷۵ ده قالتره
» ۰ ۰۰۰۰۲۹	»	»	۲۹ ساتی لیتره
» ۰۰۰۰۰۰۰۴	»	»	۰۰۰۴ لیتره

۳۶۰ آتیده کی عددلری لیتره یه تحویل ایدیکنز :

۰۰۰۰۹	متر مکعبی	جواب	۹ لیتره
» ۶۷۵۶۳	»	»	» ۶۷۵۶۳
» ۳۰۵	»	»	۳۰۵ دسیلتره مکعبی

» ۰۰۷۳۲	»	۷۳۲ سائیمترو مکعبی
» ۰۰۸۳۷	»	۰۰۰۰۸۳۷ مترو مکعبی

۳۶۱ آئیده کی عملیاتی اجرا و نتایجی مترو مکعبه کوره
افاده ایدیکنز :

(۱) ۷ مترو مکعبی ۲۴ دسیمترو مکعبی + ۶۳۲ دسیمترو مکعبی
۴ سائیمترو مکعبی

مهراب — بو عملیاتده اول امرده ویریلان عددلر مترو مکعبه
تحویل ایدملی بده اعداد اعشاریه چی کی جمع اولملیدر نتایج مستحصله
مترو مکعبدن عبارت اولور . بناءً علیه

$$\begin{array}{r}
 ۷۰۰۲۴ \\
 + ۰۰۶۳۲۰۰۴ \\
 \hline
 ۷۰۶۵۶۰۰۴
 \end{array}$$

مترو مکعبی اولور .

(۲) ۳۴۷ دسیمترو مکعبی + ۶۰۱ سائیمترو مکعبی

مهراب — افاده مذکوره وجه اتی اوزره جمع اولدوقده
۳۴۷ دسیمترو مکعبی + ۶۰۱ سائیمترو مکعبی

$$= ۳۴۷,۶۰۱ \text{ دسیمترو مکعبی}$$

$$= ۳۴۷,۶۰۱ : ۱۰۰۰ = ۰,۳۴۷۶۰۱ \text{ مترو مکعبی}$$

اولور .

(۳) ۰,۸۴۷ مترو مکعبی — ۲۵ میلیمترو مکعبی

مرباب — اول امرده مترو مکعبی سانتیمتر مکعبه تحویل
اوله رق بعده طرح عملیاتی یاپلده

$$\begin{array}{r} ۸۴۷۰۰۰ \\ - \quad ۰,۰۲۵ \\ \hline ۸۴۶۹۹,۹۷۵ \end{array}$$

سانتیمتر مکعبی اولور .

بناءً علیه
۰,۸۴۷ مترو مکعبی — ۲۵ میلیمتر مکعبی = ۸۴۷۰۰۰ سانتیمتر
مکعبی — ۰,۰۲۵ سانتیمتر مکعبی

$$\begin{array}{r} ۸۴۶۹۹,۹۷۵ = \\ \hline ۱۰۰۰۰۰۰ \end{array}$$

$$۰,۸۴۶۹۹۹۷۵ = \text{مترو مکعبی}$$

اولور .

(۴) ۲۵ مترو مکعبی ۸۸ سانتیمتر مکعبی — ۰,۱۷
مترو مکعبی

مرباب — افاده مد کوره وجه اتی اوزره یازیله رق

$$\begin{array}{r} ۲۵,۰۰۰۰۸۸ \\ - \quad ۰,۱۷ \\ \hline ۲۴,۸۳۰۰۸۸ \end{array}$$

مترو مکعبی اولور .

۲۶۲ ۹۶ مترو مکعبی حجمده بولنان بر دیوارک نشاسی
ایچون قاج طوغله لازمدر ؟ — طوغله نک جمی ۲۳۲۰ سانتیمتر
مکعبی فرض اولمشدر .

مرباب — استعمال اوله جق طوغله نک عددی ۹۶ مترو مکعبی
۲۳۲۰ سانتیمتر مکعبی اوزرینه تقسیمدن ظهور ایدم چک خارج

قسمتہ مساوی اولہ جفندن اولقدر مترو مکعبنک سانتیمترو مکعبنہ تحویلہ

$$\text{طوغلہ} \quad 41385 = 2320 : 96000000$$

لازم اولدینی تظاهر ایدر .

۲۶۳ ۷۵ ساتی لیترہ حجمندہ برشیشہ یه ۲,۵ سانتیمترو
مکعبی حجم استیہایسندہ بولنان یوکسوک ایلہ صو طولدیرلق
ایستلیدیکی معلوم اولسنہ نظراً بوشیشہ نک طولسی ایچون قاج
یوکسوک طولوسی صو دوکولک لازم ر ؟

مرباب — وجهاتی اوژره مطالعہ اولندقدہ

$$215 \text{ سانتیمترو مکعبی} = 215000 \text{ دسیمترو مکعبی} = 215000000 \text{ لیترہ}$$

$$75 \text{ ساتی لیترہ} = 7500 \text{ لیترہ}$$

یازلفلہ شوحالده ارانیلان عدد 7500 لیترہ نک 215000 لیترہ ایلہ
تقسیمی بیجاسندن عبارت اولہ جفندن

$$\text{اولور} \quad 300 = \frac{7500}{215000}$$

۳۶۴ ۱۵۸ مترو مکعبی حجمندہ برصهرنجدن یومی ۷,۵
لیترہ حجمندہ بولنان قوغه ایلہ ۹۶ قرغہ صو الندینی معلوم اولسنہ
نظراً بوصهرنجک قاج کونده بوشالتیلہ جنی مطلوبدر ؟

مرباب — مفاد مسئلہ حکمجه برکونده صهرنجدن ۹۶ دفعہ
۷,۵ لیترہ یعنی $7,5 \times 96 = 720$ لیترہ
صوآلنور .

صهرنج بوشالتیلہ بیامک ایچ ون صرف اولنہ جنی ایام عددی

۷۲۰ لیتره نك ۱۵۸ مترو مكشیده یعنی ۱۵۸۰۰۰ لیتره ده داخل
اولدنی عدد مساوی اوله جفتدن

$$158000 \mid 720$$

$$219 = \frac{15000}{720} \text{ و بناءً عليه } \begin{array}{r} 140 \\ 680 \\ 320 \end{array}$$

اولسنه بناءً صهرنجك ۲۱۹ كونده بوشالتيله جفی ومع مافیه بوكون
ختماننده ایچنده ۳۲۰ لیتره ه صوقاله جفی اكلاشیلور .

۳۶۵ بر حوضه صو ویرن اوچ بورودن برنجیسی دقیقه ده
۳ لیتره وایکنجیسی ۵ دقیقه ده ۱۲ لیتره و اوچنجیسی ۱۶
دقیقه ده یارم هكتو لیتره صو ویردیکی و بو اوچ بورودن بردن
صوكلدیکی حالده حوضك ۱۰ ساعتده طولدی بی معلوم اولسنه
كوره اشبو حوضك متره مكبی افاده سیله وسعت حجمیه سی
مطلوبدر ؟

هواب — ایکنجی بورو ۵ دقیقه ده ۱۲ لیتره صو ویردیکندن
بر دقیقه ده ویردیکی صو مقداری
 $2,4 = \frac{12}{5}$ لیتره
یه مساوی اولور .

اوچنجی بورو ایسه ۱۶ دقیقه ده یارم هكتو لیتره یعنی ۵۰ لیتره
صو ویردیکندن بر دقیقه ده

$$3,125 = \frac{40}{16} \text{ لیتره}$$

صو دوكر .

برحاله بردقیقه ده از چ بوروک - حوضه دو که جکی صو یک مقداری

$$۳ + ۲۱۴ + ۳۱۱۲۵ = ۸۱۵۲۵ \text{ لیتره اولور.}$$

۱۰ ساعتده یعنی ۱۰ دفعه ۶۰ دقیقه ده حوضه دو کوله جک
صو یک مقداری

$$۸۱۵۲۵ \times ۶۰۰ = ۵۱۱۵ \text{ لیتره}$$

اولفله حوضک و - ت جمیه ی

$$۵۱۱۵ \text{ لیتره} = ۵۱۱۵ \text{ دسیمتره مکبی} = ۵۱۱۵ \text{ مترو مکبی}$$

اولش اولور .

۳۶۶ برکیلو غرام قاج ده قاغرام ، نقدر دسیغرا و نمقدار

میایغرام ایدر ؟

هراب — برکیلو غرام ۱۰ هکتو غرامه معادل ارلدیفدن
برکیلو غرام = ۱۰ دفعه ۱۰ دقاغرام = ۱۰۰ ده قاغرام اولور .
برکیلو غرام = ۱۰۰۰ غرام = ۱۰۰۰ دفعه ۱۰ دسیغرام
= ۱۰۰۰۰ دسیغرام

بکذلک

۱ کیلو غرام = ۱۰۰۰ × ۱۰۰۰ میایغرام = ۱۰۰۰۰۰۰ میایغرام
اولور .

۳۶۷ برهکتو غرام نقدر غرام وقاج ساتیغرام و نمقدار

بیایغرام ایدر ؟

هراب — علم حساب (ماده : ۲۲۲) موجینجه

$$\begin{aligned} ۱ \text{ مکترو غرام} &= ۱۰۰ \text{ غرام} \\ ۱۰۰ \text{ دفعه} &= ۱۰۰ \text{ سانتیگرام} \\ ۱۰۰ \text{ دفعه} &= ۱۰۰۰ \text{ میلیگرام} \end{aligned}$$

اولفله

$$\begin{aligned} ۱ \text{ مکترو غرام} &= ۱۰۰ \text{ غرام} = ۱۰۰۰۰ \text{ سانتیگرام} \\ &= ۱۰۰۰۰۰ \text{ میلیگرام} \end{aligned}$$

۳۶۸ آتیئدمی عددلری غرامه نسبت ایدرک رفه یازیکنز :

الی سکر غرام ایکی میلیگرام	هواب	۵۸۰۰۰۲	غر
قرق ده قاغرام دوقوز دسیگرام	»	۴۰۰۰۹	»
یتش : سانتیگرام	»	۷۱	»
۳ کیلو غرام ۵۰ غرام	»	۳۰۵۰	»
بر میلیگرام	»	۰۰۰۰۱	»
برطون	»	۱۰۰۰۰۰۰	»
اوچ قنطار یکرمی نش ده قاغرام	»	۳۰۰۲۵۰	»

۳۶۹ ۵,۶۵ لیتره صویک وزنی ندر ؟

هواب — بر سانتیمترو مکبی صویک وزنی ۱ غرام اولسه
 بناءً ۱۰۰۰ سانتیمترو مکبی ویاخود بردسیمترو مکبی یعنی رایتره
 صویک وزنی ۱ کیلو غرام اولور . بوکا نظراً
 ۵,۶۵ لیتره صویک وزنی ۵,۶۵ کیلو ویاخود ۵۶۵۰
 غرام اولور .

۳۶۰ ۲,۰۴۵ کیلو صویک حجمی ندر ؟

هواب — برغرام برسانیمترو مکعبی صویک وزنی اولدیفندن
۲۰۴۵ غرام دخی ۲۰۴۵ سانتیمترو مکعبی یعنی ۲۰۰۴۵ دسیمترو
مکعبی جمندن تعبیر آخرله ۲۰۰۴۵ لیتره دن عبارت بولنور .

۳۷۱ ۵,۲۵ غرام صویک حجمی ندر ؟

هواب — حجم مطلوب

۵۱۲۵ سانتیمترو مکعبی = ۰۰۰۰۵۲۵ دسیمترو مکعبی

= ۰۰۰۰۵۲۵ لیتره در .

۳۷۲ ایچی زیتون یاغی ایله طولوبر فوجینک حجمی ۲۲۵
لیتره وبوش ایکن وزنی ۶۳,۵ کیلو ویاغک کثافتی ۰,۹۲
اولدیفنه نظراً مذکور فوجینک مجموع وزنی نه اولور ؟

هواب — زیتون یاغنک کثافتی ۰,۹۲ اولدیفنه نظراً برلیتره
زیتون یاغی ۰,۹۲ کیلو کلیر . بناءً علیه ۲۲۵ لیتره نك وزنی

$$۰,۹۲ \times ۲۲۵ = ۲۰۷ \text{ کیلو غرام}$$

اوله جمندن فوجینک مجموع وزنی

$$۲۰۷ + ۶۳,۵ = ۲۷۰,۵ \text{ کیلو غرام اولمش اولور .}$$

۳۷۳ ۳ هکتار ۱۵ سانتیار وسعتنده بولنان برعرصه
۱۳۵۰۰۰ غروشه طویدن مبايعه ایدلمش اولوب بونك بالاخره
پارچه پارچه فروختنده بهر آرده ۸۵ غروش قازانلق ایچون
مترو مربعی قاچه ساتلیدر ؟

• جواب — علم حساب (ماده : ۲۱۶) موجبجه

۳ هكتار ۱۵ سانتيار = ۳۰۰۱۵ مترو مربعی

اولدیفندن برمترو مربعنك مبايعه فیثاتی

$$۱۳۵۰۰۰ = \frac{۱۳۵۰۰۰}{۳۰۰۱۵} \text{ غروش اولور .}$$

بهر آرده یعنی ۱۰۰ مترو مربعنده ۸۵ غروش قازانلسی مفاد مسئله حکمنده بولندیفندن بونك برمترو مربعنه اصابت ایدن قسمی

$$۰.۸۵ = \frac{۸۵}{۱۰۰} \text{ غروش اولور .}$$

بناءً علیه مترو مربعنك صاتش فیائی

$$۰.۸۵ + ۰.۱۴۹ = ۰.۹۹۹ \text{ غروش اولور .}$$

بومسئله وجه آتی ارزره محاکمه ایدانك صورته دخی

حل اولته بیلیر :

بهر آرده قزائلق ایستنیلانکار ۸۵ غروش اولسنه بناءً مجمع قزائج

$$۲۵۵۱۲,۷۵ = ۳۰۰,۱۵ \times ۸۵ \text{ غروش اولور .}$$

بنابراین عرصه نك صاتش فیائی

$$۱۶۰۵۱۲,۷۵ = ۲۵۵۱۲,۷۵ + ۱۳۵۰۰۰ \text{ غروش}$$

وبوکا نظراً مترو مربعنك صاتش فیائی مجموع فیانك مترو مربعی

عددی اوزرینه تقسیمندن ظهور ایدهك خارج قسمتدن عبارت اولمین

$$۰.۹۹۹ = \frac{۱۶۰۵۱۲,۷۵}{۱۶۰,۵۱۲,۷۵} \text{ غروش اولور .}$$

۳۷۴ مجموع سطحی ۲۰۰ مترو مربعی اولوب ۸۰۱۵ مترو طولنده و ۶۰۲۰ مترو عرضنده مستطیل الشكل بر او طه ده بولنان هوانك قدر هكتوليتره ايتديكنك حسابی مطلوبدر؟

جواب — مفاد مسئله حکمنجه ذکر اولنان او طه نك دوشمه و طوان و دیوارلر نك سطحی ۲۰۰ مترو مربعی و پالکز دوشمه و طوان سطحی ایسه

$$۸۰۲۵ \times ۶,۲ \times ۲ = ۱۰۲۰۳۰ \text{ مترو مربعی}$$

اولسنه بناء دیوارلر ایچون

$$۲۰۰ - ۱۰۲۰۳۰ = ۹۷۰۷۰ \text{ مترو مربعی قالید}$$

بو حالد دیوارلر ك مجموع طولی

$$۸۰۲۵ + ۶۰۲۰) \times ۲ = ۲۸۰۹۰ \text{ مترو}$$

اولور . بناء علیه طوانه و بريله ك ارتفاع

$$\frac{۹۷۰۷}{۲۸۰۹} = ۳,۳۸ \text{ مترو}$$

اولغله بو او طه ده بولنان هوانك هكتوليتره اعتباريله جمعی

$$۸۰۲۵ \times ۶,۲ \times ۳,۳۸ = ۱۷۲۸۰۸۷ \text{ هكتوليتره}$$

اولور .

۳۷۵ ۲۰ مترو طولنده و ۱۵ مترو عرضنده و ۳۰ مترو ارتفاعنده بولنان بر صالونده ۳۵۰ کیشی بولندیر مق ایجاب ایلدیکنه وهر شخصه ۴ مترو مکعبی قیمتند بر حجم هوا اصابت ایتسی ارزو اولدیننه نظر آصالونك طوانی قدر پوکستملیدر؟

جواب — مفاد مسئله حکمنجه سالونك جمی

$$4 \times 350 = 1400 \text{ مترو مكعبی}$$

اوله جفته بناءً دوشمه نك سطحی

$$20 \times 15 = 300 \text{ مترو مربعی}$$

اولفله سالونك دوشمه دن یوكسكلکی

$$\frac{1400}{300} = 4.6667 \text{ مترو}$$

اولقی لازم کلیر. بوكا نظراً طوانك ارتفاعی

$$4.6667 - 3 = 1.6667 \text{ مترو}$$

یوكسلكك ایجاب ایدر.

۳۷۶ بر مکتبده ۲۵ هواغازی مہسی بولندینی وهر برینك

یومی ۵ ساعت یا قیلهرق ساعتده ۱۴۲ لیتره غاز احراق ایلدیکی

معلوم اولسنه نظراً

اولا — ۳۰ کوندن عبارت بر آیده یانان غازك وزنی

ثانیاً — حصوله کلان حامض فحمك وزنی

ثالثاً — غازك مترو مكعبی ۳۳۰۰ فرانغه اولدیغنه نظراً مصارف

یومیه ندر؟

غازك كشافتی ۰۰۵۲۹ و حامض فحمك كشافتی ۱۱۵۲۹ و بر مترو

مكعبی غازك ۱۶ مترو مكعبی و حامض فحم حصوله كتیردیکی فرض اولمشدر؟

جواب — مفاد مسئله یه نظراً ۳۰ کوندن عبارت بر آیده یانان

غازك جمی

$$۱۴۲ \times ۵ \times ۲۵ \times ۳۰ = ۵۳۲۵۰۰ \text{ دسیمتر و مکعبی}$$

اولمغه برلیتره غازك وزنی

$$۱۲۹۳ \times ۰۰۵۲۹ = ۰۰۶۸۳۹۹۷ \text{ گرام اولور .}$$

بوکا نظراً بامان غازك وزنی

$$۰۰۶۸۳۹۹۷ \times ۵۳۲,۵۰۰ = ۳۶۴,۲۲۸ \text{ کیلو اولور .}$$

حصوله کلان حامض فحمك جمعی ایسه

$$۱,۵ \times ۵۳۲,۵۰۰ = ۷۹۸ \text{ مترو مکعبی } ۷۵۰ \text{ دسیمتر و مکعبی}$$

ولدیفندن حامض مذکورك وزنی

$$۱۰۲۹۳ \times ۱۶۵۲۹ \times ۷۹۸,۷۵ = ۱۰۷۹۹۱۲۹ \text{ کیلو}$$

ومصارف یرمیه

$$۰۰۳۳ \times \frac{۵۲۲۱۵}{۳۰} = ۵۸۵۷۵ \text{ فرائق اولور .}$$

۳۷۷ ۵۰ طلبه بی حاوی برصنف درسخانه سنك

$$۶,۵۰ \times ۵,۳۰ \times ۴,۳۰$$

ابعادنده بولندینی وهرطلبه نك تنفس صورتیله ساعتده ۶
مترو مکعبی هوانك صحنی اخلاص ایلدیکی معلوم اولمسنه کوره
بودرسخانه هواسی تقدردمت تنفسه کفایت ایده بیله جکسنك
حسابی مطلوبدر ؟

هواب — درسخانه بی استیعاب ایدن هوانك جمعی

$$۶۱۵ \times ۵۱۳ \times ۴,۳ = ۱۴۸ \text{ مترو مکعبی } ۱۳۵ \text{ دسیمتر و مکعبی}$$

وساعته صافتی احلال اولان هوانك جمی

$$6 \times 50 = 300 \text{ مترومكی}$$

اولفله ذكر اولان درسخانه هواسك

$$\frac{148,135}{300} = \frac{627}{1000} \times 29 \text{ دقیقه}$$

تنسه كمایت ایدمه یله حكی متطاهر اولور .

۲۷۸ صو طوكدینی زمان حجمك $\frac{1}{4}$ جزئی قدر تزايد ایلدیکی معلوم اولسنه نظراً $0,50$ مترو بوینده و $0,35$ مترو عرضنده و $0,15$ مترو قالینلغنده بولان بربوز پارچه سنك وزی و بوبوزك اریدکی زمان حاصل ایدمه حكی صو مقداریک لیتره جهتیله افاده سی مطلوبدر ؟

جواب — بوز پارچه سنك جمی

$$0,15 \times 0,35 \times 0,15 = 0,0026250 \text{ مترومكی}$$

اولسنه بناءً بونك اریمسیله حصوله کثیره حكی صویك جمی

$$\frac{15 \times 26250}{16} = 24160,94 \text{ دسیمترو مكی (لیتره)}$$

وبناءً علیه بوز پارچه سنك وزنی $24160,94$ کیلو اولور .

۲۷۸ 738 مترو مكی تسویه تراپیه یا بقی ایچون $1295,75$ غروش ویرلمش اولدیغنه نظراً دسیمترو مكی قاچه کلیر ؟

مهراب — مترو مکمنك فیاتی

$$1290070 = 1270 \text{ غروش} \\ 738$$

اولسنه بناءً دسیمترو مکمنك فیاتی مترو مکمنی فیاتنك بیکده بر جزونه مساوی یعنی ۰۰۰۱۷۵ غروش اولور .

۳۷۹ خانه‌سی تعمیر ایتک ایستیان برکیمسه بر قلفه‌دن عمله ایستر قلفه‌ده بوکا ۴ اوسته‌ایله ۲ عمله کوندر و تعمیرات ۵ کونده ختام بولور قلفه‌نك اوسته‌لرک ساعتی ایچون ۷۵ و عمله‌نك ساعتی ایچون ۵۰ ساتیم ایستدیکی و اوسته و عمله‌لرک یومی ۸ ساعت چالیشدقلری و بوندن ماعدا قلفه‌نك بیکی ۳۲ فرانقه اولوق اوزره ۱۵۰۰ طوغله کوندردیکی معلوم اولسنه نظرآ خانه صاحبنك قلفه‌یه اولان بورجی ندر ؟ قلفه حسابی کوردکدن صکره ارسته‌لره ۵۵ اعته ۴۰ ساتیم‌دن اجرت ویرمش اولدیغه کوره کندی کاری نه اولوق لازم‌کلیر؟

مهراب — مفاد مسئله حکمنجه هراوسته ۵ دفعه ۸ ساعت یعنی ۴۰ ساعت چالیشمش اولدیفندن صاحب خانه بولردن هر برینه $0.175 \times 40 = 30$ فرائق و بنا برین ۴ اوسته‌یه

$$30 \times 4 = 120 \text{ فرائق}$$

و ۲ عمله‌یه

$$0.150 \times 40 \times 2 = 40 \text{ فرائق}$$

بورجلی اولوق ایجاب ایدر .

بوحالده بوتون ایشجیلک اجرتی

$$۱۲۰ + ۴۰ = ۱۶۰ \text{ فرانق اولور .}$$

قلقه نك بیکی ۳۲ فرانقه اولقی اوزره بشقه جه اعطا ایلدیکی
طوغله لرك حسابنه کلنجه مفاد مسئلهیه کوره بو طوغله لرك عددی
۱۵۰۰ اولدیندن قلقه نك بواشیادن مطلوبی

$$۰۰۳۲ \times ۱۵۰۰ = ۴۸ \text{ فرانق اولور .}$$

بوکا بناءً صاحب خانه نك قلقه یه اولان مجموع بورجی

$$۱۶۰ + ۴۸ = ۲۰۸ \text{ فرانق اولور .}$$

قلقه نك هراوسته اجرتندن تأمین ایلدیکی کاره کلنجه بوده ساعتده

$$۰۰۷۵ - ۰۰۵۵ = ۰۰۲۰$$

فرانقندن عبارت اولوب ۴ اوسته نك اجرتنده ساعتده

$$۰۰۲۰ \times ۴ = ۰۰۸۰$$

و ۲ عمله نك اجرتنده ساعتده

$$۰۰۵۰ - ۰۰۴۰ = ۰۰۱۰ \times ۲ = ۰۰۲۰$$

فرانق اولدیندن قلقه نك ۶ کیشی نك اجرتندن تأمین ایلدیکی مجموع قزانج ساعتده

$$۰۰۸۰ + ۰۰۲۰ = ۱ \text{ فرانق}$$

اولور .

بوکا بناءً بوتون اوسته وعمله لرك ۴۰ ساعته بالغ اولان
مشغولترنده قلقه ایچون تأمین ایلدکری کار انجق ۴۰ فرانقندن عبارت
بولتمش اولدینی تبین ایدر .

۳۸۰ کیلو پانجاردن تقریباً ۷ کیلو شکر الندینی
وبرمترو مربعی اراضینک تخمیناً ۳۱۲۵ کیلو پانجاریتشدیردیکی

وبرطون پانجارك قيمتى ۸۳,۵۰ غروش ايتديكى معلوم اولسنه
 نظراً اولاً : سنوى ۸۷۵۰۰ كيلو شكر استحصال ايدمك
 اولان برفا بريقه نك احتياجاتنه كافى كلك انچون نه وسعتده
 برتارلايه پانجار اككم لازم كلديكنك حسابى وئانياً : حاصل
 اولان پانجارك قيمتى مطلوبدر ؟

مربوب — پانجارله استحصال اولنان شكر وئنى قوللانيلان
 پانجار وزنك ۰۰۷ جزئى اولدينى مفاد مسئله احكامندن بولنسنه بناءً
 شكره محويل اولنقى لازم كلان پانجارك وئنى

$$\frac{۸۷۵۰۰}{۰۰۷} = ۱۲۵۰۰۰۰ \text{ كيلوگرام}$$

دن عبارت اولور .

شوالده پانجار ديكلكم لازم كلان اراضينك مترو مربى عددى
 پانجاروزنك برمترو مربى حاصلاتى كوسترن ۳۰۱۲۰ كيلو تقسيمندن
 ظهور ايدمك خارج قسمته مساوى اوله جفتدن بوكانظراً

$$\frac{۱۲۵۰۰۰۰}{۳۰۱۲۰} = ۴۰۰۰۰۰ \text{ مترو مربى (۴۰ هكتار)}$$

اولور .

پانجارك وئنى ۱۲۵۰۰۰۰ كيلو يعنى ۱۲۵۰ طونه مساوى
 بولنديفتدن طونيلاته سى ۸۲۰۰ غروشدن اولقى اوزره عموم محصولك
 قيمتى

$$۸۲۰۰ \times ۱۲۵۰ = ۱۰۳۱۲۵۰ \text{ غروش اولور .}$$

۳۸۱ برشهرك محافظه سنه مأمور بربلوك عسكرك ۱۲ كونده

۴۹۳۱۷ کیلو اتمک صرف ایلدکلی وهر عسکرک یومی ۸۵۰
هکتو غرام اتمک حق اولدینی معلوم اولسنه نظراً بو بولک
افرادینک قاج کیشیدن مرکب اولدینی مطلوبدر ؟

جواب — بر عسکرک ۱۲ گونده کی صرفاتی مفاد مسئله حکمنجه
 $۸۵۰ \times ۱۲ = ۱۰۲$ هکتو غرام اولور .

بو حالده شهرمد کورک مخافظه سنه مأمور اولان عساکرک عددی
۴۹۳۱۷ هکتو غرامک ۱۰۲ هکتو غرام ایله تقسیمندن ظهور ایده جک
خارج قسمته مساوی اوله جفتان

$$\frac{۴۹۳۱۷۰}{۱۰۲} = ۴۸۳۳ \text{ نفر اولور .}$$

۳۷۲ تلغرافخانه لرده استعمال اولنان غلوانیزه تلک متروسی
بر هکتو غرام کلوب کیلوسی ۴۰ ساتیم ایتدیکی معلوم اولسنه
نظراً یکدی کیرندن ۱۲۱ کیلومترو بعید بولنان ایکی شهر آره سنده
۵ تل ایله تأمین مخازنه ایلمک ایچون نمقدار تل لازم کلدیکی
ومصرفی نه اوله جفی مطلوبدر ؟

جواب — ۵ تلک مجموع طولی

$$۱۲۱ \times ۵ = ۶۰۵ \text{ کیلومترو (} ۶۰۵۰۰۰ \text{ مترو)}$$

ومفاد مسئله حکمنجه بر مترو طولک وزنی ۱ هکتو غرام کلدیکندن
دمیر تلک وزنی ۶۰۵۰۰۰ هکتو غرام مساوی اولور .

تلک کیلوسنک فیاتی ۰،۴۰ فرائق اولسنه بناءً ۶۰۵۰۰ کیلو تلک
فیاتی

$$۰،۴ \times ۶۰۵۰۰ = ۲۴۲۰۰ \text{ فرائق ایدر .}$$

۳۸۳ ۰،۲۰ مترو بوینده بولنان بر موم دقیقه ده ۱ میلیمترو
قدر یانه رق تناقص ایلدیکی معلوم اولمسنه کوره مذکور مومک
نقدر مدتده تمامیه یاوب بیتمش اوله جنی مطلوبدر ؟

جواب — مفاد مسئله حکمجه موم هر دقیقه ده بر میلیمترو مقداری
تناقص ایلدیکندن یاندینی مدت ۰،۲۰ مترو ده داخل بولنان میلیمترو
عددی قدر دقیقه دن عبارت اوله جفندن و حالوکه

$$۰،۲۰ \text{ مترو} = ۲۰۰ \text{ میلیمترو}$$

اولفله مومک ۲۰۰ دقیقه یانه جنی تظاهر ایدر .

ایمدی بر ساعت ۶۰ دقیقه بی حاوی اولدیفندن

$$۲۰ + ۶۰ \times ۳ = ۲۰۰$$

اولفین ۲۰۰ دقیقه نك ۳ ساعت ۲۰ دقیقه به معادل اولدینی معلوم
اولور .

۳۸۴ بر تار لایه ۱۳ لیتره کنویر کافی کلدیکی معلوم اولمسنه
وبر مترو مربعه ۴۵۰ دانه اصابت ایلدیکی کبی بر لیتره ده ده
۳۶۰۰۰ دانه بولندینی تخمین اولندیغنه نظراً تار لایه آر
جهتیه مساحه سی ندر ؟

جواب — مفاد مسئله حکمجه تار لایه

$$۴۶۸۰۰۰ = ۱۳ \times ۳۶۰۰۰ \text{ دانه}$$

دیکلمش اولمسنه بناءً تار لایه سطح نك مترو مربی جهتیه افاده سی

$$۱۰۴۰ = \frac{۴۶۸۰۰۰}{۴۵۰}$$

و برآز ۱۰۰ مترو سربى اولسنه نظراً ذكر اولنان تارلا سطحك
مساحه سى ۱۰۰۴ آز اولش اولور .

تعليم ۱۴

اعداد مركبیه دائر تطبیقاتدر

۳۸۵ دقیقه ۸ ساعت ۱۳ کون عدد مرکبک دقیقه به تحویلی
مطلوبدر ؟

جواب — برکون ۲۴ ساعت اولدیندن ۱۳ کون ۱۳ دفعه ۲۴
ساعتی حاوی یعنی

$$۲۴ \times ۱۳ = ۳۱۲ \text{ ساعت اولور .}$$

بوکا ۸ ساعتک ضمیمه

$$۳۱۲ + ۸ = ۳۲۰ \text{ ساعت اولور .}$$

اشبو ۳۲۰ ساعت ۳۲۰ کره ۶۰ دقیقه بی حاوی اولدیندن

$$۳۲۰ \times ۶۰ = ۱۹۲۰۰ \text{ دقیقه}$$

وبوکا ۱۵ دقیقه ک علاوه سیله ۱۹۲۱۵ دقیقه اولور .

۳۱۶ ثانیه ۱۲,۳ دقیقه ۷ ساعت ۱۷ کون عدد مرکبک ثانیه به
تحویلی مطلوبدر ؟

جواب — ۱۷ کون

$$۱۷ \times ۲۴ = ۴۰۸ \text{ ساعت}$$

اولدیفندن ۷ ساعت ایله جمع اولندقد،

$$۴۰۸ + ۷ = ۴۱۵ \text{ ساعت}$$

وبوده دقیقهیه تحویل اولندقد.

$$۶۰ \times ۴۱۵ = ۲۴۹۰۰ \text{ دقیقه}$$

وبوکا ۴۵ دقیقه نك ضمیمه

$$۲۴۹۰۰ + ۴۵ = ۲۴۹۴۵ \text{ دقیقه یاخود}$$

$$۶۰ \times ۲۴۹۴۵ = ۱۴۹۶۷۰۰ \text{ ثانیه}$$

اولمله بوکاده ۱۲،۳ ثانیه نك علاوه سیله

$$۱۴۹۶۷۰۰ + ۱۲،۳ = ۱۴۹۶۷۱۲،۳ \text{ ثانیه اولش اولور .}$$

۳۸۷ ۴ هفته ۶ ساعت ۴۰ ثانیه نك كاملاً ثانیهیه

تحویلی مطلوبدر ؟

جواب — ۴ هفته

$$۴ \times ۷ = ۲۸ \text{ کون}$$

وبوده

$$۲۸ \times ۲۴ = ۶۷۲ \text{ ساعت}$$

اولوب بوکا ۶ ساعتك ضمیمه

$$۶۷۲ + ۶ = ۶۷۸ \text{ ساعت اولور .}$$

بومقدار ساعت دقیقهیه تحویل اولندقد.

$$۶۰ \times ۶۷۸ = ۴۰۶۸۰ \text{ دقیقه ویاخود}$$

$$۶۰ \times ۴۰۶۸۰ = ۲۴۴۰۸۰۰ \text{ ثانیه}$$

اولمله بوکا ۴۰ ثانیه نك ضمیمه

$$۲۴۴۰۸۰۰ + ۴۰ = ۲۴۴۰۸۴۰ \text{ ثانیه اولور .}$$

۳۸۸ برسنه ۲ آی ۳ کون ۱۵ ساعت ۱۷،۶ دقیقه نك
ثانیہ یہ تحویلی مطلوبدر ؟

جواب — سوابقی کبی تحویل اولندقدہ
۲۷۰۳۳۲۳۶ ثانیہ بولنور .

۳۸۹ آتیدہ محرر قوسلرک ثانیہ یہ تحویلی مطلوبدر :
(۱) ۱۷' ۸۸" ۳۹"

جواب -- علم حساب (مادہ : ۲۴۱) موجبنجہ بردرجہ ۶۰
دقیقہ وبردقیقہ ۶۰ ثانیہ اولدیغندن

$$۱۷ \times ۶۰ = ۱۰۲۰ \text{ دقیقہ}$$

وبوکا ۲۸ ضمیله

$$۱۰۲۰ + ۲۸ = ۱۰۴۸ \text{ باخود}$$

$$۱۰۴۸ \times ۶۰ = ۶۲۸۸۰$$

وبوکا ۳۹ نك ضمیله

$$۶۲۸۸۰ + ۳۹ = ۶۲۹۱۹ \text{ اولور .}$$

(۲) ۳ ربع محیط ۱۲ °

جواب — علم حساب (مادہ : ۲۴۱) موجبنجہ

$$\frac{۳۶۰}{۴} = ۹۰ \text{ اولمعله ربع محیط}$$

$$۹۰ \times ۳ = ۲۷۰ \text{ ربع محیط}$$

وبوکا ° نك ضمیله

$$۲۷۰ = ° + ۲۷۰$$

اولور .

بومقدار درجه ثانیه به تحویل اولندقدمه

$$۱۶۵۰۰ = ۶۰ \times ۲۷۰ \quad \text{ویا خود}$$

$$۹۹۰۰۰۰ = ۶۰ \times ۱۶۵۰۰$$

وبوکا ۱۲ ضمیله

$$۳ \text{ ربع محیط } ۱۲ = ° + ۹۹۰۰۰۰ = ۱۲ + ۹۹۰۰۰۰ = ۹۹۰۰۱۲ \text{ اولور.}$$

$$(۳) \quad ۲ \text{ محیط } ۲ \text{ ربع محیط } ۲,۲ = °$$

جواب — سابقی کی عا که اولنه رق ۳۲۴۷۳۲۲,۲ بولنور.

۳۹۰ آتیده محرر عددلرک اعداد مرکبه هیئتنده

کوسترلسی مطلوبدر :

$$(۱) \quad ۱۲۳۴۵۶۷ \text{ ثانیه}$$

جواب — بومقدار ثانیه اول اصدده ۶۰ اوزرینه تقسیم

اولندقدمه دقیقه بی حاصل ایده جکندن

$$\begin{array}{ccc} \text{ثانیه} & & \text{دقیقه} \\ ۱۲۳۴۵۶۷ & = & \frac{۱۲۳۴۵۶۷}{۶۰} \\ ۷ & = & \text{دقیقه} \\ ۲۰۵۷۶ & & \text{ثانیه} \end{array}$$

بمده ۲۰۵۷۶ دقیقه ساعته تحویل اولنقی اوزره ۶۰ اوزرینه تقسیم اولندقدمه

$$\begin{array}{rcl} \text{دقیقه} & \text{ساعت} & \\ ۲۰۵۷۶ & ۳۴۲ & = \frac{۲۰۵۷۶}{۶۰} = \text{ساعت} \end{array}$$

و ۳۴۲ ساعت ۲۴ اوزرینه تقسیم اولندقدہ کون حاصل اولہ جفندن

$$\begin{array}{rcl} \text{ساعت} & \text{ساعت کون} & \\ ۳۴۲ & ۱۴ & = ۶ \end{array} \text{ اولور .}$$

۱۴ کون ایسه اعتبارات زمانیه به کوره تمامیلہ ۲ هفته دیمک اولسنہ مبنی

$$\begin{array}{rcl} \text{ثانیہ} & \text{ثانیہ} & \\ ۱۲۳۴۵۶ & ۷ & = \begin{array}{rcl} \text{دقیقه} & \text{ساعت} & \text{هفته} \\ ۵۶ & ۶ & ۲ \end{array} \text{ اولور .} \end{array}$$

$$(۲) \quad ۲۷۵۸۳۶۰ \text{ ثانیہ}$$

مہراب — سابق وجهلہ تحویلات اجرا اولندقدہ

$$\begin{array}{rcl} \text{ثانیہ} & \text{دقیقه} & \text{ساعت کون هفته} \\ ۲۷۵۸۳۶۰ & ۴۰ & = \begin{array}{rcl} ۱۲ & ۲۲ & ۳ \end{array} \text{ ۴ بولنور .} \end{array}$$

$$(۳) \quad ۱۴۸ \text{ } ۷ \text{ } ۵۶$$

مہراب — بومقدار قوس ثانیہ سنی درجہ و کسورینہ تحویل ایتک ایچون بر درجہ ۶۰ دقیقه و بر دقیقه ۶۰ ثانیہ اولہ جفنه مبنی واحد تختانیدن واحد فراتی به چیتاق اوزره اولاصده ۶۰ اوزرینه تقسیم اولندقدہ

$$۲۴ \text{ } ۸۷۵۶ = \frac{۱۹۸۷۵۶}{۶۰} = \text{دقیقه} \quad ۱۶ \text{ } ۲۴۷۹ \text{ ایدر .}$$

۲۴۷۹ دقیقه دخی ۶۰ اوزرینه تقسیم اولندقدده بدرجه حاصل
اوله جفندن

$$۲۴۷۹ = \frac{۲۱۷۱}{۶۰} \text{ درجه} = ۳۶' ۱۹''$$

اولله

$$۱۴۸۷۵۶ = ۱۶' ۱۹'' ۴۱$$

اولش اولور .

$$(۴) ۳۱۵۷۲۹,۸$$

جواب — طبق سابق کبی واحد تختانیدن باشلايله رق صره سيله
۶۰ اوزرینه تقسیم اولندقدده

$$۳۱۵۷۲۹,۸ = ۴۲' ۴۷'' ۸۷$$

اولور .

۳۹۱ بر ماه قمری ۲۵۵۱۴۴۳ ثانیه وبر-نه شمسیه
۳۱۵۵۶۹۲۸ ثانیه ایله اراشه اولندیغنه نظراً بونلرک اعداد مرکبه
هیئتنده افادسی مطاوبدر ؟

جواب — ماه قریله سنه شمسیه نك افاده اولندقدلری ثانیه
مقدارلری بالاده یا بلدینی وجهله واحد فوقانیله تحویل اولندقدده

$$\begin{array}{ccccccc} \text{ثانیه} & \text{دقیقه} & \text{ساعت} & \text{کون} & & & \\ ۲۹ & ۱۲ & ۴۴ & ۳ & = & \text{ماه قمری} & ۲۵۵۱۴۴۳ \\ ۳۶۵ & ۵ & ۴۸ & ۴۸ & = & \text{سنه شمسیه} & ۳۱۵۵۶۹۲۸ \end{array}$$

اولور .

۳۹۲ لوندرو شهرینک طولی پارس نصف النهارینه نظرآ ۲۶' ۲۰
غربی و قالكوتا شهرینک طولی ۸۶' ۸ شرقی اولدینی معلوم

بولندیغنه نظراً قالكوتاده وقت زوال ایکن لوندرده ساعت
قاج اوله جفی مطلوبدر ؟

جواب — مفاد مسئله به کوره لوندرده . قالكوتا شهر لری بینند، کی
طول

$$۸۸^{\circ} ۴۴' = ۸۶^{\circ} ۷' + ۰^{\circ} ۲۶'$$

اولور .

جغرافیا معلوماته نظراً

۱۵ درجه طول = ۱ ساعت

۱ درجه طول = ۴ دقیقه

۱ دقیقه طول = ۴ ثانیه

اولدیغندن سالف لدر ۸۸ ۴۴ طولك ساعت اعتباریله قیحتی یعنی لوندرده
ساعتك قالكوتا ساعتدن اولان مقدار تأخری

ثانیه دقیقه ساعت

$$۴ \text{ دقیقه} \times ۸۸ + ۴ \text{ ثانیه} \times ۳۴ = ۱۶ \quad ۵۴ \quad ۰$$

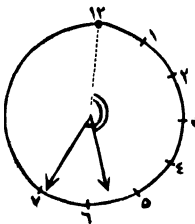
اولمغه بوکا نظراً قالكوتاده وقت زوال ایکن لوندرده ساعت

$$\begin{array}{r} \text{ساعت} \quad \text{ثانیه} \quad \text{دقیقه} \quad \text{ساعت} \quad \text{ثانیه} \quad \text{دقیقه} \\ ۱۲ - ۱۶ \quad ۵۴ \quad ۰ = ۰ \quad ۵۴ \quad ۴۴ \quad ۶ \end{array}$$

اولور .

۳۹۳ . ساعت ۵ ساعت ۳۹ دقیقه بی ارانه ایلدیکی زمان

عقرب ایله یلقوان آره سنده تحدث ایدن زاویه ندر ؟



جواب — بو زاویه (شکل) عقرب ایله

یلقواندن هر برینك قادرائك مرکزیه نقطه زوال

بینی موصل خط مستقیم ایله احداث ایلدکاری

زوایا بینند کی فضلدن عبارت اولدیغندن یلقوانك

احداث ایلدیکی زاویه

اولور .

$$۲۳۴ = \frac{۳۹ \times ۳۶۰}{۶۰}$$

تمام ساعت بشده عقربك احداث ایلدیکی زاویه ایسه

$$۱۵۰ = \frac{۵ \times ۳۶۰}{۱۲}$$

اولوب ۳۹ دقیقه طرفنده دخی عقرب

$$۱۹۰ = \frac{۲۳۴}{۱۲}$$

لق برقوس قطع ایتش اوله جفسدن بونك زوال خطیله احداث
ایده جکی زاویه

$$۱۶۹۰ = ۱۹۰ + ۱۵۰$$

اولور .

بوکانظرأ ساعت ه ساعت ۳۹ دقیقه یی اوائله ایلدیکی زمان عقرب ایله
یلقوان آرمه سنده کی زاویه

$$۶۴۰ = ۱۶۹۰ - ۱۰۵۰$$

اولور .

۳۹۴ آتیده محرر کسر لوك معادلی بولنان اعداد مرکبه یی
تعیین ایدیکیز :

$$(۱) \quad \frac{۷۸۳}{۶۴} \text{ کون}$$

جواب — صورت مخرجدن بویوك اولدینندن عدد تامی افراز
اولندقه

$$\frac{۷۸۳}{۶۴} = \frac{۳}{۱۶} \text{ کون}$$

اولور .

$\frac{۲}{۱۶}$ کسری ۲۴ ایله ضرب اولندقدہ ساعت حاصل اوله جفتدن

دقیقه ساعت

$$\frac{۲}{۱۶} \times ۲۴ = \frac{۱}{۴} = ۴ \text{ ساعت} = ۳۰$$

اولغله

دقیقه ساعت کون

$$\frac{۷۸۳}{۶۴} \text{ کون} = ۳۰ \text{ } ۴ \text{ } ۱۲$$

اولور .

$$(۲) \quad \frac{۹۵۴}{۲۲} \text{ درجه}$$

مرباب — سابقی کبی تحویل اولندقدہ

اولور .

$$\frac{۱}{۱۱} = \frac{۹۵۴}{۲۲}$$

$\frac{۱}{۱۱}$ کسری ۶۰ ایله ضرب اولندقدہ دقیقه حاصل اوله جفتدن

$$\frac{۱}{۱۱} \times ۶۰ = \frac{۶۰}{۱۱} = ۵ \text{ دقیقه} = ۲۱$$

$\frac{۹}{۱۱}$ کسری دفعه ۶۰ ایله ضرب اولندقدہ ثانیه به تحویل قلنمش

اوله جفتدن

$$\frac{۹}{۱۱} \times ۶۰ = \frac{۵۴۰}{۱۱} = ۴۹ \text{ ثانیه} = \frac{۱}{۱۱}$$

اولغله

$$\frac{۱}{۱۱} = \frac{۹۵۴}{۲۲} \text{ درجه} = \frac{۱}{۱۱} \times ۴۹ \text{ } ۲۱ \text{ } ۸$$

اولمش اولور .

۳۹۵ ۲۸۰۳۸ ثانیه نك دقیقه وساعتی شامل برکسر عادی

صورتندہ و ۳ سنہ ۷ آی ۱۹ کون ۱۵ ساعت ۴۹ دقیقه بی

ارائه ایدن بر عدد مرکب کونٹ بر کسر اعشاریسی هیئتندہ
افادہ سی مطلوبدر ؟

جواب — اولاً ۲۸۰۳۸ ثانیہ تحویل اولندقدہ

$$۲۸۰۳۸ \text{ ثانیہ} = \frac{۲۸۰۳۸}{۶۰} \text{ دقیقه} = \frac{۴۶۷۳}{۱۰} \text{ دقیقه}$$

$$= \frac{۲۸۰۳۸}{۳۶۰۰} \text{ ساعت} = \frac{۴۶۷۳}{۶۰۰} \text{ ساعت}$$

اولور .

ثانیاً ۳ سنه ۷ آی ۱۹ کون ۱۵ ساعت ۴۹ دقیقه نك برنجی
قسمی تحویل قلندقدہ

$$۳ \times ۳۶۰ + ۷ \times ۳۰ + ۱۹ = ۱۳۲۴ \text{ کون اولور.}$$

۱۵ ساعت ۴۹ دقیقه ایسه

$$۱۵ \times ۶۰ + ۴۹ = ۹۴۹ \text{ دقیقه}$$

اولدیفندن بوده کونه تحویل اولندقدہ

$$۰۰۶۵۹ \text{ کون ایدر} = \frac{۹۴۹}{۶۰ \times ۲۴}$$

بوکا نظراً

سنه آی کون ساعت دقیقه

$$۳ \quad ۷ \quad ۱۹ \quad ۱۵ \quad ۴۹ = ۰۰۶۵۹ + ۱۳۲۴$$

$$= ۱۳۲۴ \text{ کون } ۶۵۹$$

اولش اولور .

۳۹۶ آئیده کی عدد مرکبک رک جمعی مطلوبدر :

$$(۱) \quad ۱۳ \overset{\circ}{۶} ۷ \overset{\circ}{۳} ۶۱۵ + ۱۸۱۴ \overset{\circ}{۱} ۲۷ \overset{\circ}{۳} ۴ + ۵۲۳ \overset{\circ}{۵} ۱۴۱$$

جواب -- افاده مذکوره نك هر واحدی كندی جنسیله
جمع اولندقدہ

۱۳	۵۷	۳۶۱۵
۳۴	۲۷	۱۸۱۴
۱۶	۴۱	۵۲۳
۶۳	۱۲۵	۱۰۷۱۲

یعنی

$$۱۰۷۱۲ \overset{\circ}{۱} ۲۷ \overset{\circ}{۳} ۴ + ۱۸۱۴ \overset{\circ}{۱} ۲۷ \overset{\circ}{۳} ۴ + ۵۲۳ \overset{\circ}{۵} ۱۴۱ = ۱۳ \overset{\circ}{۶} ۷ \overset{\circ}{۳} ۶۱۵$$

حالبوكه

$$۱۰۷ \overset{\circ}{۱} ۲۷ \overset{\circ}{۳} ۴ + ۱۸۱۴ \overset{\circ}{۱} ۲۷ \overset{\circ}{۳} ۴ = ۱۳ \overset{\circ}{۶} ۷ \overset{\circ}{۳} ۶۱۵$$

۱۲۵ ایله جمع اولندقدہ ۱۲۶ ایدر .

$$۱۲۶ = ۱۲۵ + ۱$$

اولدیفندن

اشبو مجموع طولیلاهدقدہ

$$۱۲۵ \overset{\circ}{۱} ۲۷ \overset{\circ}{۳} ۴ + ۱ = ۱۲۶$$

اولور .

$$(۲) \quad ۱۷ \text{ سنه } ۸ \text{ آی } ۱۶ \text{ کون } ۴۵ \text{ دقیقه } + ۹ \text{ سنه } ۱۰$$

$$۲۵ \text{ آی } ۲۵ \text{ کون } ۷ \text{ ساعت } + ۱۸ \text{ سنه } ۹ \text{ آی } ۱۳ \text{ کون } ۱۵ \text{ ساعت } + ۲۳ \text{ دقیقه}$$

جواب — افاده مذکوره قولایقله جمع ابدلك ایچون وجه آتی

وزره ترتیب وجهه واحد نموانیدن باشلانیهوق واحد ضمیمه کوره
نحویات اجرا قلندقدمه

دقیقه	ساعت	کون	آی	سنه
۴۵	۰	۱۶	۸	۱۷
۰	۷	۲۵	۱۰	۹
۴۳	۱۵	۱۳	۹	۱۸
۶۸				
۸	۲۳			
	۰	۵۴		
		۲۴	۲۸	
			۴	۴۶

یعنی

دقیقه	ساعت	کون	آی	سنه
۸	۲۳	۲۴	۴	۴۶

اولور

۳۹۷ آتیده کی عددلرک طرحی مطلوبدر ؟

$$(۱) \quad ۲۷۰ \text{ } ۱۵ \text{ } ۳۷ - ۱۰۹ \text{ } ۱۲ \text{ } ۴۲$$

جواب — افاده مذکوره وجهه آتی اوزره ترتیب اولسهوق
طرح ایدلکده

$$\begin{array}{r} ۲۷۰ \quad ۱۵ \quad ۳۷ \\ ۱۰۹ \quad ۱۲ \quad ۴۲ \\ \hline ۱۶۱ \quad ۲ \quad ۵۵ \end{array}$$

اولور .

$$(۲) \quad ۱۷ \text{ } ۴۶ \text{ } ۵۷,۸ - ۶۵ \text{ } ۴۶ \text{ } ۱۳$$

جواب — سابقہ کی اجرای عمل اولدقده

$$\begin{array}{r} ۶۵ \quad ۴۶ \quad ۳ \\ ۱۷ \quad ۴۶ \quad ۵۷۸ \\ \hline ۴۷ \quad ۵۹ \quad ۱۵,۲ \end{array}$$

اولور .

(۳) ۴۱۷ کون ۱۹ ساعت ۵۹ دقیقه — ۲۱۲ کون
۳ ساعت ۵ دقیقه

جواب — عملانده، سہولت اولقی ایچرن اعداد وجهانی اوزره
ترتیب و طرح اولدقده

دقیقه	ساعت	کون
۵۹	۱۹	۴۱۷
۵	۲	۲۱۲
۵۴	۱۷	۲۰۵

یعنی ۲۰۵ کون ۱۷ ساعت ۵۴ دقیقه اولور

۳۹۸ بر قوسک قیمتی ۳۷۲۸ ۴۷۲۸ ثانیہ اولدیغنه نظراً
بوکا مساوی اولان ۱۵ قوسک قیمتی نه اولور ؟

جواب — قیمت مطلوبہ

$$۳۷۲۸ \times ۱۵ = ۳۷۲۸ \times ۱۰ + ۳۷۲۸ \times ۵$$

اولور .

چونکه افاده مذکوره شو وجهله یازیله رق ضرب اولندقدہ

$$\begin{array}{r}
 ۳۷ \quad ۲۸ \quad ۶۲۵ \\
 \hline
 ۱۵ \\
 ۶۳۷۵ \\
 ۴۲۱ \quad ۳۷,۵ \\
 ۵۶۲ \quad ۱۰ \\
 \text{یعنی } ۳۷۵ \quad ۱۰ \quad ۵۶۲ \quad \text{اولور.}
 \end{array}$$

۳۹۹ برسنه مداریه وسطی ۳۶۵ کون ۵ ساعت ۴۸ دقیقه و ۵۰ ثانیه اولدیغنه نظراً ۱۳۶ سنه مداریه قیمتک بر عدد مرکب ایله افاده سی مطلوبدر ؟

جواب — عین وجهله ۳۶۵ کون ۵ ساعت ۴۸ دقیقه و ۵۰ ثانیه دن عبارت اولان عدد مرکب ۱۳۶ ایله ضرب اولندقدہ

$$\begin{array}{r}
 \text{ثانیه} \quad \text{دقیقه} \quad \text{ساعت} \quad \text{کون} \\
 ۵۰ \quad ۴۸ \quad ۵ \quad ۳۶۵ \\
 \hline
 ۱۳۶ \\
 ۶۸۰۰ \\
 ۶۶۴۱ \quad ۲۰ \\
 ۷۹۰ \quad ۴۱ \\
 ۳۲ \quad ۲۲ \\
 ۴۹۶۷۲
 \end{array}$$

وبناء علیه

۴۶۵ کون ۵ ساعت ۴۸ دقیقه ۵۰ ثانیه $\times ۱۳۶ = ۴۹۶۷۲$
 کون ۲۲ ساعت ۴۱ دقیقه ۲۰ ثانیه اولش اولور.

۴۰۰ نصف النهار ارضك اولا $\frac{1}{4}$ ثانیاً $\frac{1}{17}$ و ثالثاً ۱۴۵۰،
قسملرینك درجه دقیقه و ثانیه افاده سیله قیمتی مطلوبه ر؟

جواب — بوتون نصف النهار 36° اولدیفندن $\frac{1}{4}$ جزئی بالطبع

$$10^{\circ} 45' 17'' = \frac{360}{34}$$

بوکا نظراً $\frac{1}{17}$ قسمی

$$84^{\circ} 42' 17'' = \frac{4 \times 360}{17}$$

و ۱۴۵۰ قسمی

$$52^{\circ} 12' = \frac{1450 \times 360}{1000}$$

اولور .

۴۰۱ بر متحرک بر محیط دائره یی ۱۱ ساعته دوروسیر
ایلدیکی معلوم اولمسنه نظراً $37^{\circ} 45' 7''$ لك بر قوسی نقدر
مدته دورایدر ؟

جواب — مفاد مسئله حکمنجه متحرك 360 درجه یعنی
 1296000 ثانیه یی ۱۱ ساعته دور ایلدیکنه نظراً بر ثانیه ده قطع

$$\text{ایلدیکی مسافه} = \frac{11}{1296000} \text{ اولور .}$$

بوکا نظراً متحرك مزبورك $37^{\circ} 45' 7''$ یعنی 271537 لك قوسی

$$2 \text{ ساعت } 18 \text{ دقیقه } 17 \text{ ثانیه ده} = \frac{271537 \times 11}{1296000}$$

قطع ایده جکی اکلایلیر .

۴۰۴ بر ساعت هر ساعت ۲ دقیقه ۳۵ ثانیه قدر
ایلوکتیدیکنه نظراً ۱ کون ۱۵ ساعت ۵۹ دقیقه و ۱۵۰ ثانیه ده
قدر ایلرو کیدر؟

هواب — مفاد مسئله حکمنجه ساعت هر ساعت ده

$$۱۵۰ = ۳۵ + ۲ \times ۶۰ \text{ ثانیه}$$

ایلوکتیدیکندن بر ثانیه ده

$$\frac{۱۵۰}{۳۶۰۰} = \frac{۱۵۰}{۶۰ \times ۶۰}$$

ایلو کیدر .

ویرلان مدت ایسه

$$۱۳۹۷۵۵ = ۱۵ + (۴۹ + ۳۸ \times ۶۰) \times ۶۰$$

اولدیفنه بناءً ساعت مدت مذکوره ظرفنده

$$۱ = \frac{۱۳۹۷۵۵ \times ۱۵۰}{۳۶۰۰} \text{ ساعت } ۴۰ \text{ دقیقه } ۱۷,۲۳ \text{ ثانیه}$$

قدر ایلرو کیدر .

۴۰۳ برماکنه پروانه سی دقیقه ده ۱۵ ۱۳ ۱۲ دور یا بمش
اولدیفنه نظراً بر دورتای قدر مدتده ایفا یدر؟

هواب — مفاد مسئله حکمنجه پروانه دقیقه ده

$$\frac{۴۳۹۹۵}{۳۶۰۰} = \frac{۱۵ + (۱۳ + ۱۲ \times ۶۰) \times ۶۰}{۶۰ \times ۶۰} \text{ درجه}$$

جواب — سیاحك خط استوا شمالنده قطع ایلدیكى مسافه نك
درجه واقسامنه نظراً افاده سی

$$۸۳^{\circ} ۴۷' ۱۲.۳'' = \frac{۹۱۸۰}{۱۱۱,۱۱۱}$$

اولفله قطبدن اولان بحد ومسافه سی

$$۹۰ - ۸۲^{\circ} ۴۷' ۱۲.۳'' = ۷^{\circ} ۲۲' ۴۷.۷'' = ۸۲۰۰۰$$

اولور .

۴۰۵ دائرة قطب شمالی قطب شالیدن ۲۳ ۲۷ و مدار
سرطان خط استوانك شمالنده و ۲۸ ۲۷ بعدنده بولندیقنه نظراً
اشبو ایکی خط متوازی بیننده کی منطقه معتدله طولنك کیلو
مترو جهتیله افاده سی مطلوبدر ؟

جواب — اشبو ایکی خط متوازی بیننده کی نصف النهار قوسی

$$۹۰ - ۲۳^{\circ} ۲۷' = ۶۶^{\circ} ۳۳'$$

اولفله خطوط مذکورہ بیننده کی مسافه نك کیلومترو جهتله قیحتی

$$۱۱۱,۱۱۱ \times ۶۶^{\circ} ۳۳' = ۷۳۸۸ کیلومترو ۸۸۴ اولور .$$

۴۰۶ عین نصف النهار اوزرنده بونان ب و ۶ شهر لرندن

ب نك عرضی ۱۷ ۴۸ شمالی و ۶ شهرینك عرضی ۱۴ ۴۸

جنوبی اولدینی معلوم بولمسنه نظراً

اولا : بوایکی شهر ك کندیلرینه یقین اولان قطب نقطه سندن

ثانياً : بولنه جق اولان معلومات عدديه دن بالاستفاده
بوايكي شهر ييتنده كي مسافه نك مترو جهتيه قيمتي مطلوبدر ؟

جواب — ب شهرينك قطب شاليدن اولان بعد ومسافه سي

$$۹۰ - ۱۷' ۴۸'' = ۳۵' ۴۳'' = ۴۱' ۵۴''$$

و ۷ شهرينك قطب جنوبيدن اولان مسافه سي

$$۹۰ - ۱۴' ۴۸'' = ۷۶' ۵۹'' = ۱' ۴۱''$$

حالبوكه علم حساب (ماده : ۲۱۱) موجبنجه نصف النهار ارضي
اوزرنده بر درجك قوسك طولی

$$۱۱۱'۱۱۱ = \frac{۴۰۰۰۰}{۳۶۰} \text{ كيلومترو}$$

وبرديقه لتي قوسك طولی

$$۱۰۸۵۱۸۵ = \frac{۴۰۰۰۰}{۶۰ \times ۳۶۰} \text{ كيلومترو}$$

و ثانيه لك قوسك طولی دخی

$$۳۰,۸۶ \text{ مترو} = \frac{۴۰۰۰۰}{۳۶۰ \times ۶۰ \times ۶۰}$$

اولديشندن بومعلوماته نظراً ب شهرينك قطب شاليدن اولان
بعد ومسافه سنك مترو جهتيه قيمتي

$$= ۴۳ \times ۳۰۰۸۶ + ۱۸۵۱,۸۵ + ۵۴ \times ۱۱۱'۱۱۱ \\ = ۶۰۲۱۶۹۷ \text{ مترو اولور.}$$

كذلك ۶ شهرينك قطب جنوبيدن اولان بعد ومسافه سی

$$= 46 \times 30.86 + 59 \times 18.51 + 41 \times 11.11 \\ \text{مترو } 4666234$$

وبومعلوماته استناداً اشبو ایکی شهریننده کی مسافه نك مترو جهتله
قیمتی

$$= (4666234 + 6021697) - 2000000 \\ \text{اولش اولور } 9312069 \text{ مترو}$$

۷۴ عین دائرة متوازیه اوزرنده بولنوب یکدیگر ندن
اولا بدرجه ثانیاً بر دقیقه ثالثاً بر ثانیه فرق ایدن ایکی موقعک
ساعتلری ییننده کی فرق ندر ؟

جواب — مسئله یی حل ایتزدن مقدم بروجاتی بعض ایضاحات
اعطاسنه لزوم کورلشددر :

معلوم اولدیی اوزره کره ارض ۲۴ ساعت ظرفنده محوری
اطرافنده غربدن شرقه بر حرکت دوریه اجرا ایتمکده و بناء علیه سطح
ارضک بر قسمته شعاعات شمسیه قائماً وارد اولمقده در .
شعاعات شمسیه بر موقعه قائماً وارد اولور دینه جک یرده علی العا ه
شمس محل مذکور نصف النهارندن مرور ایدر دینلمکده در .
اعتبارات جغرافیه به نظراً بو آنده ذکر اولان موقعده وقت زوال
اولدی دینور وساعت محلیه . ساعت . دقیقه و . ثانیه یی اشمایدر .
بنابرین صفر درجه لک بر نصف النهار اوزرینه بر ساعت وضع
اولندیقی تصور اولنسه مذکور ساعت شمسک بونصف النهاردن مروری
آئنده وقت زوالی اراائه ایلر .
بونک کبی ذکر اولنان ساعت شمسک ۲ ددحه لک نصف النهار ددحه
مرورنده

$$= \frac{24}{360} = 4 \text{ دقیقه یی}$$

و ۲ لك نصف النهار دن مرورنده

$$۲ \times ۴ \text{ دقیقه} = \frac{۲ \times ۲۴}{۳۶۰}$$

و ۵ درجه لك بر نصف النهار دن مرورنده

$$۵ \times ۴ \text{ دقیقه} = \frac{۵ \times ۲۴}{۳۶۰}$$

ارائه ایدر .

شو ایضا حاد دن اکلا شیلیر که مختلف نصف النهار لر اوزرنده بولسان
ایکی موقع دن بری بالفرض ایکنجینک شرقنده ایسه ساعتی بوایکنجین دن
ایلرو و بالعکس ایسه ایکنجینک ساعتی برنجین دن کیرو اولور .
بناءً علیه بوایکی بلده آره سنده کی فرق بر درجه اولدقده ساعت فرق

$$۲۴ \text{ ساعت} = \frac{۲۴}{۳۶۰} \text{ دقیقه}$$

و فرق مذکور بر دقیقه ایسه ساعت فرق

$$۴ \text{ دقیقه} = \frac{۴}{۶۰} \text{ ثانیه}$$

و بوفرق بر ثانیه دن عبارت اولدقده ساعت فرق ده

$$۴ \text{ ثانیه} = \frac{۴}{۳۶۰۰}$$

اولور .

ذکر اولنان ایکی مرقع پیننده کی فرق ۴ ۵ ۴ ۵ فرضی
حالنده ساعت فرق

$$۲ \text{ ساعت } ۲۳ \text{ دقیقه } ۱ \text{ ثانیه} = \frac{۲ \times ۳۶۰۰ + ۲۳ \times ۶۰ + ۱}{۳۶۰}$$

دن عبارت بولنور .

۴۰۸ خط استوا اوزرنده بوانوب ساعتلرینک فرقی
۷ ساعت ۲۳ دقیقه و ۴۵ ثانیه دن عبارت اولان ایکی بلده
بینندکی بعد ندر ؟

جواب — مفاد مسئله ده بیان اولنان ساعت فرقنه نظراً بوا یکی
بلده بیننده کی خط استوا قوسنک قیقی

$$۱۱۳۱۱''۰ = \frac{۷ \text{ ساعت } ۲۳ \text{ دقیقه } \times ۴۵ \text{ ثانیه}}{۲۴ \text{ ساعت}}$$

اولمقین بلده تین مذکور تین بیننده کی بعد

$$۱۲۰۷۶,۳۸۸ \text{ کیلو مترو} = \frac{۱۱۳۱۱''۰ \times ۴۰.۰۰۰}{۳۶۰}$$

اولش اولور .

۴۰۹ استانبول پارس شهرینک ۲۸ ۲۶ شرقده بولندیغنه
نظراً پارسده وقت زوال ایکن استانبولده و بالعکس استانبولده
زوال اولدینی زمان پارسده ساعتک قاج اوله جغنهک تعیینی
مطلوبدر ؟

جواب — هرا یکی شهر آرسنده کی ساعت فرقی

$$۱ \text{ ساعت } ۴۵ \text{ دقیقه } ۵۲ \text{ ثانیه} = \frac{۲۸ ۲۶ \times ۲۴}{۳۶۰}$$

اولدیندن پارسده وقت زوال ایکن استانبولده ساعتک

ثانیه	دقیقه	ساعت	
۵۲	۴۵	۱	بکجه یکی

وقت زوالی

وبالعکس استانبولده زوال اولدینی زمان پارسده

۱۲ — ۱ ساعت ۴۵ دقیقه ۵۲ ثانیه = ۱۰ ساعت ۱۴ دقیقه ۸ ثانیه
اولدینی اکلاشیلور .

۴۱۰ . بر ساعت ۷ ساعت ۴۵ دقیقه بی اراهه ایدیه ر نقدر
مدت صکره عقرب ابله یلقوانک اولاً : بر زاویه قائمه تشکیل
ایده جکنک ثانیاً یکدیگری استقامتسده بولنه جفنگ تعینی
مطلوبدر ؟

جواب — ساعت بدینی ۴۵ دقیقه یکدیکنده یلقوان زوال

$$\text{خطی ابله} \quad ۲۷۰^{\circ} = \frac{۴۵ \times ۳۶۰}{۶۰}$$

و عقرب

$$۲۳۲^{\circ} ۴۰' = \frac{۲۷۰}{۱۲} + \frac{۷ \times ۳۶۰}{۱۲}$$

لق بر زاویه احداث ایده جکرندن بینلرنده کی زاویه

$$\text{اولور .} \quad ۳۷^{\circ} ۴۰' = ۲۳۲^{\circ} ۴۰' - ۲۷۰^{\circ}$$

عقرب ابله یلقوان یکدیگرینه نظراً بروضمیت قائمه اخذ ایلدکلرنده
آره لرنده کی زاویه ۹۰ و براستقامتسده بولنه دقیری زمان ۱۸۰
اوله بگندن یلقوامک

$$\begin{aligned} \text{برنی حاده} \quad ۵۲^{\circ} ۴۰' &= ۳۷^{\circ} ۴۰' - ۹۰^{\circ} \\ \text{وایکنجی حاده} \quad ۱۴۲^{\circ} ۴۰' &= ۳۷^{\circ} ۴۰' - ۱۸۰^{\circ} \end{aligned}$$

زاویه قزاعسی اقتضا ایلدیکی اکلاشیلور .

ایمدی ساعت اعتباراتنه نظراً یلقوان بر ساعتده ۳۰°

$$۳۰ = \frac{۳۶۰}{۱۲} \quad \text{عقربده}$$

درجه لك مسافه دور و حرکت ایلدیکندن شوالده
یلقوان بر ساعتده

$$۳۳۰ = ۳۰ - ۳۶۰$$

مسافه دور ایتش اوله جنی جهنله برکا نظراً عقرب ایله یلقوان

$$۹ \text{ دقیقه } \frac{۱}{۱۱} \times ۳۲ \text{ ثانیه} = \frac{۵۲ \times ۳۰}{۳۳۰}$$

مکره وضعیت قائمه به کله جکری

$$۲۵ \text{ دقیقه } \frac{۱}{۱۱} \times ۵۴ \text{ ثانیه} = \frac{۱۴۲ \times ۳۰}{۳۳۰} \quad \text{و}$$

مکره ده بر استقامتده بولنه جکری اسکلایور.

۱۱. بر ساعتك عقرب ایله یلقوانی بیننده ۷۲ لك
بر زاویه تشکل ایتش و عقربك ۱ ایله ۲ تقسیماتی آره سنده
بولنش اولدینی معلوم اولسنه نظراً ساعت قاجدر ؟

مهراب — بومسئله ایکی جوابه متعادلدر :

اولا ساعت برده یلقوان ۱۲ و عقرب بری کوسترین تقسیمات
اوزونده بولنه جفندن هرایکیسی آره سنده

$$۳۰ = \frac{۵ \times ۳۶۰}{۶۰}$$

لك برزاویه تحدث ایدر .

بو مالدہ یلقوان عقرب ایله ۷۲° لك برزاویه احدث ایتك ایچون

$$۱۰۲ = ۷۲ + ۳۰$$

لك برزاویه دور ایتسی اقتضا ایلر .

ایمدی یلقوان بو ۱۰۲ درجه لك زاویه بی دور ایتك ایچون مسئله سابقه: کورولدیکی اوزره

$$۱۸ \frac{۶}{۱۱} = \frac{۱۰۲ \times ۶۰}{۳۳۰}$$

صرف ایدر .

بناءً علیه بوزمان ساعت

$$۱ \text{ ساعت} + ۱۸ \frac{۶}{۱۱} \text{ دقیقه} = ۱ \text{ ساعت و } ۱۸ \frac{۶}{۱۱} \text{ دقیقه}$$

بی ارانه ایلر .

عقرب ایله یلقوان دیگر بر ۷۲° زاویه احدث ایلد کبری تقدیرده بوزاویه نقطه زوالی حاوی اوله جفتدن عقرب ایله یلقوان بری ۷۲° و دیگر ۳۶۰ - ۷۲ = ۲۸۸ دن عبارت ایکی قوس ایله یکدیگرندن تفریق ایدلش اولور .

$$۳۱۵ = ۲۸۸ + ۳۰$$

بناءً علیه یلقوان نقطه زواله ۳۰ + ۲۸۸ = ۳۱۵ درجه لك راویه قطبیه واصل اولور و بونك ایچون

$$۵۷ \frac{۹}{۱۱} = \frac{۳۱۸ \times ۶۰}{۳۳۰}$$

صرف ایده جکنه نظراً بوزمان ساعتك

۱ ساعت + ۵۷^۹/_۶ دقیقه = ۱ ساعت ۱^۹/_۶ ۵۷ دقیقه
 بی ارائه ایده جکی کلاشیلور .

۴۱۲ برکون واحد اعتبار ایدلدیکنه نظراً ۲ ساعت ۳۱ دقیقه ۱۲ ثانیه عدد مرکبک کسر اعشاری به تحویلی و بالعکس ۰,۸۶ کونک ساعت و دقیقه و ثانیه هیئتنده افاده سی مطلوبدر ؟

مواب — کون واحد قیاسی اعتبار اولندیکنه کوره

$$۲ \text{ ساعت } ۳۱ \text{ دقیقه } ۱۲ \text{ ثانیه} = \frac{۱۲ + (۳۱ + ۶۰ \times ۲) ۶۰}{۶۰ \times ۶۰ \times ۲۴}$$

$$= ۰,۱۰۵۱۱ \text{ کون اولور .}$$

و ۰,۸۶ کون دخی عین اصوله توفیقاً تحویل اولندقدنه علم حساب
 (ماده : ۲۴۶) موجبجه

$$۰,۸۶ \times ۲۴ = ۲۰,۶۴ \text{ ساعت}$$

$$۰,۶۴ \times ۶۰ = ۳۸,۴ \text{ دقیقه}$$

$$۰,۴ \times ۶۰ = ۲۴ \text{ ثانیه}$$

اولغله

$$۰,۸۶ \text{ کون} = ۲۰ \text{ ساعت } ۳۸ \text{ دقیقه } ۲۴ \text{ ثانیه اولور .}$$

۴۱۳ برطاغدن اشاغی به اینلیدیکی زمان کچن مدت
 جیقمق ایچون صرف اولان زمانک ۰,۷۳ قسمیله افاده
 اولندیکنه وبرکیمسه نك مذکور طاغ تپه سنده کائن برخسته.
 خانه دن ۳ ساعت ۵۷ دقیقه و ۱۲ ثانیه ده اشاغی به اینمش اولدخی
 و طاغه جیقدینی زمان هر ۵۳ مترونک قطه نده ۷ دقیقه کچمش

بولدینی معلوم المونسنه نظراً ذکر اولان خسته خانه هوقنك
ارتفاعی مطلوبدر ؟

جواب — مفاد مسئله به نظراً مدت صعود

$$\frac{3 \text{ ساعت } 57 \text{ دقیقه } 12 \text{ ثانیه} \times 100}{73} = 5 \text{ ساعت } 24 \text{ دقیقه } 55 \text{ ثانیه}$$

به مساوی اولدیننه نظراً خسته خانهك بولدینی موقعك ارتفاعی

$$\frac{53 \times 5 \text{ ساعت } 24 \text{ دقیقه } 55 \text{ ثانیه}}{7 \text{ دقیقه}} = 2460,20 \text{ مترو اولور.}$$

۱۴ مساحه اولنان برطوضامه قبونك بوی ۳ آرشون
۱۷ پارمق واکی ۲۱ پارمق اولدیغنه کوره قاچ آرشون طوبلادیغنك
حسابی مطلوبدر ؟

جواب — بومسئله یا طوغربدن طوغری به ویاخود اعداد سرکه
کسر اعشاری به تحویل ایدیلرک حل اولنور :

برنجی صورت حل — عملیاده قولایق اولن ایچون شووجهله
ترتیب اولندقدہ

	آرشون	پارمق
بوی	۳	۱۷
اک	۰	۲۱
		$14 \frac{21}{42}$
	۲	۱۵
	۲	$29 \frac{21}{42}$
	۳	$5 \frac{21}{42}$

وبناء علیه قبونك ۳ آرشون ۸ پارمق سربى طوبلادینی اكلاشیلور

ایکنجی صورت حل — اول امرده آرشون واحد اعتباریه
پارمقار تحویل اولنه رق کسر اعشاری صورتندہ یاؤلده

$$۱۷ \text{ پارمق} = \frac{۱۷}{۴} = ۰.۷۰۸ \text{ آرشون}$$

وبناء علیہ

$$۳ \text{ آرشون} = ۱۷ \text{ پارمق} = \frac{۳۱۷}{۴} = ۰.۷۰۸ \text{ آرشون}$$

$$۲۱ \text{ پارمق} = \frac{۲۱}{۴} = ۰.۵۲۵ \text{ آرشون}$$

اولدیفندن مفاد مسئلہ یہ جواب ویرمک ایچون

$$۰.۷۰۸ \times ۳ = ۰.۵۲۵ \text{ آرشون} = \frac{۲۱}{۴} \text{ پارمق اولمش اولور}$$

۱۵۴ برخانہنک بالجلہ پنجرہ لری ۲ آرشون ۰.۷۰۸ پارمق
بوینده و ۱ آرشون ۰.۵۲۵ پارمق اکنده بولندینی و بو
اولچوده ۱۸ پنجرہ اولوب بہر آرشون مربعی ایچون بر
طوغرامہ جی ایله ۱۴ غروش ۳۰ پاره فیأت کسلمش اولمسنا
نظراً مذکور پنجرہ لک اولاق قاج آرشون طوبلادیفنگ ثانی
طوغرامہ جی یہ قاج غروش ویرمک لازم کلہ جکنک حسابی
مطلوبدر ؟

جواب — ۶۱۲۸ قولایق اولق ایچون اعداد مرکبه وجہ آؤ
اوزرہ ترتیب و ضرب اولندقدہ

پارمق	آرشون
۲۱۲۸	۲
۳۱۵	۱
<hr/>	
۳۱۱۸	
۲۱۲۸	
۷۱۰	۲
<hr/>	
۷۱۹۸	۳

اولوب حالبوکه بو اولچوده ۱۸ پنجره بولندیفندد

پارمق آرشون

$$۸ \quad ۳ \quad ۱۸ \times = ۶۰ \quad \text{آرشون مربی ایدر .}$$

مفاد مسئله موجبجه بهر آرشون مربعه ۱۴,۷۵ غروش و بریله جکندن

$$۶۰ \times ۱۴۷۵ = ۸۸۵ = ۶ \times ۱۴۷۵ \quad \text{غروش اولور .}$$

۱۵ (مکرر) ۶۲ نک ۲۵ مساوی قسمه تقسیم می
مطلوبدر ؟

جواب — مفاد مسئله به جواب و برمک ایچون ۶۲ درجه ۲۵
اوژیینه تقسیم اولندوده

$$\frac{۶۲}{۲۵} = ۲٫۴۸ \quad \text{اولور .}$$

حالبوکه علم حساب (ماده : ۲۴۶) موجبجه

$$۲۸۸۰ = ۰٫۴۸ \times ۶۰ = ۲۸۸۰ \quad \text{و}$$

$$۴۸ = ۰٫۸ \times ۶۰ = ۴۸$$

اوله بختدن بونتیجه نظراً هر قسم

$$۴۸ \quad ۲۸ \quad ۲ \quad \text{اولش اولور .}$$

۱۵ (مکرر) ۳۰,۷۵ نک ۴۸ ۱۵ ایله تقسیم می
مطلوبدر ؟

جواب — تقسیم عملیاتی آتیده کوسه-ترلیدیکی وجهه یا بلده.

سهیل اوله جفتدن

$$\begin{array}{r}
 48 \quad 20 \quad 30,75 \\
 \times 3 \\
 \hline
 144
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{r}
 15 \\
 \hline
 3 \quad 13 \quad 42,00
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 20 \\
 55 \\
 10 \\
 \times 60 \\
 \hline
 600 \quad 630,75 \\
 30 \\
 0,75 \\
 00
 \end{array}$$

اولور .

تعلیم ۱۵

۴۱۶ آتیده کی عددلرک تربی مطلوبدر :

۲۳ ؛ ۳۷ ؛ ۸۳ ، ۹۹ ، ۳۱ ؛ ۳۶۰ ؛ ۲۴۰۷ ؛ ۳۰۰۵۹ ؛ ۲۰۱۰ ؛ ۱۰۰۱

$$\begin{array}{r}
 23 \\
 23 \\
 \hline
 69 \\
 46 \\
 \hline
 029
 \end{array}
 \quad
 \text{چونکه}
 \quad
 029 = (23)^2$$

$$\begin{array}{r} ۳۷ \\ ۳۷ \\ \hline ۲۰۹ \\ ۱۱۱ \\ \hline ۱۳۶۹ \end{array} \quad \text{چونکہ} \quad ۱۳۶۹ = (۳۷)^2$$

$$\begin{array}{r} ۸۳ \\ ۸۳ \\ \hline ۲۴۹ \\ ۶۶۴ \\ \hline ۶۸۸۹ \end{array} \quad \text{چونکہ} \quad ۶۸۸۹ = (۸۳)^2$$

$$\begin{array}{r} ۹۹ \\ ۹۹ \\ \hline ۸۹۱ \\ ۸۹۱ \\ \hline ۹۸۰۱ \end{array} \quad \text{چونکہ} \quad ۹۸۰۱ = (۹۹)^2$$

$$\begin{array}{r} ۳۱ \\ ۳۱ \\ \hline ۳۱ \\ ۹۳ \\ \hline ۹۶۱ \end{array} \quad \text{چونکہ} \quad ۹۶۱ = (۳۱)^2$$

$$\begin{array}{r} ۳۶۰ \\ ۳۶۰ \\ \hline ۲۱۶ \\ ۱۰۸ \\ \hline ۱۲۹۶۰۰ \end{array} \quad \text{چونکہ} \quad ۱۲۹۶۰۰ = (۳۶۰)^2$$

$$۵۷۹۳۶۴۹ = (۲۴۰۷)^۲$$

۲۴۰۷ چونکه

۲۴۰۷

۱۶۸۴۹

۹۶۲۸

۴۸۱۴

۵۷۹۳۶۴۹

$$۹۰۳۵۴۳۴۸۱ = (۳۰۰۵۹)^۲$$

۳۰۰۵۹ چونکه

۳۰۰۵۹

۲۷۰۵۳۱

۱۵۰۲۹۵

۹۰۱۷۷

۹۰۳۵۴۳۴۸۱

$$۱۰۰۲۰۰۱ = (۱۰۰۱)^۲$$

۱۰۰۱ چونکه

۱۰۰۱

۱۰۰۱

۱۰۰۱

۱۰۰۱

۱۰۰۲۰۰۱

$$۴۰۴۰۱۰۰ = (۲۰۱۰)^۲$$

۲۰۱۰ چونکه

۲۰۱۰

۲۰۱

۴۰۲

۴۰۴۰۱۰۰

۴۱۷ آئیده کی اعداد اعشاریه نك تربیی و مطلوبدر :

$$۷,۰۰۵ \div ۰,۰۱ \div ۲,۴ \div ۰,۰۰۷۲ \div ۰,۰۴$$

$$۹,۰۹ \quad ۹,۹ \quad ۰,۹۹ \quad ۴۵,۵$$

جواب —

$$۰,۰۰۱۶ = (۰,۰۴)^2$$

بوراده اولاد دردك مربیی آنسور ۱۶ ایدر مسكره كسر
اعشاریه نك عدد رقی رفع اولندی قوت ایله ضرب ایدله رك
 $۲ \times ۲ = ۴$ اولفله بوكا كوره صاغدن صوله طوغرو ۴ خانه
تفریق اولنهرق

$$۰,۰۰۱۶ \text{ یازیلور.}$$

$$۰,۰۰۰۰۵۱۸۴ = (۰,۰۰۷۲)^2$$

$$\begin{array}{r} ۰,۰۰۷۲ \\ ۰,۰۰۷۲ \\ \hline ۱۴۴ \\ ۵۰۴ \\ \hline ۰,۰۰۰۰۵۱۸۴ \end{array} \quad \text{چونكه}$$

$$۵,۷۶ = (۲,۴)^2$$

$$\begin{array}{r} ۲۱۴ \\ ۲۱۴ \\ \hline ۹۶ \\ ۴۹ \\ \hline ۵۷۶ \end{array} \quad \text{چونكه}$$

$$۰,۰۰۰۱ = \sqrt{(۰,۰۱)}$$

براده کسر اعشاری رقلری ۲ اولوب رفع قوتيله ضرب اولندلده
ایده جکندن بوکا کورم صاغدن صوله طوغری درت خانه تفریق
ولندقدمه ۰,۰۰۰۱ یازیلور .

$$۴۹,۰۷۰۰۳۵ = \sqrt{(۷,۰۰۵)}$$

۷,۰۰۵	چونکه
۷,۰۰۵	
<hr/>	
۳۵۰۳۵	
۴۹۰۳۵	
<hr/>	
۴۹,۰۷۰۰۳۵	

$$۲۰۷۰,۲۵ = \sqrt{(۴۵,۵)}$$

۴۵,۵	چونکه
۴۵,۵	
<hr/>	
۲۳۷۵	
۲۲۷۵	
<hr/>	
۱۸۲۰	
<hr/>	
۲۰۷۰,۲۵	

$$۰,۹۸۰۱ = \sqrt{(۰,۹۹)}$$

۰,۹۹	چونکه
۰,۹۹	
<hr/>	
۸۹۱	
۸۹۱	
<hr/>	
۰,۹۸۰۱	

$$۹۸,۰۱ = \sqrt{(۰,۹)}$$

۴۱۹ آئیده کی عددلرک مضروبانه تفریقیله مربع تام اولوب اولدقلرینی بیان ایدیکنز :

(۱) ۱۷۶۴

جواب — بو عدد مضروبانه تفریق اولدقدده

$$\begin{array}{r} 2 \\ 7 \end{array} \times \begin{array}{r} 2 \\ 4 \end{array} \times \begin{array}{r} 2 \\ 2 \end{array}$$

اولدوق علم حساب (ماده : ۲۶۲) موجینجه بر مربع تام اولمش اولور .

(۲) ۷۵۶

جواب — بو عدد عین وجهله مضروبانه تفریق اولدقدده

$$7 \times \begin{array}{r} 2 \\ 3 \end{array} \times \begin{array}{r} 2 \\ 2 \end{array}$$

اولدیغندن علم حسابده عین ماده احکامنه نظراً بر مربع تام دکلر .

۴۲۰ آئیده کی عددلرک بالمعاینه مربع تام اولوب اولدقلرینی افاده ایتمک مطلوبدر :

(۱) ۱۳۵۲ (۲) ۱۴۸۷ (۳) ۳۵۷۶

جواب — بو عددلردن برنجی ایله ایکنجی ۲ و ۷ عددلیله نهایت بولدیغندن علم حساب (ماده : ۲۶۳) موجینجه مربع تام دکلر . ۳۵۷۶ عددینه کانجه صوکی ۶ عددیله نهایت بولدیغندن مربع تام اولوق احتمالی وارد خاطر اولور . بونک ایچون عدد مذوری تدقیق ایتمک لازم کلیر .

ایندی ۳۵۷۶ عددی مضروباً به تفریق اولندقه

$$۱۴۹ \times ۲ \times ۲^۳ = ۳۵۷۶$$

وبناء علیه صریح تام بر عدد اولدینی ظاهر اولور .

۴۲۱ آئیده کی عددلرک جذر مربعلری مظلوبدر :

(۱) ۴۴۱

جواب — ۴۴۱ عددی صاغدن صوله طوغری ایکی جمله به تفریق اولندقه صولده کی جمله بر رقلی قالیر. بناء علیه حاصل جذر ایکی رقلی اولور .

صورت عملیات

۴	۲۱
۴	۴۱
۰	۱
۴۱	۴۱
۰۰	

شویله دیرم : دردک جذری ۲ در جذر خانه سسه یا زارم و ۲ نکه مربعی صولدن برنجی جمله دن طرح ایدرک صفر باقی قالیر. صکره ایکنجی جمله یی طاقیله اشاغی به آایرم ۴۱ اولور .

صاغدن بر خانه تفریق ایدر وجذرک ضعفنی آایرم ۴ ایدر دردی بو ۴ ایله تقیم ایدرک خارج قسقی ۱ بولورم بناء علیه $۴۱ = ۱ \times ۴۱$ ایدر و بونی صولدن ایکنجی جمله دن طرح ایدرک باقی صفر وحاصل جذرک ایکنجی خانه سی ۱ اولغله جذر صحیح ۲۱ اولش اولور .

طرحلرک اثنای عملیاتده یازیلیورمسی حساباتی دها زیاده تسهیل ایدر . بناءً علیه

$$۲۱ = \sqrt{۴۴۱} \quad \text{یازیلور .}$$

(۲) ۲۷۰۴

مواب — بوعدد دخی صاغدن اعتباراً ایکی جملهیه تفریق اولندقدده عملیات وجه آتی اوزره کوستریلور :

$$\begin{array}{r} ۲۷۰۴ \quad | \quad ۵۲ \\ ۲۵ \quad \quad \quad ۱۰۲ \\ \hline ۲۰۴ \quad \quad \quad ۲ \\ ۲۰۴ \quad \quad \quad ۲۰۴ \\ \hline ۰۰۰ \end{array}$$

۲۷ عددنده داخل اولان اک بیوک مسبع تام عدد ۲۵ اولوب بونکده جذری ۵ در .

۵ کره ۵ ۵ ۴ ۲۷ دن چقدی ۲ قالدی .

سکره ایکنجی جملهنی تشکیل ایدن ۰۴ ی ایترم صاغدن بررقی تفریق ایدرو حاصل جذر اوله رق یازیلان ۵ رقنک ضعفی آلبرم بعده ۲۰ یی ۱۰ ایله تقسیم ایدرم خارج قسمت ۲ ایدر بو ۲ یی ۱۰ نك صاغ طرفنه یازارم ۱۰۲ ایدر و بونی ۲ ایله ضرب ایدرک ۲۰۴ دن طرح ایتدی کمده باقی صفر اولور .

عملیاتی تلخیص ایچون

$$\begin{array}{r} ۲۷۰۴ \quad | \quad ۵۲ \\ ۲۰۴ \quad \quad \quad ۱۰۲ \\ \hline ۰۰۰ \quad \quad \quad \times ۲ \end{array}$$

طرز اختیار اولونور .

۷۰۵۶ (۳)

مرباب — عین وجهله اجرای عمل اولند قده

$$\begin{array}{r} 7056 \overline{) 84} \\ 64 \\ \hline 606 \\ 606 \\ \hline 000 \end{array}$$

وبناء علیه

اولور . $84 = \sqrt{7056}$

۶۹۷۲۲۵ (۴)

مرباب — اول امرده عدد صاغدن اعتباراً اوچ جمله به آیریلور
بعده ترتیب آتی وجهله اجرای عمل اولونور :

$$\begin{array}{r} 69 \overline{) 72} \overline{) 25} \overline{) 835} \\ 572 \\ \hline 083 \\ 00 \end{array}$$

۶۹ عددنده داخل اولان انک بیوک مربع تام عدد ۶۴ اولوب
بیوکده جذر مربعی ۸ در . جذر خاصه سنه ۸ یا زارم ۸ کره ۸ ۶۴
ایدر . ۶۹ دن طرح ایله ۵ قالیر دیرم .

صکره ایکنجی جمله بی تشکیل ایدن ۷۲ بی ایندیریرم صاغدن برنجی
رقنی آیریم حاصل جذرده کی رفقک ضعفی آلیرم ۱۶ ایدر . ۵۷ بی ۱۶
اوزرینه تقیم ایدوک ۳ خارج قسمتی ۱۶ نک صاغ طرفنه یازوب ۱۶۳ × ۳
حاصل ضربنی ۵۷۲ دن طرح ایله ۸۳ باقی قالیر .

بناءً عليه جذرك ايكنجى خانه سنه ۳ يازارم
 بدمه اوچنجى جمله ي تشكىل ايدن ۲۵ ى اينديريرم صاغدن برنجى
 رقى آييريىرم حاصل جذر اولان ۸۳ عددىنك ضمنى آليرم ۱۶۶ ايدر
 ۸۳۲ عددى ۱۶۶ ايله بالتقسيم ۵ خارج قسمنى ظهورايدر بو ۵
 عددى ۱۶۶ نك صاغ طرفنه يازلدقده ۱۶۶۵ اولور بدمه ۱۶۶۵ × ۵
 حاصل ضربى ۸۳۲۵ دن طرح اولندقدده باقى صفر اولور . و بناءً عليه

$$۸۳۵ = \sqrt{۶۹۷۲۲۵}$$

اولش اولور .

(۵) ۱۴۴۹۶۱۶

مواب — عين وجهله اجراى عمليات اولنهرق

$$\begin{array}{r|l} ۱۴۴۹۶۱۶ & ۱۲۰۴ \\ ۰۴۴ & ۲۲۲۴۰۴ \\ ۰۰۹۶۱۶ & ۲ \\ ۰۰۰۰ & ۴ \end{array}$$

و بنا برين

$$۱۲۰۴ = \sqrt{۱۴۴۹۶۱۶} \quad \text{اولور .}$$

(۶) ۱۹۶۵۰۴۳۲۴

مواب — عين وجهله عمل اولنهرق

$$\begin{array}{r|l} ۱۹۶۵۰۴۳۲۴ & ۱۴۰۱۸ \\ ۰۹۶ & ۲۴۲۸۰۱۲۸۰۲۸ \\ ۰۰۵۰۴۳ & ۴۱۸ \\ ۲۲۴۲۲۴ & ۸ \\ ۰۰۰ & \end{array}$$

و بناءً علیه

$$۱۴۰۱۸ = \sqrt{۱۹۶۵۰۴۳۲۴}$$

اولش اولور .

۴۳۲ آتیله محرر عددلرک جذر مربع تقریبیلری
مطلوبدر :

(۱) ۵۱۷۹

هواب — جذر مطلوب ۷ و باقی ۱۳۸ در .
چونکه سابق کبی اجرای عمل اولندقدہ

$$\begin{array}{r|l} ۵۱\ ۷۹ & ۷۱ \\ ۲\ ۷۹ & ۱۴۱ \\ ۱\ ۳۸ & ۱ \end{array}$$

وشو حالده

$$۱۳۸ + ۷۱^2 = ۵۱۷۹$$

بولنور .

(۲) ۴۹۰۹۸۶۵۲

هواب — جذر مطلوب ۷۰۰۷ و باقی ۶۰۳ در .
چونکه عملیات یا بلدقدہ

$$\begin{array}{r|l} ۴۹\ ۰۹\ ۸۶\ ۵۲ & ۷۰۰۷ \\ ۰۰\ ۰۹\ ۸۶\ ۵۲ & ۱۴۰۰۷ \\ ۰\ ۰۶\ ۰۳ & ۷ \end{array}$$

بناءً عليه

$$. \text{ اولور } 6.3 + 70.7^2 = 49.98652$$

$$64608480 \quad (3)$$

مبدأب — واحد تقریبه جذر مطلوب ۸۰۳۸ و باقی ۳۶ در.
فی الحقیقه سوانقی کبی اجرای عملیات اولندقدہ

$\begin{array}{r} 66 \overline{) 609480} \\ \underline{0 6094} \\ 128580 \\ \underline{0 0036} \end{array}$	$\begin{array}{r} 8038 \\ \underline{1603} \\ 3 \end{array}$	$\begin{array}{r} 16068 \\ \underline{8} \end{array}$
---	--	---

اولور .

$$43789,97 \quad (4)$$

مبدأب — اول اصرده عدد تامك واحد تقریبه جذر مربعی
مبحری ایدیلهرك ۲۰۹ عددی استحصال اولونور و باقی ۱۰۸,۹۷
اولور .

عملیات شووجمله ترتیب واجرا اولونور :

$\begin{array}{r} 4 \overline{) 3789,97} \\ \underline{0 3789} \\ 108,97 \end{array}$	$\begin{array}{r} 209 \\ \underline{409} \\ 6 \end{array}$
--	--

$$99225,08 \quad (4)$$

مبدأب — بوهدلك عدد تام قسمتك جذر مربعی ۳۱۵

اولمغه جذر مطلوب ۳۱۵ و باقى ۰,۰۸ اولش اولور . فى الحقيقه

$$\begin{array}{r|l} 315 & 9 \overline{) 92250,08} \\ 61 & 0 \overline{) 92} \\ 1 & 3125 \end{array}$$

اولور .

۰۰۰,۰۸

(۶) ۱۲۳۲۴,۸۵۳

جواب — جذر مطلوب ۱۱۱ و باقى ۳,۸۵۳ در .
چونكه

$$\begin{array}{r|l} 111 & 1 \overline{) 12324,853} \\ 21 & 0 \overline{) 23} \\ 1 & 224 \end{array}$$

اولور .

۰ ۳,۸۵۳

۴۲۳ ۲ و ۳ و ۵ و ۳,۱۴۱۵۹ عددرينك
۰,۰۰۰۱ خطا ايله جذر مربعلى مطلوبدر ؟

جواب — آرانيلان جذر دوت رقم اعشاريدن عبارت
اوله جفته بناءً ۲ ، ۳ ، ۵ عددرينك جذرلىنى تحرى ايتزدن مقدم
صاغ طرفلرينه دوت جمله تشكيل ايتك اوزره سكر صفر قويهرق
۰۰۰۰۰۰۰۰ و ۲۰۰۰۰۰۰۰ و ۳۰۰۰۰۰۰۰ و ۵۰۰۰۰۰۰۰۰
عددرينك جذر مربعلىنى بولوروز بناءً عليه

$$1,7320 = \sqrt{3} \quad 1,4142 = \sqrt{2}$$

$$1,7724 = \sqrt{3,14159} \quad 2,2360 = \sqrt{5}$$

اولور . چونکه بونلردن دیکرلرینک حسابنه نمونه اولورق یالکر
 $\sqrt{2}$ نك حسابی یاپلقدده

$$\begin{array}{r}
 2 \ 00 \ 00 \ 00 \ 00 \quad | \quad 1,4142 \\
 1 \ 00 \quad | \quad 24 \quad | \quad 281 \quad | \quad 2842 \quad | \quad 28282 \\
 \hline
 4 \ 00 \quad | \quad 4 \quad | \quad 1 \quad | \quad 2 \quad | \quad 2 \\
 1 \ 19 \ 00 \\
 \hline
 6 \ 04 \ 00 \\
 0,0000 \ 38 \ 36
 \end{array}$$

وبناءً علیه جذر مطلوب ۱,۴۱۴۲ وباقی ۳۸۳۶ ۰,۰۰۰۰ اولمش
 اولور .

۴۲۴ ۷۸۵۰۴ عددینک ۰,۰۱ خطا ایله جذر
 مربعی مطلوبدر ؟

جواب -- مفاد مسئله یه کوره جذر ایکی رقم اعشاری بی حاوی
 اوله جق دیمکدر . بنابرین عدد مفروضک صاغ طرفنه ایکی جله صفر
 یازیله رق جذر مربعی اخذ اولندقدده

$$\begin{array}{r}
 7 \ 80 \ 04 \ 00 \ 00 \quad | \quad 280,18 \\
 3 \ 80 \quad | \quad 48 \quad | \quad 5601 \quad | \quad 56028 \\
 \hline
 01 \ 04 \ 00 \quad | \quad 8 \quad | \quad 1 \quad | \quad 8 \\
 47 \ 99 \ 00 \\
 3,1676
 \end{array}$$

وبناءً علیه جذر مطلوب ۲۸۰,۱۸ وباقی ۳,۱۶۷۶ اولور .

۴۲۵ $\frac{1}{9}$ کسرینک ۰,۱ خطا ایله جذر مربعی
 مطلوبدر ؟

۴۳۰ ۲۴ و ۳۴۵,۷ و $\frac{2}{3}$ عددلرینک اوندە $\frac{2}{3}$ خطایله
جذر مربع تقریبلری مطلوبدر ؟

میراب — بر عددک اوندە $\frac{2}{3}$ خطایله جذر مربعی آلق
 $\sqrt{\frac{2}{3}} = \frac{1}{3} \times \sqrt{2}$ خطایله جذر مربعی اخذ ایتمک دیمک اولدیقنه
بناءً علم حساب (ماده : ۲۷۵) احکامنجه

$$\frac{44}{70} = 114 \times \frac{2}{70} = \frac{70}{2} \times 24 \sqrt{\frac{2}{70}} = \sqrt{\frac{2}{70}} = 24 \sqrt{\frac{2}{70}}$$

$$433 \times \frac{3}{70} = \frac{70}{2} \times 345,7 \sqrt{\frac{3}{70}} = 345,7 \sqrt{\frac{3}{70}}$$

$$18 \frac{39}{70} =$$

$$21 \times \frac{3}{70} = \frac{70}{2} \times \frac{41}{49} \sqrt{\frac{3}{70}} = \frac{41}{49} \sqrt{\frac{3}{70}}$$

$$\frac{9}{10} =$$

اولور .

۴۳۱ آتیدهکی عددلرک تکمیلی مطلوبدر :

۱۲ ؛ ۲۵ ؛ ۱۳۵ ؛ ۱۰۰ ؛ ۵۰۰۰

۶۰۱ ؛ ۱۰۱۹ ؛ ۵۲۳۴ ؛ ۰,۵ ؛ ۳,۲ ؛

۱,۰۵ ؛ ۰,۰۰۱ ؛ ۰,۰۷

مہراب — علم حساب (مادہ : ۲۷۷) احکامہ توفیقاً نتائج
آئیہ حاصل اولور :

$$۱۷۲۸ = ۱۲ \times ۱۴۴ = ۱۲ \times ۱۲^2 = ۱۲^3$$

$$\begin{array}{r} ۱۴۴ \\ ۱۲ \\ \hline ۲۸۸ \\ ۱۴۴ \\ \hline ۱۷۲۸ \end{array}$$

$$۱۰۶۲۵ = ۲۵ \times ۲۵ \times ۲۵ = ۲۵^3$$

$$\begin{array}{r} ۶۲۵ \\ ۲۵ \\ \hline ۳۱۲۵ \\ ۱۲۵۰ \\ \hline ۱۰۶۲۵ \end{array}$$

$$\begin{array}{r} ۲۵ \\ ۲۵ \\ \hline ۱۲۵ \\ ۵۰ \\ \hline ۶۲۵ \end{array}$$

$$۲۴۶۰۳۷۵ = ۱۳۵^3$$

$$\begin{array}{r} ۱۸۲۲۵ \\ ۱۳۵ \\ \hline ۹۱۱۲۵ \\ ۵۴۶۷۵ \\ ۱۸۲۲۵ \\ \hline ۲۴۶۰۳۷۵ \end{array}$$

$$\begin{array}{r} ۱۳۵ \\ ۱۳۵ \\ \hline ۶۷۵ \\ ۴۰۰ \\ ۱۳۵ \\ \hline ۱۸۲۲۵ \end{array}$$

$$۱۰۰۰۰۰ = ۱۰۰^۲$$

$$۱۲۵۰۰۰۰۰۰۰ = ۵۰۰۰^۲$$

$$۲۱۷۰۸۱۸۰۱ = ۶۰۱ \times ۳۶۱۲۰۱ = ۶۰۱^۲$$

$$۱۰۵۸۰۸۹۸۵۹ = ۱۰۱۹ \times ۱۰۳۸۳۶۱ = ۱۰۱۹^۲$$

$$۱۴۳۳۸۴۱۵۲۹۰۴ = ۵۲۳۴ \times ۲۷۳۹۴۷۵۶ = ۵۲۳۴^۲$$

$$۰,۱۲۵ = ۰,۵^۲$$

$$۳۲,۷۶۸ = ۳,۲^۲$$

$$\begin{array}{r} ۱۰,۲۴ \\ ۳,۲ \\ \hline ۲۰۴۸ \quad ۰ \\ ۳۰۷۲ \\ \hline ۳۲,۷۶۸ \end{array}$$

$$\begin{array}{r} ۳,۲ \\ ۳,۲ \\ \hline ۶۴ \\ ۹۶ \\ \hline ۱۰,۲۴ \end{array}$$

$$۰,۰۰۰۲۴۳ = ۰,۰۷^۲$$

$$۰,۰۰۰۰۰۰۰۱ = ۰,۰۰۱^۲$$

$$۱,۱۵۷۶۲۵ = ۱,۰۵^۲$$

۱,۱۰۲۵	۱,۰۰
۱,۰۰	۱,۰۰
<u>۵۵۱۲۵</u>	<u>۵۲۵</u>
۱۱۰۲۵	۱۰۰
<u>۱,۱۰۷۶۲۵</u>	<u>۱,۱۰۲۵</u>

چونكى

۴۳۳ آتيدەكى عددلارنىڭ جىزىر مەكەبلىرى مەطلوبىدر :

(۱) ۵۱۲

جواب — علم حساب (مادە : ۲۵۴) مۇجىئە بىردىن
مەطلوبە قىلغۇچى عددلارنىڭ مەكەبى جەدولە مەراجەت اولغۇدە

$$۵۱۲ = ۸^۲$$

اولەينى كورۇلماقچى

$$۸ = \sqrt[۲]{۵۱۲}$$

بولغۇر .

(۲) ۴۹۵

جواب — بوعدد ۱۰۰۰ دىن كىچىك اولەينىدىن جىزىر
مەكەبى ۱۰۰۰ عددىنىڭ جىزىر مەكەبى اولان ۱۰ دىن كىچىك اولەينى
جەھەتە جىزىر مەطلوب بىر خانەلى اولور . فەزلە اولەرق علم حساب
(مادە : ۲۵۴) احكامنە توفىقاً

$$۳۴۳ = ۷^۲$$

$$۵۱۲ = ۸^۲$$

اولەينى ۴۹۵ عددىنىڭ جىزىر مەكەبى ۷ ۱۱ ۸ عددلىرى يىنىدە

بولور . بناءً عليه عدد مذکورك خطای تقریبی ناقص ایله جذر
صربی ۷ و باقی

$$۱۵۲ = ۳۴۳ - ۴۹۰ \quad \text{اولور .}$$

(۳) ۶۸۵۹

مرباب — بوعدد صاغدن اعتباراً اوچر رقتی جله لره تفریق
اولندقدده ایکی جله تشکیل ایدلمش و بکا نظراً عدد مذکور جذر
مکمنك ایکی رقتی اوله جفی اکلاشلمش اولور .

عملیات وجه اتی اوزره ترتیب اولندقدده

$$\begin{array}{r}
 \overline{6 \ 859} \\
 \underline{1} \\
 5 \ 859
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{l}
 19 \\
 \hline
 3 = 1 \times 3 \\
 \hline
 300 = 100 \times 1 \times 3 \\
 270 = 10 \times 9 \times 1 \times 3 \\
 \hline
 81 = 9 \\
 \hline
 651 \\
 \hline
 9 \\
 \hline
 5859
 \end{array}$$

اولور .

اول اسرده ۶ ده داخل اولان الك بوبوك مكعب تحری اولونور .
بوده واحددر . بونك جذر مكعبی ۱ اولفله ۶ دن طرح
اولندقدده باقی ۵ قالیر . بده ایکنجی جله اشاغی به ایندیریلهرک
۵۸۵۹ عددی تشکیل و بونك صاغدن ایکی رقتی ایدیلور .

صکره جذرده عشرات رقتک اوچ مثلی اخذ اولونور ، بوده

$3 \times 1^2 = 3$ اولوب بالتدقیق اشبو ۳ عددی ۵۸ ده مطلقاً ۹ دفعه داخل بولنور .

بناءً علیه ۹ رقمی آتی الذکر

۱ — جذرک عشرات خانه سنک مربینک ۳ مثلی اولان ۳۰۰

۲ — جذرک عشرات رقمک تجربہ اولنه جی رقم ایله حاصل ضربینک ۳ مثلی که $270 = 9 \times 10 \times 3$

۳ — تجربہ اولنه جی رقم مربی که $81 = 9^2$

عددلرینک جمیله حاصل اولان مجموع ایله ضرب اولنده رقمی تجربہ یابیلور . بناءً علیه

$$5809 = 9 \times 645 = 9 \times (81 + 270 + 300)$$

بولنور . بوحاصل ضرب برنجی باقیدن طرح اولندقدہ ۰ کالیر

بوکا نظراً جذر مکعب تم ۱۹ اولمش اولور .

(۴) ۲۱۹۵۲

مهراب — عدد مذکور صاغدن اعتباراً اوچر رقمی ایکی

جمله تفریقی اولندقدہ بری اوچ و دیگر ۲ رقمی ایکی جمله تشکیل ایدلمش اولور .

بوکا بناءً جذر . مطلوب ایکی رقمی حاوی اولور .

عمایات وجه آتی اوزره ترتیب اولندقدہ

۲۱ ۹۵۲	۲۸
۸	$12 = 2 \times 3$
۱۳ ۹۵۲	$1200 = 100 \times 2 \times 3$ $1200 = 100 \times 2 \times 3$ $040 = 10 \times 2 \times 9 \times 3$ $480 = 10 \times 2 \times 8 \times 3$ $81 = 9^2$ $64 = 8^2$ <hr/> 1821 9 <hr/> 16389
	<hr/> 1744 8 <hr/> 13952

اولور .

بوراده اول امرده ۲۱ عددنده داخل اولان اڤ بويوك مڪب
مجرى اولونور بوده ۸ اولوب جنر مڪبي ۲ دو بناء عليه

$$۲۱ - ۸ = ۱۳$$

باقى قالير . اشو ۱۳ عددينك صاغ مارفنده ايكنجى جمله تنزيل
اولدندقه ۱۳۹۵۲ عددى تشكيل وبونك صاغندن ايكي رقم تفريق
اولونور . جذرك عشرات رقى صربنك ۳ مثلى $۲ \times ۳ = ۱۲$
اولدېفندن ۱۳۹ اشو ۱۲ اوزرينه تقسيم ارلندقه ۹ خارج قسمتى
ظهور ايدر .

شيمدى ۹ رقى تجربيه ايدلم . بونك ايچون
۱ - ۲ لك صربنك ۳ مثلى ۱۰۰ ايله ضرب ايدرك

$$۱۲۰۰ = ۱۰۰ \times ۲^۲ \times ۳$$

۲ - ۲ و ۹ و ۱۰ عددلرينك حاصل ضربنك ۳ مثلى يعنى

$$۵۴۰ = ۱۰ \times ۲ \times ۹ \times ۳$$

۳ - ۹ عددينك صربى يعنى ۸۱

عدولريني جمع ايدلم . ۱۸۲۱ عددى حاصل اولور . بوعدد ۹ ايله
ضرب اولدندقه

$$۱۶۳۸۹ = ۹ \times ۱۸۲۱$$

بوعدد ۱۳۹۵۲ عددن قابل طرح اولدېفندن ۹ عددينك
بويوك برعدد ارليني اكلاشيلور بوندن برتقصانى اولان ۸ عددى
سابقى كچي تجربيه اولدندقه

$$۱۲۰۰ = ۱۰۰ \times ۲^۲ \times ۳$$

$$۴۸۰ = ۱۰ \times ۱۰ \times ۸ \times ۳$$

$$۶۴ = ۸^۲$$

و بحاصل ضرب برك جميله

$۱۳۹۵۲ = ۸ \times ۱۷۴۴ = ۸ \times (۶۴ + ۴۸۰ + ۱۲۰۰)$
و بوده برنجی باقی به مساوی اولتین بالطرح نتیجه صفر اولور و
شودالده جذر مطلوب

$$۲۸ = \sqrt[3]{۲۱۹۵۲}$$

اولش اولور .

$$۳۰۰۷۶۳ \quad (۵)$$

جواب — آرانیلان جذر مکعب ایکی رقبی اوله جتدر
عملیات سابقی کی ترتیب و احرا اولندقد

$$\begin{array}{r} ۳۰۰ \quad \overline{۷۶۳} \\ ۲۱۶ \\ \hline ۸۴۷۶۳ \end{array}$$

$$\begin{array}{r} ۶۷ \\ \hline ۱۰۸ = ۶ \times ۳ \\ \hline ۱۰۸۰۰ = ۱۰۰ \times ۶ \times ۳ \\ ۱۲۶۰ = ۱۰ \times ۷ \times ۶ \times ۳ \\ \hline ۴۹ = ۷ \\ ۱۲۱۰۹ \\ ۷ \\ \hline ۸۴۷۶۳ \end{array}$$

اولور .

اول امرده ۳۰۰ عددنده داخل اولان اک بویوک مکعب تحری
اوله رق ۲۱۶ عددی بولنور بوئت جذر مکعبی ۶ اولوب حاصل جذرک
عشرات رقبی تشکیل ایدر .

$$۲۱۶ = ۶^3 \quad \text{اولدیفندن}$$

$$۳۰۰ - ۲۱۶ = ۸۴ \quad \text{باقی قالیر .}$$

۳ رقبی ایکنجی جمله اشاغی به آلدقد ۸۴۷۶۳ عددی تشکیل
و بویوک صاغندن ایکی رقم تفریق اولونور .

ایمدی ۶ عددینک مربعتک ۳ مثلی

$$۱۰۸ = ۳۶ \times ۳ = ۶^2 \times ۳ \quad \text{اولور .}$$

۸۴۷ عددی اشبو ۱۰۸ اوزربنه تقسیم اولندقدہ ۷ خارج قسمتی

ظہور ایدر . بونک

$$۴۹ + ۱۲۶۰ + ۱۰۸۰۰ = ۷^2 + ۱۰ \times ۷ \times ۶ \times ۳ + ۱۰۰ \times ۶^2 \times ۳$$

$$۱۲۱۰۹ =$$

مجموعیله حاصل ضرب اولان

$$۸۴۷۶۳ = ۷ \times ۱۲۱۰۹$$

عددینک برنجی باقی تشکیل ایدن ۸۴۷۶۳ عددندن قابل طرح اولوب اولدینی ماینه ایدیلور بوحاصل ضرب باقی مذکورہ مساوی کورولدیکنندن تفاضاری صفر اولور و بناءً علیہ جذر مکعب تام

$$۶۷ = \sqrt[۳]{۳۰۰۷۶۳} \quad \text{بولور .}$$

$$۸۴۶۰۴۵۱۹ (۶)$$

مرباب — عدد مذکور صاغدن اعتباراً اوج جملیہ قابل تفریق اولدینندن ارایلان جذر مکعب ۳ رقی اولور فی الحقیقہ

۸۴ ۶۰۴ ۵۱۹	۴۳۹		
۶۴	۴۸ = ۴ × ۳	۵۵۴۷ = ۴۳ × ۳	
۲۰ ۶۰۴	۴۸۰۰	۴۸۰۰	۵۵۴۷۰۰
۱۵ ۵۰۷	۴۸۰	۳۶۰	۱۱۶۱۰
۵ ۰۹۷ ۵۱۹	۱۶	۹	۸۱
	۵۲۹۶	۵۱۶۹	۵۱۶۳۹۱
	۴	۳	۹
	۲۱۱۸۴	۱۵۵۰۷	۵۰۹۷۵۱۹

اولور .

۸۴ عددینك جذر مكعبی ۴ اولدیغندن

$$64 = 4^3$$

بناءً علیه

$$84 - 64 = 20 \text{ باقی قالیر .}$$

ایکینجی جله اشاغییه ایندیریله رك ۲۰۶۰۴ عددی تشکیل اولونور
و بونك صاغندن ایکی رقی تفریق اولنه رقی ۲۰۶ عددی ۴ لك صر بونك

$$3 \text{ مثل اولان } 48 = 16 \times 3 = 4^2 \times 3$$

اوزرینه تقسیم اولندوقده خارج قسمت ۴ اولدیغندن بو ۴ رقی جذر
ایکینجی رقی اولق اوزره تجربه ایدیلور . یعنی

$$1184 = 4 \times (3^2 + 10 \times 4 \times 3 + 100 \times 4^2 \times 3) \\ \text{اولغله دردك بويوك بر عدد اولدیغی آکلا شیلور . بوكا کوره بر نقصان}$$

$$5507 = 3 \times (3^2 + 10 \times 3 \times 4 \times 3 + 100 \times 4^2 \times 3)$$

اولغله . نجی باقیدن طرح اولندوقده

$$5097 = 15507 - 20604 \text{ قالیر .}$$

۵۰۹۷ عددینك صاغ طرفنه اوچنجی جله ایندیریلده ۰۹۷۵۱۹

عددی تشکیل و ۵۰۹۷۵ عددینك ۴۳ $5547 = 3 \times 4^3$ عدد
اوزرینه تقسیمندن ظهور ایده جك خارج قسمت تحری اولونور .

ایمدی ۵۰۹۷۵ عددینك ۵۵۴۷ اوزرینه تقسیمندن ظهور
ایدن خارج قسمت ۹ اولغله بورقم تجربه اولونور . بونك ایچون

$$554700 = 100 \times 4^3 \times 3$$

$$11610 = 10 \times 9 \times 4^3 \times 3$$

$$81 = 9^2$$

اشبو اوج عدد مجموعی اولان ۵۶۶۳۹۱ ایله ضرب اولنده
 $۵۶۶۳۹۱ \times ۹ = ۵۰۹۷۵۱۹$ اولغله بوحاصل ضربك ایکنجه
 باقیدن قابل طرح اولوب اولدینی تدقیق ایدیلور . حاصل ضرب
 مذکور جذرك باقی جزئینه مساوی اولدیفندن جذر مكعبك تام
 اولدینی و

$$۴۳۹ = \sqrt[3]{۸۴۶۰۴۵۱۹}$$

ایدوکی اکلایلور .

$$(۷) \quad ۱۶۰۹۸۴۵۳۱۲۵$$

مواب — سابقی کی اجرای معامله اولندقدہ

$$۲۵۲۵ = \sqrt[3]{۱۶۰۹۸۴۵۳۱۲۵}$$

اولور .

۴۳۳ آتیده کی عددلرك واحد تقریبه جذر مکعبلری

مطلوبدر :

$$(۱) \quad ۸۳۶۷۷۵$$

مواب — عملیات قاعده معلومه یه توفیقاً ترتیب اولندقدہ

$\begin{array}{r} ۸۳۶ \ ۷۷۵ \\ ۷۲۹ \ \underline{\hspace{1cm}} \\ ۱۰۷ \ ۷۷۵ \\ ۱۰۱ \ ۵۸۴ \\ \hline ۶۱۹۱ \end{array}$	$\begin{array}{r} ۹۴ \\ \hline ۲۴۳ = ۹ \times ۳ \\ \hline ۲۴۳۰۰ \\ ۱۰۸۰ \\ ۱۶ \\ \hline ۲۵۳۹۶ \\ ۴ \\ \hline ۱۰۱۵۸۴ \end{array}$
---	--

جذرك عشرات رقی ۹ اولور و بناءً علیه

$$۷۲۹ = ۹^۲$$

$$۱۰۷ = ۷۲۹ - ۸۳۶$$

$$۲۴۳ = ۹^۲ \times ۳ \quad \text{اولور ،}$$

شوالده ۱۰۷۷ عددی ۲۴۳ ایله تقسیم ایتک ایجاب ایدر
و خارج قسمت ۴ اولور .
بورقم تجربه اولندقده

$$۲۴۳۰۰ = ۱۰۰ \times ۹^۲ \times ۳$$

$$۱۰۸۰ = ۱۰ \times ۴ \times ۹ \times ۳$$

$$۱۶ = ۴^۲$$

اولفین بونلرك جمع و ۴ ایله ضربی ایله

$$۱۰۱۵۸۴ = ۴ \times ۲۵۳۹۶ = ۴ \times (۱۶ + ۱۸۰ + ۲۴۳۰۰)$$

اولور و عملیاتدن متباقی

$$۶۱۹۱ = ۱۰۱۵۸۴ - ۱۰۷۷۷۵ \quad \text{اولور .}$$

بناءً علیه جذر مكعب مطلوب واحد تقریبه ۹۴ اولمش اولور .

$$۳۴۸,۲۵ \quad (۲)$$

مهراب — بوراده ۳۴۸ عددینك واحد تقریب ایله جذر
مکعبی آلفی کافیدر بوجذر ۷ در چونکه

$$۳۴۳ = ۷^۲ \quad \text{و} \quad ۵۱۲ = ۸^۲$$

اولفین باقی

$$۵,۲۵ = ۳۴۳ - ۳۴۸,۲۵ \quad \text{اولور .}$$

(۳) ۵۴۸,۴۳۷

مرباب — عدد تامك واحد تقريب ايله جذر مكعبى اولان
۸ بولنور . و باقى

$$۳۶,۴۳۷ = ۵۱۲ - ۵۴۸,۴۳۷$$

اولور .

۴۳۴ ۲ و ۳ و ۵ و ۷ و ۹ عددلرينك ۰,۰۱ خطا
ايله جذر مكعبلى مطلوبدر ؟

مرباب — بوعددلرلك ۰,۰۱ خطا ايله جذر مكعبلرنده حاصل
جذرده اوچ رقم بولنوب بونك برى بر عدد صحيح ديكر ايکیمی
کمر اعشارى اوله جنى جهته اعداد مذکوره
۲۰۰۰۰۰ و ۳۰۰۰۰۰۰ ولخ

اوله رق يازيلوب جذر مکعبلى اخذ و بيمده جذر مستحصله صاغدن
صوله طوغرى ايکي رقم اعشارى تفریق اولندقمده

$$(۱) \sqrt[3]{۱,۲۵} = ۱,۰۸۰۳۳۲۰۸$$

اولور .

عمليات وجه اتى اوزره تفصیلاً کوسترلشددر :

۲	۰۰۰	۰۰۰	۱۲۵	
۱	۰۰۰		$۳ = ۱ \times ۳$	$۴۳۲ = ۱۲ \times ۳$
	۷۲۸		۳۰۰	۴۳۲۰۰
			۶۰	۱۸۰۰
			۴	۲۵
	۲۷۲۰	۰۰	۳۶۴	۴۵۰۲۵
	۲۲۵۱	۲۰	۲	۵
	۴۶۸۸۰		۷۲۸	۲۲۵۱۲۰

$$۱,۴۴ = \sqrt[3]{۳} \quad (۲)$$

صورت عملیات

۳ ۰۰۰ ۰۰۰	۱۴۴	
۲ ۰۰۰	$\sqrt[3]{۳=۱ \times ۳}$	$۵۸۸ = ۱۹۶ \times ۳ = ۱۴ \times ۳$
۱ ۷۴۴	۳۰۰	۵۸۸۰۰
۲۵۶۰۰۰	۱۲۰	۱۶۸۰
۲۴۱۹۸۴	۱۶	۱۶
۱۴۰۱۶	۴۳۶	۶۰۴۹۶
	۴	۴
	۱۷۴۴۰	۲۴۱۹۸۴

$$۱,۷۰ = \sqrt[3]{۵} \quad (۳)$$

صورت عملیات

۵ ۰۰۰ ۰۰۰	۱۷۰	
۴ ۰۰۰	$\sqrt[3]{۳=۱ \times ۳}$	$۸۶۷ = ۲۸۹ \times ۳ = ۱۷ \times ۳$
۳ ۹۱۳	۳۰۰	۸۶۷۰۰
۰۰۸۷۰ ۰۰	۲۱۰	۵۱۰
	۴۹	۱
	۵۵۹	۸۷۲۱۱
	۷	
	۳۹۱۳	

$$۱,۹۱ = \sqrt[3]{\quad} \quad (۴)$$

صورت عملیات

۷ ۰۰۰ ۰۰۰	۱۹۱	
۶۰۰۰	$۳ = ۱ \times ۳$	$۱۰۸۳ = ۳۶۱ \times ۳ = ۱۹ \times ۳$
۵۸۵۹	۳۰۰	۱۰۸۳۰۰
۱۴۱ ۰۰۰	۲۷۰	۵۷۰
۵۰۸ ۸۷۱	۸۱	۱
۳۲۱۲۹	۶۵۱	۱۰۸۸۷۱
	۹	۱
	۵۸۵۹	۱۰۸۸۷۱

$$۲,۰۸ = \sqrt[3]{\quad} \quad (۵)$$

صورت عملیات

۹ ۰۰۰ ۰۰۰	۲۰۸	
۱۰۰۰ ۰۰۰	$۱۲ = ۲ \times ۳$	$۱۲۰۰ = ۲۰ \times ۳$
۹۹۸ ۹۱۲		۱۲۰۰۰۰
۱ ۰۸۸		۴۸۰۰
		۶۴
		۱۲۴۸۶۴
		۸
		۹۹۸۹۱۲

۴۳۵ ۰,۹۲۳۷۱۹۵۱ عددینک ۰,۰۰۱ خطا ایله

جذر مکعبی مطلوبدر ؟

جواب — اول امرده ۹۲۳۷۱۹۵۱۰ عددینک جذر مکعبی

استخراج اولندقدہ بوجذر اوچرقلی اولهرق ۹۷۳ عددینه مساویدر.

بناءً علیه

واحد تقریب ایله $\sqrt[3]{0,92371901} = 0,973$ اولور .

عملیاتك صورت اجرایی بروجه آنی کوسترلشدر :

۹۷۳	۹۷۳	۹۷۳
$243 = 9 \times 3$	$28227 = 97 \times 3$	
۲۴۳۰۰	۲۸۲۲۷۰۰	
۱۸۹۰	۸۷۳۰	
۴۹	۹	
۲۶۲۳۹	۲۸۳۱۴۳۹	
۷	۳	
۱۸۳۶۷۳	۸۴۹۴۳۱۷	

$$\frac{86675}{175616} \text{ و } \frac{12167}{32768} \text{ و } \frac{125}{2197} \quad ۴۳۶$$

کسرلرینک جذر مکعبلری مطلوبدر ؟

جواب — علم حساب (ماده : ۲۸۷) وجببنجه

$$\frac{5}{13} = \frac{\sqrt[3]{125}}{\sqrt[3]{2197}} = \frac{\sqrt[3]{125}}{\sqrt[3]{2197}} \quad (۱)$$

$$\frac{23}{32} = \frac{\sqrt[3]{12167}}{\sqrt[3]{32768}} = \frac{\sqrt[3]{12167}}{\sqrt[3]{32768}} \quad (۲)$$

$$\frac{44}{56} = \frac{\sqrt[3]{86675}}{\sqrt[3]{175616}} = \frac{\sqrt[3]{86675}}{\sqrt[3]{175616}} \quad (۳)$$

۴۳۷ $\frac{49}{3}$ و $\frac{13}{144}$ و $\frac{193}{216}$ کسرلرینک علم حساب (ماده :
 ۲۸۷) موجبنجه مخرجلارینی مکعب تام قیلدؤنن صکره جذر
 مکعباری مطلوبدر ؟

جواب — علم حساب (ماده : ۲۸۷) موجبنجه

$$\frac{\overline{196000} \sqrt[3]{}}{200 \sqrt[3]{}} = \frac{\overline{200 \times 49} \sqrt[3]{}}{200 \sqrt[3]{}} = \frac{\overline{49} \sqrt[3]{}}{200 \sqrt[3]{}} \quad (1)$$

$$\frac{125}{200} \text{ خطا ايله } \frac{1}{200} =$$

$$\frac{\overline{279068} \sqrt[3]{}}{144 \sqrt[3]{}} = \frac{\overline{144 \times 13} \sqrt[3]{}}{144 \sqrt[3]{}} = \frac{\overline{13} \sqrt[3]{}}{144 \sqrt[3]{}} \quad (2)$$

$$\frac{64}{144} \text{ خطا ايله } \frac{1}{144} =$$

$$\frac{\overline{900460800} \sqrt[3]{}}{2160 \sqrt[3]{}} = \frac{\overline{2160 \times 193} \sqrt[3]{}}{2160 \sqrt[3]{}} = \frac{\overline{193} \sqrt[3]{}}{2160 \sqrt[3]{}} \quad (3)$$

$$\frac{960}{2160} \text{ خطا ايله } \frac{1}{2160} =$$

۴۳۸ آتیده کی عددلرک ۰.۱ خطا ايله جذر مکعباری
 مطلوبدر :

$$123 \frac{13}{24} \pm \frac{27}{24} \pm 42,07389 \pm 1703 \pm 420$$

جواب — بروجہ بالا مایلان عملیاتہ توفیقاً

$$۷,۵ = \sqrt[۳]{۴۲۵} \quad (۱)$$

$$۱۲,۰ = \sqrt[۳]{۱۷۵۳} \quad (۲)$$

$$۳,۵ = \sqrt[۳]{۴۲۵۷۳۸۹} \quad (۳)$$

$$۰,۸ = \frac{۳}{۳۸۴۸} = \frac{\sqrt[۳]{۴۷}}{۵۷} \quad (۴)$$

$$۴,۳ = \sqrt[۳]{۱۲۳۳۰۹} = \sqrt[۳]{۱۲۳ \frac{۱۳۱}{۴۲}} \quad (۵)$$

۴۳۹ زمینی ۱۲۱ مترو مربعندہ بولنان مربع الشکل
براطویہ دوشمہ تختہ سی قابلاندینی معلوم اولسنہ نظراً تحتہ نک
طولی ندر؟

جواب — اوطنہ نک ب ضلعنک طولی

$$۱۱ \text{ مترو} = \sqrt{۱۲۱}$$

اولغلہ تحتہ نک طولی

$$۴۴ \text{ مترو} = ۴ \times ۱۱ \text{ اولور.}$$

۴۴۰ ۲۸۲۲۴ مترو مربعندہ بولنان برتارلایہ دردر مترو
مسافہ ایلہ برطاقم قواق اغاجلری دیکلیدیکی معلوم اولسنہ و برنجی
صیرہ تارلایک حدودی اوزرنندہ بولندیننہ نظراً نقدر اغاج
دیکلمش اولہ جفنک حسابی مطلوبدر؟

جواب — تارلاڻك طولی

$$\text{مترو} \quad ۱۶۸ = \overline{۲۸۲۴۷}$$

اولدیفندن هر صیره ده بولنان اغاڭك عددی

$$۴۳ = ۱ + \frac{۱۶۸}{۴}$$

وبناء علیه دیکیلان اغاڭلرك مجموعی

$$\text{اولور} \quad ۱۶۸ = ۴ - ۴ \times ۴۳$$

اخطار — کوشه ده کی اغاڭلر محیطك تعدادنده ایکی دفعه تکرار اولندیندن ۴×۴۳ حاصل ضربندن ۴ اغاڭ اخراج ابدلسی بوملاحظه یه مبنیدر .

۴۴۱ — برابعمده چنه تشکیل اولنان دائره وی برسدك سطحی $۷,۲۵۸۳$ مترو مربعی اولدینی معلوم بولمنسنه نظراً نصف قطری معلوبدر ؟

جواب — علم هندسه معلوماتنه نظراً نصف قطر مربعتك π یعنی $۳,۱۴۱۶$ عدد نایفته حاصل ضربی دائره سطحنك مساحه سنی اعطایلا یلایکندن دائره مذکوره ك مرایله اشعار اولنان نصف قطرینك مربعی

$$۲۱۳۱۰۳ = \frac{۷۲۵۸۳}{۳,۱۴۱۶} = \pi^۲$$

خارج قسمتندن عبارت اولور .

بناءً علیه نصف قطرک سانیتمترو افاده سیله قیمتی ۲,۳۱۰۳
عددینک $\frac{1}{3}$ خطا ایله اخذ اولنان جذر مربعنه مساوی اوله جفندن

$$س = \sqrt{۲,۳۱۰۳} = ۱,۵۱ \text{ مترو اولور.}$$

۴۴۲ بردائرة ۳,۶۰ مترو نصف قطرنده در ایکنجی
بردائرة سطحی بونک سطحنک ضعفنی تشکیل ایتسی ایچون
اکا ویریه جک نصف قطری حساب ایتک مطلوبدر ؟

جواب — بنجی دائره نک سطحی

$$۳۱۴۱۶ \times ۳,۶ \times (۳۱۶)^2$$

وایکنجی دائره نک سطحی

$$۲ \times ۳۱۴۱۶ \times ۳۱۶ \times (۳,۶)^2$$

اولدیفندن نصف قطر مجهولک ۳۱۴۱۶ ایله حاصل ضری

$$۲ \times ۳۱۴۱۶ \times ۳۱۶ \times ۳,۶$$

اولقی لازم کلیر .

بوحالده نصف قطر مربعی افاده سابقه نک ۳۱۴۱۶ ایله خارج
قسمته مساوی اوله جفندن بوده

$$۲۵,۹۲ = ۲ \times ۳۱۶ \times ۳,۶$$

افاده سنه مساوی اولور .

بناءً علیه نصف قطر مطلوب ۲۵۹۲ عددینک جذرمربعنه مساوی
اولور. بونصف طترک برسانیتمترو یعنی ۰,۰۱ خطا ایله قیمتنی بولق ایچون
ویرکولدن صکره ۴ رقم بولنه بیلیمک اوزره قسم اعشارینک صاغ طرفنه
ایکی صفر قولده ۲۵۹۲۰۰ بوعددک واحد تقریب ایله جذرمربعی

نذ اولدوقده ۵۰۹ اولور . بونا نظراً نصف قطر مطلوب ۵۰۹ متر و
یلقی لازم کلیر .

۴۴۳ ایکی عددك حاصل ضربی ۱۵۳۶ و کوچکی بویوکنك
جزئنه مساوی اوله جفته نظراً مذکور عددلر مطلوبدر ؟

جواب — بر عددك $\frac{2}{3}$ جزئی ایله حاصل ضربی عدد مذکور
مربعنك $\frac{2}{3}$ جزئنه مساوی اوله جفته بناءً ۱۵۳۶ حاصل ضربی بویوک
عدد مربعنك $\frac{2}{3}$ جزئنه مساوی اولور بوحالده

$$48 = \frac{3 \times 1536}{2} \sqrt{\quad} \quad \text{بویوک عدد}$$

$$36 = \frac{2 \times 48}{3} \quad \text{و کوچکی اولور .}$$

۴۴۴ ایکی عددك بویوک ۶۰ و مربعلری مجموعی ۶۲۰۱
اولدیفنه نظراً کوچوك عدد مطلوبدر ؟

جواب — کوچوك عدد مربعی

$$2601 = 60 - 6201$$

اولدیفندن عدد مذکور

$$51 = \sqrt{2601} \quad \text{اولور .}$$

۴۴۵ مربعنك $\frac{1}{5}$ جزئنه مساوی اولان عدد ندر ؟

جواب — عدد مذکور ع ایله کوستورلدهکه معلومات مسئلهیه
نظراً

$$ع = \bar{ع} \times \frac{8}{10}$$

اولقى لازم كلديكندن بونك اختصاريله

$$1 = \bar{ع} \frac{8}{10} \quad \text{ياخود}$$

$$\frac{10}{8} = \bar{ع}$$

اولغله اراييلان عدد $\frac{10}{8}$ اولمش ولور .

۴۸۶ حاصل ضربلری ۳۰۶ اولقى اوزره ايکی عدد
متعاقب بولقى مطلوبدر ؟

جواب — اعداد مطلوبه $ب + ۱$ و $ب$ ایله اشعاراولنده

$$(ب + ۱)ب \text{ ياخود } ب + ب^2 = ۳۰۶ \quad \text{اولور .}$$

بوساواتك طرفینه بر مقدار معلوم ضعی ممکن اولديغندن طرف
اولده $ب$ کیتی امثالکک نصفی مربی اولان $\frac{1}{4}$ ضعیله

$$\frac{۱۲۲۵}{4} = \frac{1}{4} + ۳۰۶ = \frac{1}{4} + ب + ب^2$$

وهرايكي طرفك جذر مربعك اخذيله

$$\text{وبناءً عليه} \quad \frac{35}{2} = \frac{1}{2} + \text{ب}$$

$$17 = \frac{34}{2} = \frac{1}{2} - \frac{35}{2} = \text{ب}$$

اولفله مطلوب اولان عددلر

اولمش اولور .

۱۷ و ۱۸

۴۴۷ معيئته كي عساكري مربع تام شكلسده ترتيب
وتظيم ايتك ايستيان بر قوماندان برنجي ترتيب يابدقن صكره
كندوسنه ۳۳۶ نفر آرتديغني وهر صره يه اوچر فضله آدم دها
قويديني حالده بودفقه مربعك اتماي ايجون ۲۵۳ نفر نقصان
كلديكني كورمش اولمسنه انطراً نفرات موجوده نك عددی
مطلوبدر ؟

جواب — مربع تامك هر ضلعنه وضع و ترتيب اولان عساكر
عددی ب + ۳ و ب ايله ارايه اولندقه

$$253 + 326 = \text{ب} - (3 + \text{ب})$$

ياخود اصلاح ايله

$$\text{اولور .} \quad 579 = 9 + \text{ب} \quad \text{عسكر}$$

اشبو مساوات اخيره دن

$$\text{عسكر} \quad 90 = \frac{9 - 579}{6} = \text{ب}$$

اولغه قوماندانك تحت اداره سنه . بولنان عساكر ددى

$$۹۰ + ۳۲۶ = ۹۳۵۱ \quad \text{نفر} \quad \text{اولش اولور .}$$

۴۴۸ مجرعلرى ۸۵ و حاصل ضربلرى ۱۷۶۴ اولق
اوزره ايكي عدد مطلوبدر ؟

جواب — آرانيسلان ايكي عدد ۷ و ۸۵ ايله كو-تولدكده
برموجب افاده مائه

$$۱۷۶۴ = ۷۷ \quad \text{و} \quad ۸۵ = ۷ + ۸$$

اولوب حالبوكه علم حساب (ماده : ۲۵۹) موجبنجه

$$۷۲۲۵ = ۸۵ = ۷۷ + ۸ + ۸ = (۷ + ۷)$$

اولديغندن بومساواث طرفيندن ۷۷ ياخود ۱۷۶۴×۴ طرح
اولدقده

$$۱۶۹ = ۴ \times ۱۷۶۴ - ۷۲۲۵ = ۷۷۴ - ۷۷۲ + ۸ + ۸$$

وياخود

$$۱۳ = \sqrt{۱۶۹} = ۷ - ۷ \quad \text{وياخود} \quad ۱۶۹ = ۷۷ - ۷۷ + ۸ + ۸$$

اولغين

$$۴۹ = \frac{۱۳ + ۸۵}{۴} \quad \text{بو بوك عدد}$$

$$۳۶ = \frac{۱۳ - ۸۵}{۴} \quad \text{كوچوك عدد} \quad \text{اولور .}$$

جذر مربع

۴۴۹ ۶۰ عددینی حاصل ضرباری ۸۸۴
ایکی قسمه آیرمق مطلوبدر ؟

جواب — بوقسملرب و ۷ ایله اراشه اولدا

$$۱۸۴ = ۷۷ \text{ و } ۶۰ = ۷ + ۷$$

افادهلری حاصل اولور .

حالبوکه

$$۷۷ = (۷ - ۷)^2 - (۷ + ۷)^2$$

اولمقله بوندن صیره سیله

$$۱۸۴ - ۶۰ = ۷۷ - (۷ + ۷) = (۷ - ۷)$$

وباء علیه

$$۸ = ۷ - ۷ \text{ اولدیفند}$$

$$۳۴ = \frac{۸ + ۶۰}{۷} \text{ بویوک عدد}$$

$$۲۶ = \frac{۸ - ۶۰}{۷} \text{ کوچوک عدد}$$

۴۵۰ $\frac{1}{4}$ و $\frac{1}{5}$ و $\frac{1}{6}$ قسملری برلکده ضرر

حاله ۱۷۶۴ حاصل ضربینی ویرن عدد ندر ؟

جواب — آرانیلان ۷ د ۷ یله کوسترلده کده

$$۷۶۴ = \frac{۷۲}{۸۴} \text{ یاخود } \frac{۷۲}{۷} \times \frac{۷}{۴} \times \frac{۷}{۳}$$

اولیفتدن عدد مذکور

$$۴۲ = \frac{۸۴ \times ۱۷۶۴ \sqrt[۳]{}}{۲} = \text{اولش اولور.}$$

۵۱ عرضك ۱۵۳۶ مترو مكعبی صوآلدینی و عرضیه طولی ینتده کی نسبتك $\frac{۲}{۳}$ و عمقی عرضك $\frac{۱}{۳}$ جزئنه مساوی اولدینی معلوم بولندیغه نظراً حوضك ابعادی مطلوبدر ؟

مواب — حوضك طولی ب ایله کوسترلده کده عرضی $\frac{۲}{۳}$ ب و عمقی $\frac{۱}{۳} \times \frac{۲}{۳}$ ب یعنی $\frac{۲}{۹}$ ب اولور بناءً علیه

$$\text{یاخود} \quad \frac{۲}{۹} \times \frac{۲}{۳} \times \frac{۲}{۳}$$

$$\frac{۲}{۹} = \frac{۱۵۳۶}{۹} \quad \text{اولور.}$$

اشبو صوڪ مساواتدن

$$\frac{۲}{۹} = ۱۵۳۶ \times ۹ = ۱۳۸۲۴ \quad \text{مترو}$$

اواغله ذکر اولئان حوضك طولی

$$\sqrt[۳]{۱۳۸۲۴} = ۲۴ \quad \text{مترو}$$

وبناءً علیه عرضی

$$۱۶ = \frac{۲}{۳} \times ۲۴ \quad \text{مترو}$$

$$\text{و عمقی} \quad \frac{۱۶}{۳} = ۴ \quad \text{اولور.}$$

تعلیم ۱۶

۱۲ ۱۵۲ دقیقه نك ۲۴ ساعته نسبتی بدر ؟

جواب — بوراده زمانه عائد ایکی جرؤ نسبت ایدیله جکندن
(علم حساب : ۲۹۰ تدییه) موجینچہ بوزك عین واحدہ ارجاعلری ضروری
اولفله

$$۲۴ \text{ ساعت} = ۶۰ \times ۲۴ \text{ دقیقه}$$

وبناء علیہ نسبت مطلوبہ

$$\text{اولور .} \quad \frac{۱}{۱۲۰} = \frac{۱}{۶۰ \times ۲} = \frac{۱۲}{۱۴ \times ۶۰}$$

۴۵۳ قرك نصف قطری نصف قطر ارضك ۳ جزئی

اولوب شمسك نصف قطری ارضك نصف قطرندن ۱۰۸
دفعه بویوك اولسنه نظراً قر وشمسك نصف قطری بینده کی
نسبت ندر ؟

جواب — قر وشمسك نصف قطرلری بینده کی نسبت ۳ و

۱۰۸ عددلرینك خارج قسمتندن عبارت اولدیقتن بمقادیر نصف
قطر ارضك واحد فرضیله مذکور نصف قطرلك قیمت عددیلری
ارثه ایدر . بناء علیہ اوانیلان ایت

$$\text{ویا خود} \quad \frac{\frac{۳}{۱۰۸}}{۱۱} = \frac{\frac{۳}{۱۱}}{۱۰۸}$$

$$\text{اولور .} \quad \frac{۱}{۲۹۶} = \frac{۱}{۲۶ \times ۱۱}$$

۴۵۴ ۱۲۰۲ كيلو وزننده و ۰.۴ كشافنده بولنان

برجسمك هجي ندر ؟

جواب — علم ا ب (ماده : ۲۳۰) كشافنك تعريفه نظراً
۰.۴ كمرى ۱۲۰۲ كيلوايله ج مك وزننه مساوى صوجمنك وزنى
بيننده كي نسبتدن عبارت اولديفندن اشبو صوجمنك وزنى ۰.۴ ايله-
ضرب اولندنده ۱۲۰۲ كيلو حاصل اولور. بوده جسمك وزننه مساوى

صو ججي وزنك $\frac{۱۲۰۲}{۰.۴}$ خارج قسمته مساوى اولدينى يعنى

$$\text{كيلو } ۳۱۰۰۵ = \frac{۱۲۰۲}{۰.۴} = \frac{۱۲۰۲}{۰.۴}$$

ايدوكنى بيله يرو . بناءً عليه صويك هجي ۳۰۰۰۵ دسيمترو مكبي
اولفله هم جسم ۳ دسيمترو مكبي ۵ سانتيمترو مكبي اولور .

۴۵۵ هجي ۰.۴ سانتيمترو مكبي وكشافتى ۳۰۱ اولان

برجسمك وزنى ندر ؟

جواب — كشاف تعريفه نظراً ۳۰۱ عددى اراييلان وزن ايله
۰.۴ سانتيمترو مكبي صويك وزنى بيننده كي نسبتدن عبارت بولنور
قسمتدن حالبوكه بصويك وزنى ۰.۴ غرامدر .

مادامكه ۳۰۱ عددى وزن مطلوب ايله ۰.۴ غرام بيننده كي خارج
عبارت بولنديفندن وكا نظراً ذكر اولنان وزن مطلوب

$$۰.۴ \times ۳۰۱ = ۱۲۰.۴ \text{ غرام اولور .}$$

۴۵۷ ایکی طولك نسبتی ۴۰۳ و برنجیسی ۷۰۳۱ مترو اولدیغنه نظراً دیکری قاچ مترودر ؟

هواب — مفادمسئله موجینجه ۷۰۳۱ مترونك طول مطلوب ايله خارج قسمتی ۴۰۳ اولدیغندن اكنمى طولك ۴۰۳ ايله ضربی ۷۰۳۱ مترویی اعطا ایده جکنه نظراً بونكده $\frac{7031}{403}$ خارج قسمته مساوی اولدینی اكلاشیلور . بنا برین ایکیجی اول

$$107 \text{ مترو اولش اولور. } = \frac{7031}{403} = \frac{7031}{403}$$

۴۵۷ ایکی عرصه نك سطحری بیننده کی نسبت $\frac{7}{68}$ و برنجینك مساحه سی ۳ هكتار ۷ آر و ۶۸ سانتیار اولدیغنه کوره هرایکی عرصه نك مجموع مساحه سی ندر ؟

هواب — ایکی سطح بیننده کی نسبت $\frac{7}{68}$ در دیمك $\frac{7}{68}$ کسری نك ۳ هكتار ۷ آر ۶۸ سانتیارك یعنی ۳۰۷۶۸ سانتیارك ایکنجی عرصه نك كذلك سانتیار ايله افاده اولان سطحه تقسیمك خارج قسمتی اولدیغنی ارئه ائمك دیمکدر .

تعبیر آخرله ارانیلان سطحك $\frac{7}{68}$ ايله ضربی ۳۰۷۶۸ سانتیاره معادلدر دیمك اولمقله سطح مطلوب

$$7 \times 7692 = \frac{7 \times 30768}{4} = \frac{30768}{\frac{4}{7}}$$

$$= 53844 \text{ سانتیار} = 5 \text{ هكتار } 38 \text{ آر}$$

$$44 \text{ سانتیار}$$

و بونا نظراً هرایکی عرصه نك مجموع مساحه سی

۴۶ آر ۱۲ ساتتیار بولنور .
 $۳۰۷۶۸ + ۵۳۸۴۴ = ۸۴۶۱۲$ س تیار $= ۸$ هکتار

۴۵۸ $۱۵ \times ۴ = ۲۰ \times ۲$ مساواتك اولاً برتناسب
 شكلده تحریری ومؤخرأ بونك مختلف طرزده اراؤه و افا مبی
 مطلوبدر ؟

جواب — علم حساب (ماده : ۲۹۳) موجبجه ۴ و ۱۵
 مضروبینی تناسك طرفینی و ۳ و ۲۰ دخی وسطینی مقامنده تالی
 اوانه جفندن

$$\frac{۲۰}{۱۵} = \frac{۴}{۳}$$

تناسی حصوله کلیر .

بوتناسب بوجه اتی اشکالده یاریله بیلیر :

$$\frac{۱۵}{۳} = \frac{۲۰}{۴} \quad (۳)$$

$$\frac{۴}{۳} = \frac{۲۰}{۱۵} \quad (۸)$$

$$\frac{۲۰}{۱۵} = \frac{۴}{۳} \quad (۱)$$

$$\frac{۲}{۱۵} = \frac{۴}{۲۰} \quad (۲)$$

$$\frac{۴}{۱۵} = \frac{۳}{۱۰} \quad (۷)$$

$$\frac{۱۵}{۳} = \frac{۲}{۴} \quad (۸)$$

$$\frac{۲}{۴} = \frac{۱۵}{۳} \quad (۵)$$

$$\frac{۲۰}{۴۴} = \frac{۱۵}{۳} \quad (۶)$$

۴۵۷ آتیده کی تناسبلرد س کیتنك قیحتی م المودر :

$$\frac{۱۲۸}{۲۷۰} = \frac{۷۴}{س} \quad (۱)$$

$$۱۵۶ \frac{۳}{۳۲} = \frac{۱۹۹۸۰}{۱۲۸} = \frac{۲۷۰ \times ۷۴}{۱۲۸} = س$$

$$\frac{۷,۳}{۵} = \frac{س}{۴,۲۵} \quad (۲)$$

$$\frac{۴۱,۰۲۵}{۵} = \frac{۷۱۳ \times ۴,۲۰۵}{۵} = \text{جواب} - \text{س}$$

$$۶,۲۰۵ = \text{اولور.}$$

$$\frac{\frac{۱۲}{۱۵} + ۳}{\text{س}} = \frac{\frac{۱۳}{۵}}{\frac{۷}{۱۵} + ۱۲} \quad (۳)$$

جواب — بوتناسبك طرف اول

$$\frac{۲۶}{۱۲۷} = \frac{۱۰}{۱۲} \times \frac{۱۳}{۵} = \frac{\frac{۱۳}{۵}}{\frac{۱۲۷}{۱۰}}$$

وايكنجى نسبتك صورتى

$$\frac{۵۷}{۱۵} = \frac{۱۲ + ۱۵ \times ۳}{۱۵} = \frac{۱۲}{۱۵} + ۳$$

وجهه يازيله بيله بكندن

$$\frac{\frac{۵۷}{۱۵}}{\text{س}} = \frac{۲۶}{۱۲۷}$$

تناسي حصوله كلير بورادن

$$۲۶ : \frac{۵۷ \times ۱۲۷}{۱۵} = \frac{\frac{۵۷}{۱۵} \times ۱۲۷}{۲۶} = \text{س}$$

$$۱۸ \frac{۷۳}{۱۳۰} = \frac{۲۴۱۳}{۱۳۰} = \frac{۵۷ \times ۱۲۷}{۲۶ \times ۱۵} =$$

اولور.

۴۶۰ $\frac{۹}{۴}$ و $\frac{۱۲}{۵}$ عددلری بیتنده رابع متناسب اولان
عددی بولق مطلوبدر ؟

جواب — اوایلان عدد ایله $\frac{۹}{۴}$ کری تناسبک طرفینی و $\frac{۱۲}{۵}$ و کسرلری دخی وسطینی تشکیل ایده جکندن طرف مجهول س فرضیه

$$\frac{۶ \times ۲۶}{۵ \times ۴۵} = \frac{\frac{۲۶}{۱۵}}{\frac{۹}{۴}} = \frac{\frac{۱۲}{۵} \times \frac{۴}{۹}}{س}$$

$$\frac{۵۲}{۷۵} = \text{ارلور .}$$

۴۶۱ ۳۶ و ۸۱ عددلری بیتنده وسط متناسب بولق
مطلوبدر ؟

جواب — اوایلان مقدار طرفینی ۳۶ و ۸۱ اولان متناسبک
وسطینی تشکیل ایدر .
ایمدی طرفین حاصل ضربی

$$۳۶ \times ۸۱$$

اولوب بوده اوایلان مقدارک مربعنه مساویدر .
شوالده وسط متناسب

$$۳۶ \times ۸۱$$

حاصل ضربیک جذر مربعنه مساوی اوله جفندن

$$۲۹۱۶ = ۳۶ \times ۸۱ = س^۲$$

$$۵۴ = س \quad \text{ارلور .}$$

۴۶۲ $\frac{4}{5} + 2$ و ۸ عدد لری بیتنده ثالث متناسب

بواقی مطلوبدر ؟

جواب — ارانیلان ثالث متناسب وسطینی ۸ ایله ۸ طرفیندن
بری $\frac{4}{5} + 2$ اولان برتنا بك حد رابی دیك اولدیفندن بوكا نظراً
حد مذکور

$$\frac{8}{س} = \frac{\frac{4}{5} + 2}{8}$$

تناسبندن

$$۱۴ \frac{6}{۱۱} = \frac{۵ \times ۳۲}{۱۱} = \frac{۶۴}{\frac{4}{5} + 2} = س$$

اولور .

۴۶۳ برالماسك فیائی وزنك مربعیله متناسب اولدیفنه
و ۰،۴۱۱ غرام وزننده بولتان برالماسپاردنك ۱۰۰ غروشه
ساتلدینی معلوم بولمهنه نظراً ۰،۶۸۷ غرام وزننده بولتان
الماسك فیائی نه اولور ؟

جواب — ارانیلان فیآت س ایله کوسترلده

$$\frac{۲۰۰}{(۰،۴۱۱)} = \frac{س}{(۰،۶۸۷)}$$

تناسبندن

$$\frac{۴۷۱۹۶۹۰۰۰}{۱۶۸۹۲۱} = \frac{۱۰۰۰ \times (۰،۶۸۷)}{(۰،۴۱۱)} = س$$

$$۲۷۹۴ = \frac{۱۵۷۳۲۳۰۰۰}{۵۶۳۷}$$

۴۶۴ برسیاح یولنك $\frac{۲}{۳}$ قسمی $۳\frac{۱}{۲}$ کونده اتمام ایلدیکنه
نظراً $\frac{۲}{۳}$ قسمی ایچون قاج کون صرف ایدر ؟

جواب — قطع اولنان مسافله ايله بوزرك قطعی اثناسنده
گذران اولان ازمه پیننده برتناسب بولندیندن يولك $\frac{۲}{۳}$ قسمی قطع
ایچون مقضی اولوب کون افاده سیله بیان اولنان زمان س ايله
کوسترلکده حصوله کلن

$$\frac{\frac{۲}{۳}}{\frac{۲}{۳}} = \frac{۳\frac{۱}{۲}}{س}$$

تناسبندن

$$اولور . \quad ۳ کون \quad \frac{۹}{۱۰} = \frac{۳۹}{۱۰} = س$$

۴۶۵ تناسب خواصنه استناداً $\frac{۴۳}{۶۵}$ و $\frac{۴۳۴۳}{۶۵۶۵}$ نسبتاربنك
مساواتی اثبات ایتك مطلوبدر ؟

$$\text{جواب —} \quad \frac{۴۳۴۳}{۶۵۶۵} = \frac{۴۳}{۶۵} \quad \text{اولدیغی اثبات ایتك ایچون}$$

$$۴۳۴۳ \times ۶۵ = ۶۵۶۵ \times ۴۳$$

مساواتی تحقیق ایتك کافیدر .

مع مافیة بز بوراده بشقه برصورتلده اثبات مدعا اده بیلیرز :

شوبله که $\frac{۴۳}{۶۵}$ نسبتنك حدیثی ۱۰۰ ايله ضرب اولنسه قیمتته خلل

کلیه جکندن

$$اولور . \quad \frac{۴۳۰۰}{۶۵۰۰} = \frac{۴۳۰}{۶۵}$$

بوتناسبده طرفینك موقبلری تبدیل اولنه بیله جکیندن

$$\frac{4300}{43} = \frac{6000}{60} \quad \text{اولور .}$$

تناسب خواصنه استناداً علم حساب (ماده : ۲۹۵) موجبنه ۹۰

$$\frac{4343}{43} = \frac{6060}{60} \quad \text{یا خود} \quad \frac{43 + 4300}{43} = \frac{60 + 6000}{60}$$

اولور ینه طرفین موقبلری تبدیل اولنهرق

$$\frac{4343}{6060} = \frac{43}{60} \quad \text{برلور .}$$

۴۶۶ حدلری مجموعی ۹۰ عددینه و کدیسی ۴ کسرینه

مساوی اولق اوزره برنسبت بولق مطلوبدر ؟

جواب — ارانیلان نسبت ایله ۴ نسبتی برتناسب تشکیل ایدرلر
حالبو که علم حساب (ماده : ۲۹۵) موجبنه هرتناسبده مقدملرک
کندی تالیریلر مجموعه نك تالیرلر نسبتی حالنده تناسب غیر مقیدل اولدیفته
و مفاد مسئله حکمنجه نسبت مطلوبه نك مقدمیه تالیسی مجموعی ۹۰
ایدوکنه بناء برنسبتك تالیسی س ایله اشعار اولدوقده

$$\frac{6 + 4}{6} = \frac{90}{س} \quad \text{اولور .}$$

وسط مجهول اولان س کینتک قیمتی حل اولدوقده

$$س = \frac{90 \times 6}{10} = 54$$

و بناءً عليه نسبت مطلوبه نك مقدی

$$اولفله \quad ۳۶ = ۵۴ - ۱۰$$

$$\frac{۴}{۶} = \frac{۳۶}{۵۴}$$

تناسی حصوله کلیر و بوحالده نسبت مطلوبه

$$اولش اولور . \quad \frac{۳۶}{۵۴}$$

تعلیم ۱۷

۴۶۷ ۱۲ یومیه سی اوله رق ۴۵۰ غروش آلان بر عمله
۱۹ کون چالیشدینی حالده قزانجی نه اولور ؟

جواب — بومسئله وجهانی اوزره ایکی صورتله حل اولنه بیلیر:

۱ — تناسب اصولیه حلی .

عمله نك قزانجی چالیشدینی کونلرک عددیله متناسب اولدیفنسدن
مجموع مجهول س ایله اراثة اولندقدنه بومسئله یه داخل اولان مقادیر
مبسوطاً متناسب اولدقنندن

$$\frac{۴۵۰}{س} = \frac{۱۲}{۱۹}$$

تناسبندن

$$س = \frac{۴۵۰ \times ۱۹}{۱۲} = ۷۱۲,۵۰ \text{ غروش}$$

اولور .

۲ — واحدہ ارجاع صورتیہ حلی .

مادام کہ عملہ ۱۲ کونڈہ ۴۵۰ فروش قزانشدر برگونڈہ
بالطبع ۴۵۰ غروشک ۱۲ دہ بریخی یعنی $\frac{450}{12}$ سنی قزانور وشو-
حالدہ ۱۹ کونڈہ کی قزانجی برگونڈہ قزانجی ۱۹ مثلہ ۵۰ اوی
اولہ جنی جہتلہ

$$712,50 \text{ غروش} = \frac{19 \times 450}{12}$$

بولور .

۴۶۸ ۳۵ فرانق ایلہ ۷ مترو قماش الممش اولسہ عین
قاشک ۶۸ متروسنہ قاج غروش و : ملک لازم کلیر ؟

ہواب — بومستلہ بی دہ سالف الذکر ایکی اصول ایلہ حل ایڈہ لم .

۱ — تناسب اصولی .

بورادہ قاشک طویلہ فیانی بینندہ برتناسب موجود اولدیفندن
مقاد مسئلہ یہ کردہ

$$\frac{68}{7} = \frac{35}{x}$$

یاؤلور و بورادن

$$340 \text{ فرانق} = \frac{68 \times 35}{7} = \text{س اولور} .$$

۲ — واحدہ ارجاع اصولی .

مادام کہ ۷ مترو قاش ۳۵ فرانک ایدبور برمترو سنک فیانی
۷ دفعہ نقصان یعنی $\frac{۳۵}{۷}$ فرانک ایدر وبوکانظرأ ۶۸ مترو سنک فیانی

$$۳۴۰ = \frac{۶۸ \times ۳۵}{۷} \text{ فرانک اولور .}$$

۴۶۹ ۵۰ کیلو اون ایله ۷۵ کیلو اتمک یا بلدیغی معلوم
اولسنه کوره ۱۲۰ کیلو اتمک یا بقی ایچون قدر اون لازم ر؟

جواب — یه ایکی اصول ایله حل ایدلم .

۱ — تناسب اصولی .

یا بیلان اتمک وزنی ایله اونک وزنی متناسب اوله قلرندن مفاد
مسئله به کوره

$$\frac{۱۲۰}{۷۵} = \frac{س}{۵۰}$$

وبناء علیه

$$س = \frac{۱۲۰ \times ۵۰}{۷۵} = ۸۰ \text{ کیلو اولور .}$$

۲ — واحده ارجاع اصولی .

مادام کہ برکیلو اتمک یا بقی ایچون ۵۰ کیلو اون لازمدر
۱۲۰ کیلو اتمک یا بقی ایچون بالطبع

$$۸۰ \text{ کیلو} = \frac{۱۲۰ \times ۵۰}{۷۵}$$

اون لازم کلدیکی اکلاشیلور .

۴۷۰ ۱۰۰ کیلو بفدایدن ۸۳ کیلو اون یا پایدینی معلوم
اولسنه نظراً هرری ۱۵۰ کیلو آغزلغنده ۷۵ چوال بفدایدن
قاج کیلو اون آنور ؟

میراب — ۷۵ چوال بفدای

$$۱۵۰ \times ۷۵ \text{ کیلو کاور .}$$

بومسئله ده بفدای ایله اولمک وزاری بیننده بر تناسب موجود
اولدیفندن بوکا نظراً ترتیب اولان

$$\frac{۷۵ \times ۱۵۰}{۱۰۰} = \frac{۸۳}{۱۰۰} \text{ س}$$

تناسبندن

$$۹۳۳۷,۵ = \frac{۸۳ \times ۷۵ \times ۱۵۰}{۱۰۰} = \text{س کیلو}$$

بوانور .

مسئله واحده ارجاع اصوليله حل ايدك لارم كاسه شوبل دینور:

مادم كه مفاد مسئله موجبنجه بر کیلو بفدایدن $\frac{۸۳}{۱۰۰}$ کیلو
اون آلدیفندن ۱۵۰×۷۵ کیلو بفدایدن

$$\frac{۸۳}{۱۰۰} \times ۱۵۰ \times ۷۵ = ۹۳۳۱,۵ \text{ کیلو}$$

اون آنور .

۴۷۱ ۱۵۵۷ کیلو فوتدن ۹۰۰ کیلو دیر چیقارلینی

معلوم اولسنه نظراً برطونیلاته دیر استحصال ایتك ایچون
نقدر کیلو فوت لازمدر ؟

جواب — بر مسئله وجه آنی اوزره ایکی صورتله حل اوانور:

۱ — تناسب اصولی .

احتمال اوله جق فونتک، زنی س ايله کوسترله کده استحصال اولوندمیرک وزنی بالطبع قرالایلاں فونتک وزنیله متناسب اوله یفندن بوملاحظه یه بناء

$$\frac{1000}{900} \quad \frac{س}{1557}$$

تناسبی یازیلور و بورادن

$$سن = \frac{15570}{9} = \frac{1557 \times 1000}{900} = 1730 \text{ کیلو اولور .}$$

۲ — واحده ارجاع اصولیه حلی .

مادام که ۹۰۰ کیلو دیر ۱۵۵۷ کیلو فونت ایله استحصال اولمشدر بوحالده ۱ کیلو دمیر استحصال ایتک ایچون $\frac{1557}{900}$ کیلو یه مـاری وزنده فونت استعمالی انتضا ایدر .

بناءً علیه ۱۰۰۰ کیلو دمیر استحصال ایتک ایچون مقتضی فونت

$$1740 \text{ کیلو} = \frac{1000 \times 1557}{900}$$

دن عبارت اولمش اولو .

۴۷۲ دوزینه سی ۷۵ غروشدن ۳۴۷ پارچه اشیائمش

اولایغنه نظراً بـدلره قاچ غروش و پرلمشدر ؟ — بر اشـیائـمک

فىئاتى ندر ؟ — ۶۲۵ غروش ايله نقدرا اشيا آنه بيلور ؟

جواب — اشيا نك س ايله كوستريلان فىئاتى عدد ليله متناسب ايدوكى دركار بولدىغندن

اشيا (پارچه)	غروش
۱۲	۷۵
۳۴۷	س

تاسىندن

$$\text{س} = \frac{۳۴۷ \times ۷۵}{۱۲} = ۲۱۶۸,۱۵ \text{ غروش}$$

بولور .

شىمدى مسئله ت محتوى اولدىمى ايكنجى قىسم معلوماه استاذاً ۶۲۵ غروش ايله الهحق اشيا نك عددى ع ايله ارايه اولدقدەيزلان

غروش	اشيا (پارچه)
۷۵	۱۲
۶۲۵	ع

تاسىندن

$$\text{ع} = \frac{۶۲۵ \times ۱۲}{۷۵} = ۱۰۰ \text{ اولور .}$$

بوخصوصده راحده ارجاع اصولنه مراجعت ايديله بك 'ولورسه بر اشيا نك وىاتى قولايغله بولە بيلور . چونكه ۱۲ پارچه اشيا به ۷۵ غروش ويرلديكە ، بطراً اشيا ن بريك فىئاتى بالطبيع ۱۲ دفعه نقصازىنى $\frac{۷۵}{۱۲}$ غروش اولور .

و بناءً علیه ۳۴۷ پارچه اشیا

$$۲۱۶۸,۷۵ = ۳۴۷ \times \frac{۷۵}{۱۲}$$

اولور .

کذلك دینورکه :

۷۵ غروش ایله ۱۲ پارچه اشیا الندیغنه نظراً ۱ غروش ایله ۷۵
دفعه نقصان یعنی $\frac{۱۲}{۷۵}$ عدد و بناءً علیه ۶۲۵ غروش ایله

$$۵۰۰ = \frac{۶۲۵ \times ۱۲}{۷۵}$$

پارچه اشیا آلنور .

۴۷۳ ۱۲ عمله معین برایش یابمق ایچ-ون ۳۵ کون
صرف ایلدکاریه نظراً ۹ عمله اوایشی قاج کونده یاپارلر ؟

جواب — بومسئله طرز افادهیه نظراً ثلثة بسیطة معکوسهیه
کوزل برمثال تشکیل ایلدیکندن وجه تی ارزره ایکی صورمله حل
اوانه یلور :

۱ — تناسب اصولی .

برایشده نقدر چوق عمله چالیدیریله جق اولورسه و ایشناوق-ر
از زمانده بیتربله جکی درکار اولدیغندن اعداد ایام بیتربله کی نسبت عمله
عددلری بیتربله کی نسبت مساوی بولنور .
بنابراین

$$\frac{۱۲}{۹} = \frac{س}{۲۵}$$

نناسبتدن

$$\text{نس} = \frac{۲۵ \times ۱۲}{۹} = ۳۳ \frac{۱}{۳} \text{ کون بولور.}$$

۲ — واحده 'رجاء اصولی .

۱۲ عمله برایش یایی ایچون ۲۵ کون صرف ایلدکلرینه نظراً
برعمله عین ایشی ۱۲ × ۲۵ کونده یایار . ۹ عمله ایسه ارایشی
برعمله ک چایشیدینی کوندن ۹ دفعه نقصان زمانده یعنی

$$۳۳ \frac{۱}{۳} \text{ کون} = \frac{۲۵ \times ۱۲}{۹}$$

ده یایه جینی درکاردر .

هرایکی حالده ده ایشی بیترمک ایچون صرف اواسان عدد ایام

$$۳۰۰ = (۳۳ \frac{۱}{۳}) \times ۹ = ۲۵ \times ۱۲$$

اها سنه مساویدر .

۴۷۴ ۲۷ عمله برایشی ۸ کونده ایدقورینه نظراً عین ایشی
۱۸ کونده بیترمک ایچون قاج عمله آلمیدر ؟

هراب — عمله آرتیرلدقده عین ایشی یایی ایچون مقتضو
زمان تناقص ایده جکندن عمله عددی ایشی بیترمک ایچون صرف
مقتضی ایام عددیه معکوساً متناسب اولمقله بوملاظانه بناءً

$$\frac{۸}{۱۸} = \frac{س}{۲۷}$$

تناسبندن

$$س = \frac{۲۷ \times ۸}{۱۸} = ۱۲ \text{ عمله .}$$

بولنور .

۴۷۵ بر فوجی ۸۵ سانئى لیترو هجمنده ۳۰۴ شیشه
محتویانی حاوی اولدیغنه نظراً ۹۵ ساتی لیتروك شیشه لردن
قاجك محتویانی حاوی اوله بیلیر ؟

مواب — بومسئله یی ده وجهاتی اوزره ایکی اصول ایله حل ایدلم:

۱ — تناسب اصولی .

۹۵ سانئى لیتروك شیشه لرك عددی س ایله اشعار اولدقدہ بر
شیشه نك حجم استیماییدی ۲ ، ۳ ، ۰۰۰۰۴ دومیه بویواتیله جك اولورسته
فرجی بی بوشالتمق ایچون مقصی شیشه عددینی ۲ ، ۳ ، ۰۰۰۴
آزالتمق ایجاب ایدر .

بو حالده شیشه لرك حجم استیماییلری بیدمه کی نسبت عدد شیشه ایله
مفکواً متناسب اولدیغندن

$$\frac{۷۵}{۹۵} = \frac{س}{۳۰۴}$$

یازیلور و بورادن

$$س = \frac{۷۵ \times ۳۰۴}{۹۵} = \frac{۴۵۶۰}{۱۹} = ۲۴۰ \text{ شیشه}$$

بولنور .

۲ - واحد ارجاع اصولی .

شیشه لردن رینک جم استیمایس ۷۵ سانخی لیتره اولدیفنه کوره
 ۳۰۴ شیشه لازمدر. فوجینک جمی ۳۰۴ دفعه ۷۵ سانخی لیتره یعنی
 ۳۰۴×۷۵ سانخی لیتره اولدیفندن فوجی بی بوشالتمق ایچون بر
 سانخی لیتره لك شیشه لردن

$$۳۰۴ \times ۷۵$$

عدد شیشه ایستر .

بر شیشه نك جم استیمایسی ۹۵ سانخی لیتره اولدیفنه کوره

$$۲۴۰ = \frac{۲۲۸۰۰}{۹۵} = \frac{۳۰۴ \times ۷۵}{۹۵}$$

عدد شیشه اقتضا ایدر .

تحقیقی : فوجینک جم استیمایسی هرایکی حالده ده بر شیشه جم
 استیمایسنک شیشه لر عددیله حاصل ضربنه مساویدر فی الحقیقه

$$۲۲۸۰۰ = ۲۴۰ \times ۹۵ = ۳۰۴ \times ۷۵$$

۴۷۶ ایکی طاقم عمله دن بری برایشی ۱۲ و دیگری ۱۶
 کونده اتمام ایلدکلرینه نظراً برنجی طاقمدن ۱ و ایکنجی طاقمی
 تشکیل ایدن عمله دن ۳ قدری بر آره یه کتیریلهرک چالیشدیرلر دینی
 حالده اوایشی نقدر کونده اتمام ایدر لر ؟

جواب -- برنجی طاقمی تشکیل ایدن عمله برایشی ۱۲ کونده
 اتمام ایلدکلرینه نظراً لئی اوایشی ۳ دفعه زیاده دتده، یعنی

$$۱۲ \times ۳ = ۳۶ \text{ کون}$$

ده ایضا ایدر لر. بوکا بناء بو عمله یوی ایشک ۳۶ جزئی پیتزر .

كذلك ايكنجى طقيمدى النان $\frac{1}{7}$ عملەك عىن ايشى اكال ايجو
مصرف ايده جكبرى ايام عددى

$$\frac{1}{(\frac{1}{7})} = \frac{س}{16}$$

تاسبىدىن س كىتىك حلى ايله بولور و بناء عليه

$$س = \frac{16}{\frac{1}{7}} = \frac{16 \times 7}{1} = 112 \text{ كون اولور}$$

بەايكى طاقىم عمله برلكده چايش قارى حالده بركونده، اوايشك

$$\frac{4}{63} = \frac{16}{201} = \frac{1}{28} + \frac{1}{36}$$

جزئى ياپارلر .

بنا برى ايشك $\frac{1}{36}$ جزئى بركونده ياپلديغنه فطراً تكميل ايش ده
ايشك $\frac{1}{36}$ قسمى آتيده يازىلان

$$\frac{(\frac{1}{36})}{(\frac{1}{36})} = \frac{س}{1}$$

تاسبىدىن س كىتى ايجون بولان مدتده اكال اولونغش اولور
بناء عليه بوتنا بولان

$$س = \frac{1}{\frac{1}{36}} = 36 \text{ كون بولو .}$$

۷۷ ۱۴ بار كبرى ۱۲ كون بسيلمك ايجون ۱۰۶۴ كيلو
اوت لازم اولدينى بالحساب اكلا شلمش اولمسه نظراً ۶ بار كبرى

۶۰ کون بسیلیمک ایچون قدر اوت آلملیدر ؟

جواب — بارکیرلری برمدت معلومه ظریفنده بسیلیمک ایچون مقتضی اوتک وزنی بارکیرلرک عدیدله متناسبدر .

بارکیرلرک عددی دیکشمه دیکی حالده مقتضی اوتک مقاری المرك بسیلیمه جکری مدتی ایله متناسب اولور . هرایکی حالده بومشلهیه آمان ایدن مقایره بواسطه متناسب اولدولرندن علم حساب (ماده : ۳۰۷) قاعده معلومه مک تطبیقيله

بارکیر	کون	کیلو
۱۲	۱۲	۱۰۶۴
۶	۶۰	س

مقادیر متناسبه نندن

$$\text{س} = ۱۰۶۴ \times \frac{۱۲}{۱۲} \times \frac{۶}{۶۰} = ۲۲۸.۰ \text{ کیلو}$$

بولور .

بو مسئله واحده ارجاع اصوليله دخی حل 'وانه بیلور .

اوزمان شویله دیرز :

۱۴ بارکیری ۱۲ کون بسیلیمک ایچون مقتضی اوت ۱۰۴ \times ۱۲ یعنی ۱۶۸ بارکیری برکونده بسیلیمک ایچون اقتضاییدن اوت مقدارندن عبارتدر . مادامکه ۱۶۸ بارکیر ایچون برکونده ۱۰۶۴ کیلو اوته احتیاج وارد برکونده بر بارکیرک بسیلیمسی ایچون مقتضی اوت مقدارنی $\frac{۱۰۶۴}{۱۶۸}$ کیلو اولور . بوحالده ۶۰ کونده بر بارکیر ایچون اقتضاییدن اوت

$$\frac{۶۰ \times ۱۰۶۴}{۱۶۸} \text{ کیلو}$$

اولفله ۶ باکیر ایچون بالطبع

$$۱۰۶۴ \times ۶۰ \times ۶ = \frac{۱۲۸۰ \text{ کیلو اولش اولور}}{۱۲ \times ۱۴}$$

۴۷۸ ۳۰ طونیلاته ثقلنده امتعه نك ۸۵ کیلومترو مسافیه
 نقلی اجرتی اوله زق ۱۲۰۰ غروش ویرلدیکنه نظراً ۱۷
 طونیلاته لق امتعه نك ۹۷ کیلومترو لق بر محله نقنده قاچ غروش
 ویرمك لازم کگیر ؟

جواب — بومشله یی وجه اتی اوزره ایکی صورتله حل ایدم:

۱ — تناسب اصولیه حلی .

علم حساب (ماده: ۳۰۷) موجبجه آتیده کوسترلدیکی وجهله برجدیل
 تأسیسیله ۳۰ طونیلاته لق امتعه نك ۹۷ کیلو مترویه نقلده قاچ غروش
 ویرمك لازم کلدیکنی تحری ایدم .

مقاد مسئله موجبجه

طونیلاته	کیلومترو	غروش
۳۰	۸۵	۱۲۰۰
۱۷	۹۷	س

جدولی ترتیب اولوزور. بوراده س محمولك قیمتی مظهر بدر.
 بونی بولق ایچون اولامرده ۳۰ طونیلاته ثقلنك ۹۷ کیلومترویه
 نقلده ویرله جك اجرت ع ایله کوسترلده کده

$$\frac{۹۷}{۸۵} = \frac{ع}{۱۲۰۰} \text{ و بنا برین}$$

$$ع = ۱۲۰۰ \times \frac{۹۷}{۸۵} \text{ برلور}$$

نقلیه اجرتی ایلہ نقل اولسان امتعه نك وزنی پیننده دخی برتناسبه
چود اولدینندن بوکا کوره یازیلان

$$\frac{س}{ع} = \frac{۱۷}{۴۰} \quad \text{یا خود}$$

$$\frac{۱۷}{۳۰} = \frac{س}{\frac{۷}{۸۵} \times ۱۲۰۰}$$

تسابیدن

$$س = \frac{۱۷}{۴۰} \times \frac{۷}{۸۵} \times ۱۲۰۰$$

و بناء علیه

$$س = ۷۷۶ \text{ غروش} \quad \text{اولور.}$$

۲ — واحده ارجاع اصولیه حلی

۳۰ طونیلاته ثقلك ۸۵ كيلو مترويه نقلی ایچون ۱۲۰۰ غروش
یرلدیکنه نظراً عین مقدار طونیلاته نك برکیلو مترويه نقلنده $\frac{۱۲۰۰}{۸۵}$
غروش اجرت ویریلور و ۳۰ طونیلاته مك ۹۷ کیلو مترويه نقلنده ایسه]

$$\frac{۹۷ \times ۱۲۰۰}{۸۵} \text{ غروش ویرلك اقتضا ایدر.}$$

برطونیلاته اشیاك ۹۷ کیلو مترويه نقلنده ویربله جك اجرت ایسه ۳۰
طونیلاته نك ۳۰ ایلہ قسیمیندن متحصل حارج قسیمیندن عبارت یعنی

$$\frac{۹۷ \times ۱۲۰۰}{۳۰ \times ۸۵} \text{ غروش اولور.}$$

۱۷ طونیلاته نك نقاده تأدیه اولنه جق اجرت برطونیلاته اجرت نك

۴۸۱ اوچ عمله ۱۲ کونده ۷۲ متزلق ایش یابدقلری
و ایکنجی عمله یالکز باشنه ۶ کونده ۱۱,۵۰ متزلق ایش
یابدینی و بونک ایشله اوچنچینک ایشی بیننده کی نسبت $\frac{۷}{۶}$ اولدینی
معلوم بولمسه نظراً هر عمله بوايشك قدرینی یامش اولدینی
حساب ایتک مطلوبدر ؟

جواب — معاد مسئله موجبجه ایکنجی عمله ۱۲ کونده

$$۲۳ \text{ مترو} = \frac{۱۲ \times ۱۱,۵۰}{۶}$$

و ایکنجی عمله عین مدته

$$۱۹ \frac{۵}{۷} \text{ مترو} = \frac{۶ \times ۲۳}{۷}$$

و برنجی عمله مدت مد کوره طرفنده

$$۷۲ = (۱۹ \frac{۵}{۷} + ۲۳) - ۲۹ \frac{۴}{۷} \text{ مترو}$$

ایش یامش اولور .

۴۸۲ برتاجر ۹۹۰۰ غروشله هکتولیتروسی ۶۶۰
غروشه اولق اوزره هرری ۶ دهقالتیر حجمنده ۲۵ واریل
هند یاغی مبایعه ایدر عجباً هر واریلی ۱۵ ایتره فضله کلک
اوزره لیتروسی فیاتی ۰,۱۵ غروش نزاید یتش اوله جنی
فرضیه تاجرك عین یاغدن ۴۲ واریله قاچ غروش ویرمی
لازم کلیر ؟

جواب — مفاد مسئله به کوره ترتیب اولان

غروش	واريل	ليتره	ليتره نيائي
۹۹۰۰	۲۵	۶۰	۶,۶۰
س	۴۲	۶۰ + ۱۵ یعنی ۷۵	۶,۶۰ + ۰,۱۵ یعنی ۶,۷۵

جدولی مندرجاتی تدقیق اولد مدقمه ۶۰ لیتره لقی ۴۲ واريلك قیستی
لیتره سی ۶,۷۵ غروشدن

$$\frac{۴۲ \times ۹۹۰۰}{۲۵} \text{ غروش}$$

وبوکا نظرا ۷۵ لیتره لقی ۴۲ واريلك نيائي

$$\frac{۷۵ \times \frac{۴۲ \times ۹۹۰۰}{۶۰ \times ۲۵}}{\text{غروش ایدر .}}$$

بناءً عایه تاجرك ویرم جکی مبلع

$$۲۱۲۶۲,۵ \text{ غروش} = \frac{۶,۷۵ \times ۷۵ \times \frac{۴۲ \times ۹۹۰۰}{۶۰ \times ۲۵}}{۶,۶۰}$$

دن عبارت بولور .

تعلیم ۱۸

فائض مسائلی حقنهددر

۴۸۳ ۵۰۰ غروش سنهده ۱۷,۵ غروش ایراد کتیر.

دیکنه نظراً ۱۶۸۰ غروشك ایرادي نه اولور ؟

مهراب — فائض رأس المال ایله متناسب اولدیفندن

فائض	سرمایه
۱۷,۵	۵۰۰
س	۱۶۸۰

تناسبیدن

$$\text{س} = ۱۷,۵ \times \frac{۱۶۸۰}{۵۰۰} = ۵۸,۸۰ \text{ غروش}$$

اولور .

۴۸۴ یوزده ۳,۷۵ حسابیله فائضه یریلان ۲۵۰۰
غروشلق بر سرمایه لك ایرادی ندر ؟

مهراب — ۱۰۰ غروشك فائضی ۳,۷۵ غروش اولدیفنده
نظراً ۲۵۰۰ غروشك فائضی

$$\frac{۲۵۰۰}{۱۰۰} = \frac{\text{س}}{۳,۷۵}$$

تناسبیدن س کیمتك حلیله بوننه جفیدن بده

$$\text{س} = ۲۵۰۰ \times \frac{۳,۷۵}{۱۰۰} = ۹۳,۷۵ \text{ غروش اولور .}$$

۴۸۵ سنده ۸۳۵ غروش ایراد کترین برمالی
۱۵۸۰۰ غروشه صاتون اقمی یوقسه بوپارینی ۴,۷۵
حسابیله فائضه ویرهك می دها کارلیه ر ؟

جواب — ۱۵۸۰۰ غروش ۰٪ ۴۷۵ حسابیہ فائضہ
ویرلش اولسہ حاصل ایدہ جکی تمتع

$$۷۵۰۰۵ = \frac{۴۷۵}{۱۰۰} \times ۱۵۸۰۰$$

غروشیدن عبارت اولور .

شوالده اولی ساتون المی دها کارلیدر چرکک و سورتله سنه .

$$۸۳۵ = ۷۵۰۰۵ - ۸۴,۵ \text{ غروش}$$

قزایلور .

۴۸۶ ۵۶۸۰ غروشلق بر سرمایہ نہ فی ایله فائضہ
ویرملید کہ سنہ ۲۶۱,۲۸ غروش حاصل ایتسون ؟

جواب — مفاد مسئلہ موجبہ ۵۶۸۰ غروشک فائضی
۲۶۱,۲۸ غروش اولدیفدن ۱۰۰ غروشک فائضی

$$س = \frac{۱۰۰}{۵۶۸۰} \times ۲۶۱,۲۸$$

$$= ۴,۶ \text{ غروش اولور .}$$

۴۸۷ فائضی یوزده ۴,۵ دن حساب ایدمک اوزره
سنوی ۳۰۰۰ غروش ایجار کتیرن برخانہک قیمتی ندر ؟

جواب — بومسئلہ سنوی ۳۰۰۰ غروش آلمی ایچون یوزده
۴,۵ فی ایله فائضہ ویرمک لازم کلان مبلغک تعیین دیمک اولور .

ایمدی رأس المال آلتعجق فائض مقداريله مبسوطاً متناسب اولدیغندن

فائض	سرمایه
۴۱۵	۱۰۰
۳۰۰۰	س

تناسبندن

$$\text{س} = \frac{۳۰۰۰ \times ۲۰۰}{۴۱۵} = \frac{۱۰۰ \times ۲۰}{۰.۱۳} = ۶۶۶۶۶.۶۶ \text{ غروش}$$

اولور .

۴۸۸ ۵۰۰۰ غروش سنه ده ۴ غروش تمتع ویردیکنه
نظراً ۱۵۰۰۰ غروشك ۸ آیده کی ایرادی ندر ؟

جواب — فائض رأس المال ومدت ايله مبسوطاً متناسب
اولدیغندن مفاد مسئله به کوره یازیلان

سرمایه	آی	فائض
۵۰۰	۱۲	۴
۱۵۰۰۰	۸	س

تناسبندن

$$\text{س} = ۴ \times \frac{۸}{۱۲} \times \frac{۱۵۰۰۰}{۵۰۰} = ۸۰ \text{ غروش اولور .}$$

۴۸۹ ۱۴۷۵ غروش استقراض ایدن برکیمسه بومبلانی
یوزده ۵ فائضی ايله بریحق سنه ده تأدیه آیده چکنی تعهد ایتمش
اولسنه نظراً مدت مذکوره ختامنده مقرضه ویره چکی مبلغ
ندر ؟ .

جواب — ۱۴۱۵ غروشك | ۵ حسابيله ۱۸ آى ده فائض

سرمایه	آى	غروش
۱۰۰	۱۲	۵
۱۴۷۵	۱۰۸	س

تناسبندن

$$\frac{۲۲۱۱۲۵}{۲} = \frac{۱۴۷۵}{۱۰۰} \times \frac{۱۸}{۱۲} \times ۵ = \text{س}$$

و اصلاح ايله

$$\text{س} = ۱۱۰,۶۲۵ \text{ غروش}$$

اولديغندن مدين مومى اليك بر موجب تعهد مقرمه اعطا ايده جكى مبلغ

$$۱۴۷۵ + ۱۱۰,۶۲۵ = ۱۵۸۵,۶۲۵ \text{ غروش}$$

اولور .

۴۹۰ يوزده ۳ حسابيله فائضه ويريلاں ۱۷۶۰,۱۰

غروشك ۱۰ آى و ۱۲ كون ظرفنده حاصل ايده جكى فائض
نذر ؟

جواب — آيلرك ۳۰ كون اعتباريله

$$۱۰ آى ۱۲ كون = ۳۰ \times ۱۰ + ۱۲ كون = ۳۱۲$$

اولديغندن مفاد مسئله يه كوره يازيلاں

سرمایه	كون	فائض
۱۰۰	۳۶۰	۳
۱۷۶۰,۱۰	۳۱۲	س

تناسیدن فائض و مطلوب

$$\text{س} = \frac{۱۷۶,۱۰ \times ۳۱۲ \times ۳}{۱۰۰ \times ۳۶۰} = ۴۵,۷۶ \text{ غروش}$$

بولور .

۴۹۱ ۳ سنه ۵ آی مدته ۴۳۶۶,۵۰ غروش تمتع
آلتیق ایچون ۳۰٪ حسابیله تمقدار سرمایہ پی فائضه ویرمیدر؟

مرباب — سرمایہ فائض ایله مبسوطاً ومدت ایله معکوساً
متناسب اولدیفندن معادله کوره ترتیب اولان

سرمایه	آی	فائض
۱۰۰	۱۲	۳
س	۴۱	۴۳۶۶,۵

تناسیدن

$$\text{س} = \frac{۴۳۶۶,۵}{۳} \times \frac{۱۲}{۴۱} \times ۱۰۰ = ۴۲۶۰۰ \text{ غروش}$$

بولور .

بومسئله واحده ارجاع اصولیله ده حل اولنه بیلیر :

فی الحقیقه مفاد مسئله مروجینجه برسنه ده یعنی ۱۲ آی طرفنده ۳ غروش
کترین سرمایہ ۱۰۰ غروشیدن عبارت اولدیفنسه نظراً ۱۲ آی ده
۱ غروش فائض کتیره جک سرمایہ $\frac{۱۲}{۴۱}$ اولور . بوکا نظراً

$$۱ \times ۳ + ۵ = ۴۱ \text{ آی ده } ۱ \text{ غروش کترین سرمایہ}$$

$$\text{غروش اولور} \quad \frac{۱۲ \times ۱۰۰}{۴۱ \times ۳}$$

بناءً علیه ۴۱ آی ده ۴۳۶۶۵۰ غروش کترین سرمایه

$$۴۲۶۰۰ = \frac{۴۳۶۶۵۰ \times ۱۲ \times ۱۰۰}{۴۱ \times ۳}$$

غروشدن عبارت بولنور .

۴۹۲ سنوی یوزده ۴۰۵ حسابیه فائضه ویریلوب
۲۲۸ کونده ۲۵۰ غروش حاصل ایدن سرمایه ندر ؟

مواب — قاعدهیه توفیقاً سرمایهیی بولق ایچین فائض ۱۰۰
ایله ضرب اولنوب حاصلی ۴۰۵ فائضه سنه وکسوریه افاده اولمان
مدت ایله حاصل ضربنه تقسیم ایدلملیدر بومطالعهیه بناءً سرمایه مطلوبه

$$س = \frac{۱۰۰ \times ۲۵۰}{۲۲۸ \times ۴۱۵}$$

$$۸۱۷۲۱۸۰ = \frac{۳۶۰ \times ۱۰۰ \times ۲۵۰}{۲۲۸ \times ۴۱۵} =$$

غروشدن عبارت اولش اولور .

۴۹۳ فائض ویرلمش اولان ایکی سرمایه نك حاصل ایلدیکی
قائض سنوی ۲۶۴۰ غروشدن عبارت اولدینی و بولنردن بری
۶۰ و دیگر ۱۰۰ ایله فائض ویرلمش اولوب ایکنجی
سرمایه نك برنجیدن ۲۹۰ غروش فضله تمتع ویرمش ایدوکی
معلوم بولمسنه نظراً بوسرمایه لرك حسابی مطلوبدر ؟

مواب — مثلاً مسئله حکمنجه ایکنجی سرمایه نك فائضی برنجی
سرمایه نك فائضیه ۲۹۰ غروش مجموعندن عبارت اولمسنه بناءً ۲۶۴۰

غروش اولان فائض-لر مجموعی ایکی دفعه برنجی سرمایه فائض-یه ۲۹۰
غروش مجموعنه مساوی اولدیفندن برنجی سرمایه فائضنك ضعیفی

$$۲۶۴۰ - ۲۹۰ = ۲۳۵۰ \text{ غروش}$$

اولور بوحالده برنجی سرمایه نك فائضی

$$\frac{۲۳۵۰}{۲} = ۱۱۷۵ \text{ غروش}$$

اولغله ایکنجی سرمایه نك فائضی

$$۱۱۷۰ + ۲۹۰ = ۱۴۶۵ \text{ غروش اولور.}$$

بناء علیه ۱۱۷۵ غروش ۶ حسابیه برنجی سرمایه نك فائضی
اولغله بوکاکوره ترتیب اولنان

فائض	سرمایه
۶	۱۰۰
۱۱۷۵	س

تناسبندن بوسرمایه نك قیمتی

$$س = ۱۰۰ \times \frac{۱۱۷۵}{۶} = ۱۹۵۸۳۱۳۵ \text{ غروش}$$

وعین وجهله ترتیب اولنان

فائض	سرمایه
۴	۱۰۰
۱۴۶۵	ع

تناسبندن دخی ۴ حسابیه فائضه ویرلش اولان ایکنجی
سرمایه

$$ع = ۱۰۰ \times \frac{۱۱۶۵}{۴} = ۳۴۶۲۵ \text{ غروش}$$

بولنور.

۴۹۴ بوزده ۶ حسابیه فائضه ویریلان ۸۴۰۰ غروش

بر مدت صکره ۸۹۷۵ غروشه بالغ اولمش اولدیغنه نظراً مبلغ
منربورك تقدیر مدت فائضده قالمش اولدیغنك حسابی مطلوبدر؟

جواب — مفاد مسئلهیه نظراً مبلغ مقرضك فائضی ۸۹۷۵ —
۸۴۰۰ = ۵۷۵ غروش اولدیغندن مبلغ مذکورك فائضده قالدینی مدت

$$\frac{۷۱}{۵۰۴} = \frac{۵۷۵}{۵۰۴} = \frac{۱۰۰ \times ۵۷۵}{۶ \times ۸۴۰۰}$$

— ۱ = سنه ۱۰۰ : ۱۰۰۰ آی = ۱ - سنه ۱ آی ۲۱ کون

اولمش اولور .

۹۹۵ یوزده ۵ حسابیله فائضه ویریلان بر سرمایه تقدیر
مدت ظرفنده کندیسنه مساوی فائض حاصل ایدر ؟

جواب — بومسئله بر صورت عمومیه ده مطاله ایدلك ایچون فرضا
سرمایه ل ایله اشعار اولدقدده مفاد مسئله موجبجه فائض ل کیتنه
مساوی اوله جقدر اوصورتله که تحری اولسان مدت ظرفنده ل + ل
یاخود ۲ ل ایله اراثة اولنان بر مبلغ اخذ اولنه بیلسون .
بوملاحظهیه کوره

سرمایه	فائض	کون
۱۰۰	۵	۲۶۰
ل	ل	س

جدولی ترتیب ایدیلور.

مدت فائض فائضك مقداريله مبسوطاً ورأس المال ایله معکوساً
متناسب اولدیغندن

$$س = \frac{۲۶۰}{ل} \times \frac{ل}{۵} \times \frac{۱۰۰}{ل}$$

وبوردان اصلاح ایله

س = ۳۶۰ × ۲۰ کون = ۷۲۰۰ کون یعنی ۲۰ سنه
اولور .

۴۹۶ ۳۸۶۴ غروش ۶ ماه ظرفنده ۸۶,۹۴ غروش
فائض حاصل ایلدیکنه نظراً فی فائضك حسابی مطلوبدر ؟

جواب — علم حساب (ماده: ۳۱۱) موجبجه فی فائض مقدار فائضك
۱۰۰ ایله حاصل ضربنی سرمایه نك سنه و کسور یله افاده و لنان مدت اوزرینه
تقسیم یله استحصال اولنه جفتدن

$$\frac{۸۶۹۴}{۱۹۳۲} = \frac{۱۰۰ \times ۸۶,۹۴}{\frac{1}{۶} \times ۳۸۶۴} = \text{س}$$

= ۴۱۵ غروش

اولور .

۴۹۷ ۴۵ ماهده ۳۲۴۵ غروش تمتع ویرن ۲۳۶۰۰
غروشك نه فی ایله فائضه ویرلش اولدیغك حسابی مطلوبدر ؟

جواب — فائض رأس المال و مدت ایله متناسب اولدیغندن
۱۲ آیده ۱۰۰ غروشك فائضی بروجاتی یازیلان

سرمایه	ماه	فائض
۲۴۶۰۰	۴۵	۳۲۴۵
۱۰۰	۱۲	س

جدولندن

$$\text{س} = ۳۲۴۵ \times \frac{12}{45} \times \frac{100}{24600} = ۳,۶۶ \text{ غروش}$$

بولور .

۴۹۸ برکیمسه قائض مفرد اصولیه بر بانکره تودیع ایلدیکي مبلغ ۱۰ آی صکره مع قائض و سرمایه ۱۲۶۰۰ غروشه بالغ اولدینی و مومی الیهک عین شرائطه بومبلنی ایکی بجق سنه مدت دها فائضده براقرق مدت مذکوره ختامند، پاره سی چککرك ۱۴۴۹۰ غروش آلدینی معلوم اولمسنه نظراً فی قائض ندر؟ — مومی الیهک اولجه صرافه تودیع ایتیش اولدینی مبلغ ندر؟

جواب — مفاد مسئله حکمنجه ایکنجی دوره فائضده ۱۲۶۰۰ غروش ۲ بجق سنه مدتده یعنی ۳۰ ماهه

$$۱۴۴۹۰ - ۱۲۶۰۰ = ۱۸۹۰ \text{ غروش}$$

قائض حاصل ایتیش اوله جفندن بوکا نظراً ۱۰۰ غروشک قائض جزئیسی یعنی فیسات قائض مطلوب بالسهرله استخراج اولنه بیاور: فی الحقیقه قائض مذکور س ایله اراشه اولندقدله علم حساب (ماده : ۳۱۳) موجبجه

$$س = \frac{۱۰۰ \times ۱۸۹۰}{۱۲۶۰۰} = ۱۵ \text{ بولندره}$$

دیگر جهندن ۱۰۰ غروش ۱۲ آیده ۶ غروش قائض کتیردیکي حالده ۱۰ آیده ۶ $\times \frac{۱}{۲} = ۵$ غروش قائض ویره جکنه نظراً صاحب نقد ۱۰۰ غروشی قائضه وبردیکي حالده ۱۰ آی ختامنده ۱۰۵ غروش آله جفی کی بوکا مقابل ۱۰ آیده ۱۰۵ غروش آلمق ایچونده ۱۰۰ غروشی قائضه ویرمسی اقتضا ایله بناء علیه مومی الیهک ۱۲۶۰۰ غروش آله بیلمسی ایچون $\frac{۱۲۶۰۰ \times ۱۰۰}{۱۵۰} = ۸۴۰۰۰$

غروشی قائضه ویرمسی لازم کلیر .

۴۹۹ ۴۳۸ غروشك يوزده ۶ حسابيله ۲ سنه ۴ آي
و ۱۸ كوناك فائضی ندر ؟

مهراب — ۲ سنه ۴ ماه و ۱۸ كوناك بالتحويل ۸۵۸ كوناك
ابتدییی جهته سنه ۴ كسریله ارانه اولنور .
علم حساب (ماده : ۳۱۰) موجبجه ۴۳۸ غروشدن عبارت
برمبلغ برسنده

$$۲۶,۲۸ \text{ غروش} = \frac{۴۳۸ \times ۶}{۱۰۰}$$

وسنه ۴ كسریله ارانه اولنان مدتده

$$۶۴,۶۳ \text{ غروش} = \frac{۸۵۸ \times ۴۳۸ \times ۶}{۳۶۰ \times ۱۰۰}$$

فائض حاصل ایدر .

۵۰۰ ایکی سنه صکره مع فائض سرماییه ۸۵۸۰ غروش
حاصل ایتمک اوزره یوزده ۵ حسابيله بمقدار اقیچه بی فائضه
ویرمیلیدر ؟

مهراب — مفاد مسئله حکمنجه ۱۰۰ غروش ۲ سنه ده ۱۰
غروش فائض ویردیکندن مدت مد کوره ختامنده ۱۰۰ + ۱۰ = ۱۱۰
غروشه بالغ اولور .
شو حالده ذکر اولنان مدتده ۸۵۸۰ غروش حاصل ایده جک
اولان سرماییه ن مقدار

$$۷۸۰۰ \text{ غروش اولور} = \frac{۸۵۸۰ \times ۱۰۰}{۱۱۰}$$

۵۰۱ زیتون یاغنی ۶۲۵ غروشه بشیادی صائمق یوقسه
یوزد ۵ حسابیله فائضنی نظر اعتباره آلهرق ۶,۵۰ غروشه
برسنه مدتله ویره سی یه می ویرمک دهاکارایدر بالحساب بیانی
مطلوبدر؟

جواب — مسئله یه جواب ویرمک ایچون اول اسرده یاغک
قیه فیاتی اولان ۶۲۵ غروشک ۵۰ حسابیله برسنه مدتله کتیره جکی
فائض حساب اولندقدده $\frac{625 \times 5}{100} - 0.31$ غروش اولور .
بوکا نظراً بیشین اولهرق صاتیله جق برقیه یاغک فیاتی برسنه صکره
 $625 + 0.31 = 6.56$

اولمعه زیتون یاغکک بیشینا فروختنده

۶,۵۶ — ۶,۵ ۰۰۶ غروش

قرانیله جفی اکلاشلور .

۵۰۲ ایکی کیسه بشر بیک غروشی فائضه ویررلر
۱۰ سنه صکره بری ۷۰۰۰ و دیکری ۶۵۰۰ غروش آلمش
اولدیغه نظراً هرایکی حاله کوره فیأت فائض مطلوبدر؟

جواب — مفاد مسئله یه نظراً برنجی شریکک قویدینی ۵۰۰۰
غروشک برسنه ظرفنده حاصل ایده جکی فائض مقداری
 $200 = 10 : (5000 - 7000)$

غروشدن عبارت اولمعه بوسرمایه مک فیأت فائضی

$\frac{100 \times 200}{5000} = 4\%$ غروش اولور .

ایکٹی شریک وضع ایلدیکی ۵۰۰۰ غروش سرمایہ دخی مفاد
مسئله حکمنجه برسنه ظرفنده

$$۱۵۰۰ - ۵۰۰۰ = ۱۰ : ۱۵۰ = ۱۵۰ \text{ غروش}$$

فائض حاصل ایلدیکنندن بوسرمایه نك فیأت فائضی

$$۱۵۰ \times \frac{۱۰۰}{۵۰۰} = ۳۰\% \text{ غروش}$$

اولور .

۵۰۳ یوزده ۵ حسابیه ۱۳۲۶ سنه می نیسایسک
برنجی کونی نمقدار آتیجه می فائضه ویرمیدرکه سنه مرقومه
نیساننک ۲۲ نجی کونی فائض و سرمایہ برابر اوله رق ۳۰۰
غروش حاصل ایتسون ؟

جواب — نیسایسک برنجی کونندن ۲۲ نجی کوسه قدر

$$۲۲ - ۱ = ۲۱ \text{ کون}$$

کچدیکندن اشو ۲۱ کون طرفده ۱۰۰ غروشک | ۵ حسابیه
کنتبره جکی تمتع

$$\frac{۲۱ \times ۵}{۳۶۰} = ۲\frac{۷}{۴} \text{ غروش اولور .}$$

بنلاء دلیه بو ۱۰۰ غروش مدت مد کوره حتامنده

$$\frac{۲۴۰۷}{۲۴} = \frac{۷}{۲۴} + ۱۰۰ \text{ غروش}$$

اوله جفتدن ذکر اولنان مدتده ۳۰۰ غروش حاصل ایدہ جک اولان مبلغ

$$۲۹۶,۱۰ \text{ غروش} = \frac{۳۶۰ \times ۲۴ \times ۱۰۰}{۲۴۰۷}$$

اوقات لازم کلب .

۵۰۴ کونده لکی ۷,۵۰ غروشدن اولق اوزره هفته ده
۵ کونده ک قزمان برکیمسه نقد موجودی اولان ۱۵۶۵۰
غروشی دخی ۵۰ حسابیه فائضه ویرمش اولدینغه کوره
مومی الیه بورج ایتیمه رک بوایکی ایراد الہ کچینه بیلیمک
ایچون یومی قاج غروش مصرف ایتلیدر ؟

جواب — مفاد مسئله حکمنجه مومی الیه ک سنوی قزانجی

$$۷,۵ \times ۵ \times ۵۲ = ۱۹۵۰ \text{ غروش}$$

و واردات سنویه سی

$$۷۸۲,۵۰ = ۱۵۶,۵ \times ۵ \text{ غروش}$$

اولسنه بناءً بورج ایتیمه رک بوایکی قلم واردات الہ کچینه بیلیمسی ایچون یومی

$$۷,۴۸ \text{ غروش} = \frac{۷۸۲,۵ + ۱۹۵۰}{۳۶۵}$$

مصرف ایدہ بیلہ جکی اکلاشیلور .

۵۰۵ یوزده ۵ حسابیه فائضه وریلان برسرمايه
کدی قیمتک $\frac{۱۷}{۴}$ جزئی بواق ایچرن قدر مدت فائضه ده
قالمق اقتضا ایدر ؟

جواب — فرضاً بوسرمایه ۱۰۰ غروشدن عبارت اولسه
بونک $\frac{۱۷}{۶}$ س

$$\frac{۸۵۰}{۳} = \frac{۱۷ \times ۱۰۰}{۶} \quad \text{غروش اولور}$$

مقاد مسئله موجبجه اشو ۱۰۰ غروش

$$\frac{۵۵۰}{۳} = ۱۰۰ - \frac{۸۵}{۳}$$

فائض حصوله کتیرر .

بهاه شویله محاکمه ایدرز :

۱۰۰ غروشلق بر سرمای ۵ غروئی برسنده حاصل ایدرسه
۱۰۰ غروشلق بر سرمای ۱ غروش سنهده حصوله کتیرر .
بوکا نظراً

۱۰۰ غروشلق بر سرمای $\frac{۵۵۰}{۳}$ غروئی حاصل ایتک ایچون

$$\frac{۵۵}{۳} \times \frac{۱}{۵} = ۳۶ \text{ سنه } ۸ \text{ ماه}$$

مدت فائضده قالمی اقتضا ایلهدیکی اکلاشیلور .

۵۰۶ ۲۰۰۰۰ غروش نقد موجودی اولان برکیمسه
بویوک برتجارته باشلامق ایچون ۵۰۰ حسابیله ۱۵۶۰۰
غروش دها استقراض ایدرک سنهده ۵۶۰۰ غروش قزانجی
اولسه حاصلات صافیه سنک مقداری ایله ۲۰۰۰۰ غروشک
یوزده مقدار تزايد ایتمش اوله جفتک حسابی مطلوبدر ؟

مہراب — مفاد مسئلہ حکمنجہ ۱۵۶۰۰ غروش

مسابیلہ فائضی

$$۷۸۰ = ۱۵۶ \times ۵$$

وائفہ حاصلات صافہ سی

$$۵۶۰۰ = ۷۸۰ - ۴۸۲۰$$

۲۰۰۰۰ غروش مقدار تزیادی

$$۲۴,۱۰\% = \frac{۱۰۰ \times ۴۲۸۰}{۲۰۰۰۰}$$

۵۰۷ برسرمایہ ۱۸ آیلق فائضی علاوہ اولندقدہ

حصولہ کلان عددک سرمایہ نسبتی $\frac{۴۳}{۴}$ اولدیغنه نظرأ فی نائض مطلوبدر ؟

مہراب — مفاد مسئلہ تدقیق اولندقدہ ۴۰ غروشلق

سرمایہ یہ مقابل فائضی

$$۴۳ = ۴۰ - ۳$$

ولوب شو حالہ ۴۰ غروشلق برسرمایہ برسندہ

$$۲ = \frac{۱۲ \times ۳}{۱۸}$$

نائض حصولہ کتیرر .

بوکا نظرأ ۱۰۰ غروشلق برسرمایہ ن فائض سنویسی یعنی فی

فائض مطلوب

$$۱۰۰ \times ۲ = ۵ \text{ غروش} \quad \text{اولش اولور.}$$

۵۰۸ برکیمسه ۱۰۰۰۰۰ غروشه مبايعه ايتديكي
برخانه به مصارف تعميريه اوله رق ۳۵۰۰۰ غروش وسنوی
وبرکوسی ایچون ۲۲۵ غروش صرف ایلدیکی ومذکور
خانه نی ۱۵۷۵۰ غروشه ایجار ایتدیکنه نظراً پاره سنی نمقدار
فی فائض ایله ایشلتدیرمش اولور ؟

جواب — خانه نك بدل و تعميرينه صرف اولنان مبلغ مفاد
مسئله موجب بنجه

$$۱۳۵۰۰۰ = ۳۵۰۰۰ + ۱۰۰۰۰۰$$

وهرسته ایچاردن النان پاره

$$۱۵۷۵۰ = ۲۲۵ - ۱۵۵۲۵ \text{ غروش}$$

اولمله فائضك یوزده کی مقدار نسبسی یعنی فی فائض مطلوب

$$۱۰۰ \times ۱۵۵۲۵ = ۵۷,۵۰ \text{ غروش} \quad \text{اولور.}$$

۵۰۹ فائضه قونیلان بر سرمایه ۱۸ کونده فی فائضه
مساوی بر فائض حصوله کتیردیکنه نظراً بوسرمایه نك
مقداری مطلوبدر ؟

جواب — بوسرمایه مفاد مسئله حکمنجه برسنه ده فی فائض

$$\frac{۲۶۰}{۱۱} = ۲۰ \text{ دفعه فضا ه سنی یعنی } ۱۰۰ \text{ غروشیدن } ۲۰ \text{ دفعه}$$

زیاده فائض حاصل الی دیکندن مقداری

$$۱۰ \times ۲۰ = ۲۰۰۰ \text{ غروش اولور .}$$

۵۱۰ ۸۰۰۰ غروشك . ۴ ایله ۷ سنه ظرفنده حاصل

ایده جکی فائضك طوغربدن طوغری به دستور ایله حساب
مطلوبدر ؟

جواب — علم حساب (ماده : ۳۱۳) وجبنجه

$$و = \frac{م \times ط}{۱۰۰} \times \text{دستورنده}$$

مفاد مسئله یه کوره م = ۸۰۰۰ ؛ ط = ۴ ؛ و = ۷ اولدینندن
بومعلومات محللرینه وضع واصلاحی ایله

$$و = \frac{۷ \times ۴ \times ۸۰۰۰}{۱۰۰} = ۲۲۴۰ \text{ غروش بولنور .}$$

۵۱۱ ۴۵۰۰ غروشك . ۶ ایله ۸ ایلق

فائضك دستور واسطه سیله حسابی مطلوبدر ؟

جواب — بوجه بالا یازیلان عین دستور واسطه سیله

$$و = \frac{۸ \times ۶ \times ۴۵۰۰}{۱۲ \times ۱۰۰} = ۱۸۰ \text{ غروش}$$

بولنور .

۱۲ ۷۲۰۰ غروشك ۵۰٪ حسابيله ۳ سنه ۶ آيلق
فائضك دستور واسطه سيله حسابی مطلوبدر ؟

جواب — عين دستور توفيقاً

$$1260 \text{ غروش} = \frac{42 \times 5 \times 7200}{12 \times 100} = ۵$$

بولنور .

۱۳ ۵۴۲۰ غروشك | ۴۰۵ حسابيله ۷۲ كونك
فائضك دستور واسطه سيله حسابی مطلوبدر ؟

جواب — عين دستور توفيقاً

$$4875 \text{ غروش} = \frac{12 \times 405 \times 5420}{260 \times 100} = ۵$$

اولور .

۱۴ ۹۶۰۰ غروشك ۶۰٪ حسابيله ۴۸ كونك
فائضك سرمايه نك اقسام متداخله سيله حسابی مطلوبدر ؟

جواب — علم حساب (ماده : ۳۱۵) احكامنجه ۶۰٪ في
فائضه كوره يازيلان

$$5 \times \frac{2}{6000} = ۵$$

دستوری ۶۰۰۰ غروشك فائضك ۵ عددینه یعنی مدته مساوی
ارلدينی اشعار ایلدیکندن عملیاتده سهرات ایچون

$$۶۰۰ + ۳۰۰۰ + ۶۰۰ = ۹۶۰۰$$

جهله تفريق وبعده بوجمعى تشكيل ايدن عددلردن هر بررلر يك
دستوره توفيقاً فائضى تحرى اولدوقده

۶۰۰۰ غروشك فائضى ۴۸ غروش

$$» ۳۰۰۰ = \frac{1}{2} \times ۴۸ »$$

$$» ۶۰۰ = \frac{1}{10} \times ۴۸ »$$

ياغله بوكا نظراً

۹۶۰۰ غروشك فائضى

$$۷۶۸۰ = ۴۸۰ + ۲۴ + ۴۸$$

ولش اولور .

۵۱۵ ۶۷۲۰ غروشك . ۵۰۰ حسابيله ۱۴۴

ائضنك سرمايه بك اقسام متداخله سيلاه حسابى مطلوبدير ؟

جواب — علم حسابك عين ماده سي احكامنه توفيقاً . ۵۰۰

ائضه كوره يازيلان

$$۵ \times \frac{۴}{۷۲۰۰} = ۵$$

دستورى ۷۲۰۰ غروشك فائضنك ۵ عددينه مساوى اولديغنى
كوسترديكندن بوكا كوره سرمايه افزا اولدوقده

$$۶۷۲۰ = ۳۶۰۰ + ۲۴۰۰ + ۷۲۰$$

بناءً عليه سالف الذكر دستوره توفيقاً

۳۶۰۰ غروشك فائضى ۱۴۴ = $\frac{1}{2} \times ۷۲$ غروش

» ۲۴۰۰ = $\frac{1}{3} \times ۱۴۴$ » » ۴۸

» ۷۲۰ = $\frac{1}{10} \times ۱۴۴$ » » ۱۴۴۰

اولافله بوكا نظراً ۶۷۱۰ غروشك فائضی
 $۱۴۴۰ + ۴۸ + ۷۲ = ۱۴۶۰$ غروش اولور.

تعلیم ۱۹

اسقونطو مسائل

۵۱۶ ۹۰ کونده تأدیه سی مشروط ۳۱۷۰ غروشلق
 برسندك اسقونطوسی ندر ؟ — اسقونطو فیائی ۵۰ در .

جواب — تجرت اسقونطوسی ویا اسقونطه خارجی بر سند
 تجارینك حاوی اولدیمی آخه قیمت اصلیه سك تحویل زماننه قدر حاصل
 ایه چکی هئص مفرد مقدارندن عبارت اولوب بوده مدت و قیمت اصلیه
 ایلک متناسب بولدیعدن عام حساب (ماده : ۳۱۹) موجبجه ۱۰۰
 غروشلق برسندك ۳۶۰ کون ایچون اسقونطوی ۵ غروشیدن
 عبارت اولور .

بوكا بامه ترتیب اولمان

اسقونطوسی	کونده	غروشك
۵ غروش	۳۶۰	۱۰۰
س	۹۰	۳۱۷۰

جدولیدن ۹۰ کونده تأدیه سی مشروط ۳۱۷۰ غروشلق برسندك
 اسقونطوسی بالسهوله

$$س = ۵ \times \frac{۹۰}{۳۶۰} \times \frac{۳۱۷۰}{۱۰۰} = ۲۹,۶۲۵ \text{ غروش}$$

بولور .

۵۱۷ بدلی پشیناً تأدیه اولندیغی حالده ۶۰٪ اسقونطو
ایدیله جکی بیلدیریلان ۲۳۱۵ غروشلق برقاطوره ایچون نقداً
تأدیه اولنه جق مبلغ ندر ؟

هواب — مفاد مسئله موجبجه ۱۰۰ غروشه مقابل اسقونطو
تزیلندن صکره

$$۱۰۰ - ۶ = ۹۴ \text{ غروش}$$

ویریه جکسه نظراً ۲۳۱۵ غروشی حاری فاطوره ایچون نقداً تأدیه
اولنه جق مبلغ

$$۲۳۱۵ \times \frac{۹۴}{۱۰۰} = ۲۱۷۰.۱۰ \text{ غروش اولور}$$

۵۱۸ ۷ آیده تأدیه سی مشروط ۱۲۰۰۰ غروشلق
برسندک ۵۰٪ حسابیله قیمت حاضرده سی ندر ؟

هواب — مفاد مسئله حکمنجه ۱۰۰ غروشک ۷ آی ایچون
اسقونطوسی

$$\frac{۷ \times ۵}{۱۲} = \frac{۱۱}{۱۲} \text{ غروش اولفله}$$

ذکر اولان مبلغ

$$۱۰۰ - ۲ \frac{۱۱}{۱۲} = ۹۷ \frac{۱}{۱۲}$$

غروشه نزل ایدر و بوکا نظراً سند مذکورک قیمت حاضرده سی

$$۹۷ \frac{۱}{۱۲} \times \frac{۱۲۰۰۰}{۱۰۰} = ۱۱۶۵۰ \text{ غروش اولور}$$

۵۱۹. بر سنده تأدیه سی مشروط اولان ۸۵۰۰ غروشلق
برسند بعد الاسقونطو ۷۹۹۰ غروشه تنزل ایتیش اولسنه نظراً
اسقونطو فیاتی ندر ؟

مواب — مفاد مسئله موجبجه ۸۵۰۰ غروشک بر سنده
ایچون اسقونطوسی

$$۸۵۰۰ - ۷۹۹۰ = ۵۱۰ \text{ غروش}$$

اولغله اسقونطونک یوزه نسبتی یعنی فی اسقونطو

$$\% ۶۰ = \frac{۱۰۰ \times ۵۱۰}{۸۵۰۰} \text{ اولور.}$$

۵۲۰. بر کیسه ۱۳۲۷ سنه سی مارتنک یکرمنجی کونی
تأدیه سنه مجبور اولدنی ۳۲۵۰ غروشه مقابل ۱۳۲۶ سنه سی
تشرین اولسک اون بشنجی کونی ۳۱۵۵ غروش ویردرک
ایفای دین ایتیش اولسنه نظراً اسقونطو فیاتی مطلوبدر ؟

مواب — تشرین اولک اون بشنجی کونندن مارتک یکرمنجی
کونه قدر

$$۱۶ + ۳۰ + ۳۱ + ۳۱ + ۲۸ + ۲ = ۱۵۶ \text{ کون}$$

ب لندیفندن بومده هائده اسقونطو

$$۳۲۵۰ - ۳۱۵۵ = ۹۵ \text{ غروش}$$

اولسنه بناءً مطلوب اولان اسقونطو فیاتی

$$۶,۶۸ \text{ غروش اولور} = \frac{۳۶۰ \times ۱۰۰ \times ۹۵}{۱۵۶ \times ۳۲۵۰}$$

۵۲۱ ۴۵ کونده تأدیسه ی مشروط بر سندن ایچون بانکر
یوزده ۶ حسابیله ۳,۲۰ غروش اسقونطو توقیف ایتش
اولسنه نظراً مذکور سندك محتویاتی ندر ؟

جواب — مفاد مسئله حکمجه یوز غروشدن ۴۵ کون
ایچون توقیف اولنان مبلغ

$$۰,۷۵ = \frac{۴۵ \times ۶}{۳۶۰} \text{ غروش یعنی } ۳۰ \text{ پاره}$$

اولوب بوکا کوره سندك محتویاتی

$$۴۲۶,۶۶ = \frac{۳,۲ \times ۱۰۰}{۰,۷۵} \text{ غروش اولور .}$$

۵۲۲ اوج سنهده اودنمك اوزره ۵۰۰۰ غروش
استقراض ایتش اولان برکیمسه وعدد سندن ۲۰ ماه مقدم
۲۰۰۰ غروش تسویه ایتش اولسه مذکور ۵۰۰۰ غروشك
سنوی ۵۰ حسابیله اسقونطو ایدلایکی فرضیله وعددك
انقضای کونی ومی الیهک تمامیه ایفای دین ایتش اولق ایچون
دها قاج غروش ویرمیی لازم کلیر ؟

جواب — ۱۰۰ عروشك ۲۰ آی ایچون اسقونطوی

$$۸ \frac{۱}{۴} = \frac{۲۰ \times ۵}{۱۲} \text{ غروش}$$

اولعله بعد المعامله بو یوز غروشك

$$۹۱ \frac{۲}{۴} = ۸ \frac{۱}{۴} - ۱۰۰$$

غروشه تزل امتش اوله جینی درکاردر .
بوکا نظراً ۲۰۰۰ غروشك ختام وعده ده کی قیمتی

$$۲۰۰۰ \times ۱۰۰ = \frac{۲۰۰۰ \times ۱۰۰}{۹۱ \frac{2}{3}} \text{ غروش}$$

اولهین وعده نك انقضاسی كونی مومی البهك ایضای دین ایتش اولسی ایچون
۵۰۰۰ = ۴۱۱۸,۸۱ - ۲۸۱۸,۱۹ غروش

دها تأدیه ایتك لازم کلدیکی اکلاشلور .

۱۷ ۵۲۳ آیده تأدیه سی مشروط ۷۷۶,۵ غروشاق
جرسندك سنوی یوزده ۶ حسابیله داخلی اسقونطوسی ندر ؟

جواب — ۱۰۰ غروشك ۱۷ آلیق فائضی

$$۱۰۰ \times ۶ = \frac{۱۷ \times ۶}{۱۲} \text{ غروش}$$

اولدیغندن ۱۰۰ غروشاق برقیمت حاضره نك

$$۱۰۸,۵۰ = ۸,۵۰ + ۱۰۰$$

غروشاق برقیمت اصلیه معادل اوله جینی درکاردر .

بو حالده مطلوب اولان اسقونطو

$$۷۷۶,۵ \times ۸,۵ = \frac{۷۷۶,۵ \times ۸,۵}{۱۰۸,۵۰} \text{ غروش}$$

اولش اولور .

۱۷ ۵۲۴ آیده تأدیه سی مشروط بر مبلغ ۶۰۰ حسابیله

و داخلی اسقونطو اصولیه قییدیلدینی حلالده ۹۰۰ غروشه
تغزل ایتمش اولسنه نظراً قیمت اصلیه سی مطلوبدر ؟

جواب — مفاد مسئله موجبجه ۱۰۰ غروشك ۱۷ آیلاق فائض

$$۸,۵ = \frac{۱۷ \times ۶}{۱۲} \text{ غروش}$$

اولفین علم حساب (ماده : ۴۲۰) احکانه نظراً ۱۰۰ غروشاق
برقیمت حاضره

$$۱۰۸,۵ = ۸,۵۰ + ۱۰۰$$

غروشاق برقیمت اصلیه به معادل بولور .

بوحالده قیمت حاضره سی ۹۰۰ غروشدن عبارت بولنای مېلفك
قیمت اصلیه سی

$$۹۷۶,۵۰ = \frac{۹۰۰ \times ۱۰۸,۵۰}{۱۰۰}$$

اولش اولور .

تعلیم ۲۰

تقسیم متناسب حقنده در

۲۸۸۰ ۵۲۵ غروشك ۸,۶۴ عددلریله علی وجه التناصب

تقسیمی مطلوبدر ؟

جواب — هر حصه نك قیمتنی بولق ایچون علم حساب (ماده :
۳۲۷) موجبجه تقسیم اولنه جق عددی تناسبه داخل بوللاق عددایله

ضرب و حاصل ضربی حصص مختلفه ایله متناسب بولنان اعداد مجموعیه تقسیم ایلک اقتضا ایلدیکندن بوقاعدهیه نظراً برنجی حصه

$$۶۴۰ = ۴ \times ۱۶۰ = \frac{۴ \times ۲۸۸۰}{۱۸} = \frac{۴ \times ۲۸۸۰}{۸+۶+۴}$$

وایکنجی حصه

$$۹۶۰ = ۶ \times ۱۶۰ = \frac{۶ \times ۲۸۸۰}{۱۸}$$

واوچنجی حصه

$$۱۲۱۰ - ۸ \times ۱۶۰ = \frac{۸ \times ۲۸۸۰}{۱۸}$$

فی الحقیقه افراز اولنان حاصل مجموعی اخذ اولدوقده

$$۲۸۸۰ = ۱۲۸۰ + ۹۶۰ + ۶۴۰ \quad \text{بولنور}$$

۵۲۶ ۱۲۴۰۰۰ غروشک $\frac{۱}{۳}$ و $\frac{۱}{۶}$ و $\frac{۱}{۳}$ عددلرله متناسباً

تقسیمی مطلوبدر؟

جواب — اقسام متناسبه مجموعی

$$\frac{۳۱}{۳۰} = -\frac{۱}{۳} + \frac{۱}{۶} + \frac{۱}{۳} = \frac{۱}{۶} + \frac{۱}{۶} + \frac{۱}{۳}$$

اولدیفنه بناء مسئله یی حل ایتک ایچون ۱۲۴۰۰۰ : $\frac{۳۱}{۳۰}$ نسبتنده $\frac{۱}{۳}$ ، $\frac{۱}{۶}$ ، $\frac{۱}{۳}$

عددلرله متناسب اعدادک سابی لازم کلیر .

برنسبت ایسه

$$\frac{۳۰ \times ۱۲۴۰۰۰}{۳۱} = \frac{۱۲۴۰۰۰}{\frac{۳۱}{۳۰}}$$

اولدیفندن بوکا نظراً اعداد مطلوبه

$$60000 = 10 \times \frac{124000}{31} - \frac{30 \times 124000}{31} \times \frac{1}{2}$$

$$40000 = 10 \times \frac{124000}{31} = \frac{30 \times 124000}{31} \times \frac{1}{3}$$

$$24000 = 6 \times \frac{124000}{31} = \frac{30 \times 124000}{31} \times \frac{1}{5}$$

اولور فی الحقیقہ

$$124000 = 24000 + 40000 + 60000 \text{ بولنور۔}$$

۵۲۷ وفات ایدن بریکہ سہ وصیتنامہ سندنہ بویوک اوغلی
ایچون ۱۸۰۰۰ واور تانجہ سی ایچون ۲۲۱۰۰ وکوچوئی ایچون
۲۷۵۰۰ غروش تخصیص ایتمش اولدینی حالده بعد الوفات ثروت
متروکہ نک ۳۹۴۸۰ غروش اولدینی کورواسنہ نظراً چوجقلردن
هر برینک حصہ سی نہ اولور ؟

مہواب — بومسئہ ۳۹۴۸۰ غروشک

$$\begin{array}{rcccl} 18000 & , & 22100 & , & 27500 \\ 180 & , & 221 & , & 275 \end{array}$$

عدد لیلہ متناسباً تقسیمی اقتضا ایلکله اعداد متناسبہ مجموعی

$$676 = 275 + 221 + 180 \text{ بولنور۔}$$

بوکا نظراً

$$\text{بویړك اوغلك حصه سی} = \frac{۱۸۰ \times ۳۹۴۸۰}{۶۷۶} = ۱۰۵۱۲,۴۳ \text{ غروش}$$

$$\text{اور تانجه نك حصه سی} = \frac{۱۸۰ \times ۳۹۴۸۰}{۶۷۶} = ۱۲۹۰۶,۹۲$$

$$\text{كوچوك حصه سی} = \frac{۲۷۵ \times ۳۹۴۸۰}{۶۷۶} = ۱۶۰۶۰,۶۵$$

اولور .

۵۲۸ اوج عمله ۲۱۱۱,۵۰ غروش قزاندقلى وېونلردن
 برى يومه ۱۰ ساعت چالېشمق اوزره ۴۰ كون وايكنجيسى
 يومه ۹ ساعت چالېشمق اوزره ۴۵ كون واوچنجيسى دخى
 يومه ۱۱ - ساعت چالېشمق اوزره ۳۸ كون ايشده بولنمش
 اولدقلىرینه نظراً هر برينك استحقاقى نه اولور ؟

مېواب — مفاد مسئله يه كوره

$$\text{برتجى عمله نك چالېشديقى ساعت} \quad ۱۰ \times ۴۰ = ۴۰۰$$

$$\text{ايكنجى} \quad \text{»} \quad \text{»} \quad \text{»} \quad ۹ \times ۴۵ = ۴۰۵$$

$$\text{اوچنجى} \quad \text{»} \quad \text{»} \quad \text{»} \quad ۱۱ \times ۳۸ = ۴۱۸ \text{ اولور.}$$

اوج عمله مساعيلرله ۲۱۱۱,۵۰ غروش استحقاقى تأمين
 ايده بيلملىرى ايچون

$$\text{ساعت} \quad ۱۲۲۳ = ۴۱۸ + ۴۰۵ + ۴۰۰$$

چالېشمه لرى اقتضا ايلر .

بناه عليه برنجى عمله نك استحقاقى

$$\text{غروش} \quad ۶۹۰,۵۰ = \frac{۴۰۰ \times ۲۱۱۱,۵۰}{۱۲۲۳}$$

ایکجی عملہ نك استحقاق

$$699,25 \text{ غروش} = \frac{405 \times 2111,50}{1223}$$

اوجنجی عملہ نك استحقاق

$$21175 = \frac{418 \times 2111,50}{1223}$$

اولش اولور .

۵۲۹ اعلان افلاس ایدن بر تاجرك مجموع دیونانی ۲۱۲۸۰۰ و موجود نقدی ۱۱۱۰۵۰ غروش اولوب افلاس مصارفی ۴۶۵۰ غروشه بالغ اولمسنه نظراً مومی الیهك نقد موجودندن برینه ۴۲۰۰۰ و دیگرینه ۲۸۰۰۰ غروش بورجلی بولندینی ایکی آله جقلویه قاچر غروش اصابت ایده جک نك حسابی مطلوبدر ؟

هراب — نقد موجوددن مصارفك تسویه سندن صکره کی متباق

$$111050 - 4650 = 106400 \text{ غروش}$$

اولمسنه بناء آله جقلیلر

$$\frac{106400}{212800} \text{ کسرینی یعنی مطلوبلرینك نصفی اخذ ایده جکارندن}$$

بوکا نظراً برنجی آله جقلویه اصابت ایده جک مبلغ

$$21000 = \frac{42000}{2} \text{ غروش}$$

وایکنجی الهج حصه سی

$$۲۸۰۰۰ \div ۷ = ۱۴۰۰۰ \text{ غروش اولش اولور.}$$

۵۳۰ ۱۸۰۰۰ غروشك ۸، ۶، ۴ یاشلرنده بولنان
اوج چوجق بیتند سنلریله معکوساً متناسب اوله رق توزیمی
مطلوبدر؟

هراب — مفاد مسئله ۱۸۰۰۰ غروشك

$\frac{1}{8}$ ، $\frac{1}{6}$ و $\frac{1}{4}$ یاخود ۳، ۴ و ۶

عددرلیله متناسباً تقسیمنی ایما ایتکله بوکا نظراً

بویوک قرداشك حصه سی $= \frac{3 \times 18000}{13} = 4153,85$ غروش

اورتانیجك » $= \frac{4 \times 18000}{13} = 5538,45$

کوچوکنك » $= \frac{6 \times 18000}{13} = 8307,70$
بولور.

۵۳۱ ۷ و ۹ عددرلیله معکوساً متناسب اولمق و تفاضللری
۵۰ عددینه مساری بولمق اوزره ایکی عدد تعیینی مطلوبدر؟

هراب — مفاد مسئله موجبنجه بوايکی عدد $\frac{1}{6}$ و $\frac{1}{4}$ کسرلریله
یاخود ۹ و ۷ عددرلیله متناسب اولور.

بو یوک عدد ۹ اولدینی حالدہ کوچوکی ۷ و تفاضلہ ی ۹ - ۷ = ۲
اولہ جفندن بوکا نظراً

$$\text{بو یوک} \quad ۲۲۵ = \frac{۵۰ \times ۹}{۲}$$

$$\text{کوچوکی} \quad ۱۷۵ = \frac{۵۰ \times ۷}{۲} \quad \text{اولور .}$$

۵۳۲ بر مدیون آلہ جقلیلرینه یوزده ۶۰ ویرہ جکفی
بالیان بونلردن بری ۹۶۰۰ وایکنجیسی ۸۴۰۰ و اوچنجیسی
۷۵۰۰ غروش اخذ ایلدیکنه نظراً هر برلرینک ضایع
ایلدیکی مبلغ مقداری ندر ؟

مواب — مفاد مسئلہ یہ کورہ بر آلہ جقلی ۶۰ غروش آلدینی
حالدہ ۴۰ غروشی غائب ایدر . بوملاحظہ یہ کورہ مطلوبنک $\frac{۱}{۴}$ شنی
تعبیر آخرلہ $\frac{۲}{۳}$ جز شنی غائب ایدیور دیمکدر .

بوکانظراً برنجی آلہ جقلونک ضایعاتی ۹۶۰۰ $\times \frac{۲}{۳} = ۶۴۰۰$ غیش

$$\text{ایکنجی} \quad \text{»} \quad ۵۶۰۰ = \frac{۲}{۳} \times ۸۴۰۰$$

$$\text{اوچنجی} \quad \text{»} \quad ۵۰۰۰ = \frac{۲}{۳} \times ۷۵۰۰ \quad \text{اولور .}$$

۵۳۲ (مکرر) درت کوی اہالیسی ۱۴۱۸۰۰ غروشه
کشف اولنان بر کوپرینک مصارف انشائیہ سنی کوپلری نفوسنک
مقداریلہ مبسوطاً و کوپرینک هر کویدن اولان بعد و مسافہ سیلہ
معکوساً متناسب اولہ جق صورتدہ پینلرنده توزیع و تسویہ ایتمکہ

قرار دیرلر . کویلرک نفوس موجوده سی ۳۳۵۰ و ۴۸۰۰ و ۴۱۰۰ و ۱۵۰۰ و کوپریدن اولان بعد و مسافه لری ۹۰۰ ، ۲۷۰۰ ، ۱۸۰۰ ، ۳۰۶۰ مترو اولدینی معلوم بولندیغه نظراً هرکویک حصه سنه دوشن مبلغ مقدارینک تعینی مطلوبدر ؟

جواب — کوپریدن برمترو مسافه - بولنان کوی اها لیسندن بریذک تأدیه ایده جکی مبلغ ب فرض اولنش اولسه ایدی برمترو بعدند . بولنان ۳۳۵۰ نفوسک تأدیه ایده جکی مبلغ ۲۷۰۰ ب و بوزلک کویلری کوپریدن ۹۰۰ مترو بعد بولنسنه کوره ده $\frac{۳۳۵۰}{۹۰۰}$ غروش زیره جکاری درکار ایدی .

بوکا نظراً دیگر کویلر اها لیسنسک تأدیه ایده جکاری مبالغ

$$\frac{۴۸۰۰}{۲۷۰۰} ، \frac{۲۱۰۰}{۱۸۰۰} ، \frac{۱۵۰۰}{۳۰۶۰}$$

غروش اولور ایدی .

بناء علیه مفاد مسئله یه جواب ویرمک یچون ۱۴۱۸۰۰ غروشک

$$\frac{۵۲۵۰}{۹۰۰} و \frac{۴۸۰۰}{۳۷۰۰} و \frac{۲۱۰۰}{۱۸۰۰} و \frac{۱۵۰۰}{۳۰۶۰} یاخود$$

$$\frac{۳۵}{۶} ، \frac{۱۶}{۹} ، \frac{۷}{۶} ، \frac{۲۵}{۵۱}$$

عدولریله متناسباً تقسیمی لازم کلکله بوکسوراث ترجید مخرجدن صکره صورتلرینه کوره اقسام متاسبه یه تقریق اولندقدده

$$\frac{۱۵۰}{۳۰۶} + \frac{۳۵۷}{۳۰۶} + \frac{۵۴۴}{۳۰۶} + \frac{۱۷۸۵}{۳۰۶} = \frac{۳۵}{۵۱} + \frac{۷}{۶} + \frac{۱۶}{۹} + \frac{۳۵}{۶}$$

$$\frac{۲۸۳۶}{۳۰۶} =$$

اولدیفندن صوره سیاه دوت کویک حصه سنه اصابت ایدن مبالغ

$$\text{گروش } ۸۹۲۵۰ = \frac{۱۷۸۵ \times ۱۴۱۸۰۰}{۲۸۳۶}$$

$$\text{» } ۲۷۲۰۰ = \frac{۵۴۴ \times ۱۴۱۸۰۰}{۲۸۳۶}$$

$$\text{» } ۱۷۸۵۰ = \frac{۳۵۷ \times ۱۴۱۸۰۰}{۲۸۳۶}$$

$$\text{» } ۷۵۰۰ = \frac{۱۵۰ \times ۱۴۱۸۰۰}{۲۸۳۶}$$

اولشی اولور .

۵۳۲ (مکرر) ایکی کیمسه بینلرنده ۹۰۰ غروشی تقسیم
بدجه کلر . بری بویارنك ۲ جزئی کندی حتی اولدیغی ادا
دیگری ده ۳۶۰ غروش طلب ایلدیکی نهایت مبلغ منازع فیهك
ادا ایلدکاری مبالغ ایله متناسباً توزیعنه موافقت ایتمش اولدقلری
لاحظه سنه نظراً هر برینك حصه سنه دوشه جك مبالغ ندر ؟

جواب — برنجی کیمسه نك طلب ایلدیکی مبلغ ۹۰۰ غروشك
جزئی یعنی ۶۰۰ غروش وایکنجینك ادعای ایسه ۳۶۰ غروشدن
بارت بولنسنه نظراً مفاد مسئله یه جواب ویرمك ایچون ۹۰۰ غروشی
وایکی عدد ایله یعنی ۵ و ۳ عدلولیله تقسیم ایتك لازم کیکله

$$\text{برنجینك حصه سی } ۵ \times \frac{۹۰۰}{۸} = ۵۶۲,۵۰ \text{ غروش}$$

$$\text{ایکنجینك » } ۳ \times \frac{۹۰۰}{۸} = ۳۳۷,۵۰ \text{ » اولور.}$$

۵۳۲ (مکرر) اوچ عددك مجموعلری ۱۴۲۵۰ واچنجی
ایله برنجی بیننده کی نسبت ۱۱ و بونلرک تفاضللری ۶۰۰ اولدیغنه
نظراً اعداد مذکوره مطلوبدر ؟

هواب — بواچ عدددن اوچنجیسی ۱۱ فرض اولنه جی اولورسه
برنجیسی ۳ اوله جقندن بونلرنده کی تفاضل ۱۱ — ۳ = ۸ اولور.
بوکا نظراً

$$\text{اوچنجی عدد} = \frac{600 \times 11}{8} = 825$$

$$\text{برنجی عدد} = \frac{600 \times 3}{8} = 225$$

وایکنجی عدد

$$14250 = (225 + 825) \times 10 \quad \text{بوانور.}$$

۵۳۲ (مکرر) ۱۲۰۰۰ غروشك بروجمله اوچ کیمسه
بینده تقسیمی مطلوبدر که ایکنجی برنجینک حصه سنک ۶ جزئی
ده اوچنجی ده هرا یکینک آلدینی قدری آلاون ؟

هواب — برنجی کیمسه ۷ غروش آلدینی حالده ایکنجی ۵
وبناء علیه اوچنجی کیمسه معاد مسئله موجبجه ۷ + ۵ = ۱۲
غروش آلور .

اگر حصه لر ۷ و ۵ و ۱۲ اولسه ایدی بونلرک مجموعلری

$$7 + 5 + 12 = 24 \quad \text{غروش}$$

د
بونلردن ایدی . بوکا نظراً

$$\text{برنجی کیمسه نك حصه سی} = \frac{7 \times 12000}{24} = 3500 \text{ غروش}$$

$$\text{ایکنجی} \quad 2500 = \frac{5 \times 12000}{24}$$

$$\text{اوچنجی} \quad 12000 = \frac{12 \times 12000}{24}$$

۔ شرکت قاعدہ سی حقندہ در ۔

۵۲۳ اوج متعهد در عہدہ ایلدکاری برایشده ۱۵۵۰۰
غروش قزاندقلری وونلرن برینك سرمایہ سی ۳۰۰۰۰
وایکنجیسنك ۲۵۰۰۰ و اوچنجیسنك ۲۰۰۰۰ غروش اولسنہ
نظراً ہر برلرینك حصہ قمتی نہ اولور ؟

مواب — مفاد مسئلہ حکمنجہ متعهدلرک حصہ لری ۳۰۰۰۰
و ۲۵۰۰۰ و ۲۰۰۰۰ یعنی ۶، ۵، ۴ عدد لریلہ متناسب اولہ جفتہ
بناءً علم حساب (مادہ : ۳۲۸) موجبنجہ

$$\text{برنجی متعهدك حصه سی} = \frac{6 \times 15500}{15} = 6200 \text{ غروش}$$

$$\text{ایکنجی} \quad 5166 \frac{2}{3} = \frac{5 \times 15500}{15}$$

$$\text{اوچنجی} \quad 4133 \frac{1}{3} = \frac{4 \times 15500}{15}$$

۵۳۴ درت اورناق تشبث ایتدکاری برایشده ۲۴۷۸۶۰
غروش قمتع حاصل ایتش اولوب بوندن برنجینك حصہ جفتلک

۱۲۰۰ غروش و ایکنجینک حصه سنه ۱۹۲۰ و اوچنجینک
حصه سنه ۲۱۶۰ و دزدنجینک حصه سنه ۲۵۸۰ غروش
اصابت ایتمش اولسنه و سرمایه اصلیه ۱۳۱۰۰۰ غروش بولمسنه
نظراً هر برلربنک قویمش اولدقلری سرمایه جزئیسنه
مقداری مطلوبدر ؟

جواب -- علم حساب (ماده : ۳۲۸) احکامنه نظراً

برنجینک وضع ایلدیکی سرمایه

$$۱۲۰۰ \times ۱۳۱۰۰۰ = ۲۰۰۰ \text{ غروش}$$

ایکنجینک وضع ایلدیکی سرمایه

$$۱۹۲۰ \times ۱۳۱۰۰۰ = ۳۲۰۰۰$$

اوچنجینک وضع ایلدیکی سرمایه

$$۲۱۶۰ \times ۱۳۱۰۰۰ = ۳۶۰۰۰$$

ودزدنجینک سرمایه سی

$$۲۵۸۰ \times ۱۳۱۰۰۰ = ۴۳۰۰۰$$

الور .

۵۳۵ ایکی اورتاغک ۲۵۰۰ غروش کار ایلدقلری
وونلردن برپسنک وضع ایلدیکی ۵۴۰۰ غروش سرمایه ۳ سنه

وایکنجینک قوبدینی ۴۵۰۰ غروش سرمایہ دخی ۴ سنہ
قوللانل دینی معلوم اولسنہ نظراً بوتعدن هرپرلریک حصہ سی
ندر؟

جواب - ۳ سنہ ۵۴۰۰ غروشک حصولہ کتیرہ جکی تمتع
۱۶۲۰۰ ۳ × ۵۴۰۰ غروشک برسنہ حاصل ایدہ جکی فائضہ یعنی ۱۶۲۰۰
غروشه مساوی اولدینی کبی ۴ سنہ ۴۵۰۰ غروشک حصولہ کتیرہ جکی
تمتع دخی ۴ × ۴۵۰۰ غروشک برسنہ کی تمتعہ یعنی ۱۸۰۰
غروشه مساوی اولور .

بوکا بناءً مسئلہ جواب ویرمک ایچون ۲۵۰۰ غروشی

۱۶۲۰۰ و ۱۸۰۰ و یاخود ۹ و ۱۰

عدد لریلہ متسابقاً تقسیم اتمک لازم کلمکله برنجی اورتاغک حصہ سی

$$\text{غروش } ۱۱۸۴,۲۰ = \frac{۹ \times ۲۵۰۰}{۹ + ۱۰}$$

وایکنجی اورتاغک حصہ سی

$$۱۳۱۵,۸۰ = \frac{۱ \times ۲۵۰۰}{۱۹} \quad \text{اولور .}$$

-- اعداد وسطیہ حسابی --

۳۵؛ (مکرر) تحت التزامہ لسان برچفتلک ن برنجی
سنہ ۲۳۴۰ غروش وایکنجی سنہ ۲۰۹۵ غروش
و اوچنجی سنہ ۲۱۷۵ غروش و دردنچی سنہ ۲۴۵۰
غروش حاصلات آلمش اولسنہ نظراً مذکور چفتلک
حاصلات وسطیہ سنویہ سی ندر؟

جواب — حاصلات و عطیه علم حساب (ماده: ۳۲۰)
 موجنبه سال الذکر درت سنه ده وقوع بولان حاصلات مجموعتک
 ۴. عددیله تقیمندن متحصل خارج قسمته مساوی اوله جفندن

$$۲۳۴۰ + ۲۰۹۵ + ۲۱۷۵ + ۲۴۵۰ = \frac{۹۰۶۰}{۴} = ۲۲۶۵ \text{ غروش}$$

اولور .

۵۳۵. (مکرر) شمساک ارضه اولان بعد اعظمیسی
 ۱۵۷۰۰۰۰ کیلو مترو و بعد اصغریسی ۱۵۲۰۰۰۰۰
 کیلو مترو اولدیغنه نظراً بعد وسطیسی ندر ؟

جواب — بعد وسطی، مطلوب میلیون کیلو مترو اوله رق

$$۱۵۴,۵ = \frac{۳۰۹}{۲} = \frac{۱۵۲ + ۱۵۷}{۲}$$

یعنی

۱۵۴۵۰۰۰۰ کیلو مترو اولور .

۵۳۵. (مکرر) برعمله بازار ایرتسی کونی ۱۸,۷۵
 وصالی کونی ۲۲,۵۰ و چهارشنبه کونی ۳۰ و پنجشنبه کونی
 ۲۶,۲۵ و جمعه کونی ۲۴ و جمعه ایرتسی کونی ۲۵ غروش
 قزانمش اولسه یومی قراچی قاج غروشدر ؟

جواب — عمله تک هفته اثناسنده کی مجموع قزانچی

$$= ۲۵ + ۲۴ + ۲۶,۲۵ + ۳۰ + ۲۲,۵۰ + ۱۸,۷۵ = ۱۴۶,۵۰ \text{ غروش}$$

اولفله یومی قزانجی علم حسابک ذکر اولنان ماده سی احکامته نظراً

$$۱۴۶۵۰ = \frac{۲۴۱۴۰}{۶} \text{ غروش بولور.}$$

— وعدۀ مشترکہ حقنددر. —

۵۳۶ ۱۰ آیدۀ تلذیه اولنق اوزرم ۱۲۰۰ و ۱۶ آیدۀ اودنمک شرطیلہ ۱۸۰۰ و ۲۸ آیدۀ تلذیه ایدیلہ جک ۲۰۰۰ غروش استقراض ایتمش اولان برکیمسه یورجی دفعہ برتقیطده تلذیه ایتمک ایستدیک حالدہ ناربخ تلذیه نہ اولق لازم کلیر ؟

جواب — علم حساب (مادہ : ۳۲۶) موجبہ ۱۰ آیدہ ۱۲۰۰ غروشک حصولہ کتیرہ جکی تمتع ۱۰×۱۲۰۰ غروشک برآیدہ کی فائضہ مساوی یعنی

$$۱۲۰۰ \times ۱۰ = ۱۲۰۰۰ \text{ غروش}$$

و ۱۶ آیدہ ۱۸۰۰ غروشک حصولہ کتیرہ جکی تمتع ۱۶×۱۸۰۰ غروشک برآیدہ کی تمتعہ مساوی یعنی

$$۱۸۰۰ \times ۱۶ = ۲۸۸۰۰ \text{ غروش}$$

و ۲۸ آیدہ ۲۰۰۰ غروشک تمتی عینیلہ ۲۸×۲۰۰۰ غروشک برآیدہ کی تمتعہ مساوی یعنی

$$۲۰۰۰ \times ۲۸ = ۵۶۰۰۰ \text{ غروش}$$

اولدیندن بولرہ نظراً

$$۵۰۰۰ = ۲۰۰۰ + ۱۸۰۰ + ۱۲۰۰$$

حساب معلی

غروشك حصوله كتيڙه جي تمتع تماميله

$$96800 = 56000 + 28800 + 12000$$

غروشك حصوله كتيڙه جي تمتع مساوي اولديفته بناءً يك تاديئه نك تاريخي

$$\frac{96800}{5000} = 19 \text{ آي } 10 \text{ کون } \text{ارنور} .$$

۵۳۷ ۶ آي وعده ايله ۲۴۰۰ غروشلق امتعه صانان
برتجار پشينا ۱۴۰۰ غروش المثن اولسه . تباقى مقدارك
وعده سى نه اولقى لازم كاير ؟

جواب — ۶ آيد ۲۴۰۰ غروشك حاصل ايد جي تمتع

$$2400 \times 6 = \text{غروشك برآيده كي تمتعنه يعنى}$$

$$14400 = 6 \times 2400$$

غروشه مساوي اوله جفته ن تاديئه اولنه جقى متباقى مبلغ

$$2400 - 14400 = 1000 \text{ غروش اولور} .$$

اشبو ۱۰۰۰ غروشك تمتعنى ايسه ۱۴۴۰۰ غروشك برآيلى تمتعنه
مساوي اوله جفته بناءً وعده مطلوبه

$$\frac{14400}{1000} = 14 \text{ ماه } 12 \text{ کون}$$

اواقى لازم كاير .

۵۳۸ ۳ برى ماهد وديكرى ۱۰۰ كونده واوچنجيسى
۵ ماهد، تاديئه اولفق اوزر ابراز اولنان بيكر غروشلق اوچ
قطعه پوايچهك وعده مشترك سنى حساب ايتك مطلوبدر ؟

جواب — برنجی پولیچه نك تمتی $3 \times 30 \times 1000$ غروشك بركونده کی تمتنه مساوی یعنی

$$90000 = 3 \times 30 \times 1000$$

وایکنجی پولیچه نك تمتی 10×1000 غروشك بركونده کی تمتنه مساوی یعنی

$$100000 = 10 \times 1000$$

و اوچنجی پولیچه نك تمتی $5 \times 30 \times 1000$ غروشك بركونده کی تمتنه مساوی یعنی

$$150000 = 5 \times 30 \times 1000$$

اولدیفنه بناءً ۳۰۰۰ غروشك تمتی

$$340000 = 150000 + 100000 + 90000$$

غروشك بركونده کی فائضه مساوی اولفین وعدۀ مشترکۀ مطلوبه

$$113 \text{ کون اولور} = \frac{340000}{3000}$$

— تعدیل و ترکیب حقنده در —

۵۳۹ قیه سی ۲۵۰ غروشدن ۲۰ قیه سوت قیه سی ۱۷۵۰ غروشاق ۵۰ قیه سوت ایله قارشیدریله برق برخلوط وجوده کتیرلمش اولسه اشبوخلوطك برقیه سنك فیاتی قاجه کلیر؟

جواب — مفاده سئله موجبنجه حصوله کتیریلان مخلوطك وزنی

$$90 = 50 + 40$$

لديفندن علم حساب (ماده ۳۳۱) موجبنجه بو ۹۰ قيه سوتك فياتي

$$۱۸۷,۵۰ = ۵۰ \times ۱,۷۵ + ۴۰ \times ۲,۵$$

وبوكا نظراً اشبو مخلوطك قيه سنك فياتي

$$۲,۰۸۵ = \frac{۱۸۷,۵}{۹۰} \text{ غروش اولور .}$$

۵۴۰ برفوچی سرکه يه ۲۸۰ غروش ويرلمش اولمسنه

و فوچی محتوياتك ۱/۲ قسمی آلتوب يرينه ۶۴ قيه صو قولمش

بولمسنه نظراً بوصورتله تشکيل اولنان مخلوط سرکه نك قيه سی

قاچه کلیر ؟

مواب — مفاد مسئله موجبنجه فوجيهده قالان سرکه نك

مجموع فياتي

$$۲۲۴ = \frac{۴}{۵} \times ۲۸۰ \text{ غروش}$$

اولوب حالبوکه طولو فوچی محتوياتي

$$۳۲۰ = ۵ \times ۶۴ \text{ قيه}$$

اولديفندن مخلوط سرکه نك قيه فياتي

$$۳,۵۰ = \frac{۲۲۴}{۳۲۰} \text{ غروش بولور.}$$

۵۴۱ قيه سی ۲,۸۵ غروشه اولان سوته نه نسبتده

صوقا تليدیرکه قيه سی ۲,۵ غروشه کلسون ؟

جواب — عملیافته قولایلق اولوق ایچون علم حساب (ماده : ۲۳۴) موجینجه وجهانی اوزره ترتیب اولندقده

غروش	فضلار
۲,۸۵	۰,۳۵
۰,۰۰	۲,۱۵

بولور ویرکا کوره صو و سوتک $\frac{۷}{۳}$ نس بیتنده قارشیدیرلیق لازم کادیکی اکلاشیلور .

یونتیجه

$$۲,۸۵ \text{ س} = ۲,۵ (\text{س} + \text{ع})$$

معادله سنک حلایده استحصال اولنور .

۱۵۴ (مکرر) قیه سی ۳ غروشدن ۳۶۰ قیه سوته نمقدار صوعلاوه ایدلمیدر که قیه سی ۲,۲۵ غروشه کلسون ؟

جواب — عملیات سابقی کبی ترتیب واجرا اولندقده

غروش	فضلاری
۳	۰,۷۵
۰,۰۰	۲,۲۵

$$\frac{۱}{۳} = \frac{۰,۷۵}{۲,۲۵}$$

اولغین قیه سی ۳ غروشه اولان سوتک ۳ قیه سنه ۱ قیه صو قاتلی لازم کادیکی تبین ایدر . بوکا نظراً ۳۶۰ قیه سوته قاتیلجق صویک مقداری

$$۱۲۰ \text{ قیه} = \frac{۳۶ \times ۱}{۳} \text{ اولور .}$$

بوملاحظه كوره يازيلان

$$(360 + 3) \times 3 = 2025$$

معادله سندن س كيتنك قيمي دخی عين نتیجه یی اعطايدر .

۵۴۲ كیلوسی ۳,۲۰ و ۳,۳۵ فراتندن ترکیب انسان
۸۰ كيلو مغاوط قهوه نك فیاتی ۲۶۳,۵۰ فراتق اولدیغی
معلوم بولمسنه نظراً بو مخلوطده بولنان ایکی جنس قهوه نك
قاجر كيلو اولدیغنك حسابی مطلوبدر ؟

جواب — مفاد مسئله حکمنجه مغاوطك کیلوسنك فیاتی
$$\frac{263,50}{80} = 3,29375$$
 فراتق اولدیغندن عملیات وجهاتی اوزره
ترتیب واجرا اولدوقده

اعداد متناسبه	فیاتلر
۰,۰۹۳۷۵	۳,۲۰
	۳,۲۹۳۷۵
۰,۰۵۶۲۵	۳,۳۵

اولیغین مغاوطده داخل بولنان ایکی جنس قهوه نك وزاری
۵۶۲۵ و ۹۳۷۵ و یاخود ۳ و ۵ مددرله متناسب اولدیغی
اکلاسیلور . بوکا نظراً ۸۰ کیلوی ۳ و ۵ نسبتنده ایکی به تقریب
ایتنك لازم کلیر.

بو حالده مخلوطده کیلوسی ۳۱۲۰ فراتندن

$$30 \text{ كيلو} = \frac{80 \times 3}{5 + 3}$$

و کیلوسی ۳۰۳۵ فراتقدن

$$۵۰ \text{ کیلو} = \frac{۸۰ \times ۵}{۵ + ۳}$$

قهوه بولندیی تبین ایدر .

بونتایج

$$۶۶۳۰۰ = ۳,۳۵ \text{ ع} + ۳,۲ \text{ س} + ۸۰ \text{ ع} \times \text{س}$$

معادله لریك حلیله دخی استحصال اولونور .

۵۴۳. برقال دكاننده بولنان ایکی جنس قهوه دن برینك
کیاوسی ۲۱ و دیگرینك ۲۳ غروش اولدینی حالده بولنردن
۱۵ کیالوق برخلوط یا پهرق کیلوسی ۲۱,۵۹ غروشه ساتمش
اولسه هر جنس قهوه دن نمقدار قارشدرمش اولدیغك حسابی
مطلوبدر ؟

هواب — . فاما مسئله موجنبه بقال برنجی جنس قهوه نك کیلوسندن
۲۱,۵ — ۲۱ = ۰,۵ غروش کار ایندیکی حالده ایکنجی جنس
قهوه نك کیلوسندن

$$۲۳ - ۲۱,۵ = ۱,۵ \text{ غروش}$$

ضرر ایدر .

تعديل مسائلنده کار و ضرر م تصور اولدیغی جهته بوضرر کار ایله
تقابل ایندیك لازم کلدیکندن بوملاحظه به کوره ایکنجی جنس
قهوه نك ۱,۵ کیلوسنه مقابل برنجیدن یا م کیلو المی ایجاب ایدر .
شوحالده ۲ کیلو مخلوط قهوه ده ۱,۵ کیلو برنجی جنس قهوه دن

ويارم كيلو دخی ايكنجى جنس قهوه دن بولنيور ديمكدر .
بوكانه ۱۵ كيلو مخلوط قهوه ده برنجى جنس قهوه دن

$$۱۱,۲۵ \text{ كيلو} = \frac{۱۵ \times ۱,۵}{۲}$$

وايكنجى جنس قهوه دن

$$۳۷۵ \text{ كيلو} = \frac{۱۵ \times ۰,۵}{۲}$$

بولنديقى اكلشياور .

بونتيجه به نظراً مسئله ۱۵ عددىك ۱۱۵ و ۰,۵ عددلرله اقسام
متناسبه به تقسيمى صورتيه حل ايدلش اوايدىقى تظاهر ايدر .

۵۴۳ (مكرر) ۸۲۲ غرام دكز صوبنده ۷۰۰ غرام
طوز بولنديقى معلوم اولوب بوندن يكيىدن ياپيله جق ۳۰۰
گراماق برخلوطده ۵۰ غرام طوز بولنمىي يچون بوكانمقدار
صبر علاوه ايدلمليدر ؟

جواب — مفاد مسئله به كوره يكي برخلوطده ۲۰۰ غرام
طوز بولنقى يچون مخلوط مذكور

$$۱۲۰۰ \text{ غرام} = \frac{۲۰۰ \times ۳۰۰}{۵۰}$$

اولاق افتضا ايدر .

بوكانه نظراً علاوه ايديله جك صويك مقدارى

$$۱۲۰۰ - ۸۲۲ = ۳۷۸ \text{ غرام اولور .}$$

بوتیجه

$$\frac{۳۰۰}{۰.۰} = \frac{۸۲۲ \times س}{۲۰۰}$$

معادله سنك حلیله ده بولنور .

۵۴۳ (مكرر) ۴۰۰ كيلو دكز صوينده ۰.۰۴ نسبتنده طوز
بولدينی معلوم اولسنه و بو مخلوطك ۰.۰۳۲ طوزی حاوی اولسی
ایچون صوبنك نمقدارینی تجیر ایتلیدر ؟

هواب — ۴۰۰ كيلو طوزلی صـوده بولنان طوزك وزنی
 $۴ \times ۱۶ = ۶۴$ کپاو اولسنه نظراً قاینامه ایله حاصل ایدیلجك یکی
مخلوطده کی وزنی مفاد مسئله یه کوره

$$۰.۰ \text{ كيلو} = \frac{۱۶ \times ۱۰۰}{۳۲}$$

اولاقی اقتضا ایدر .

بو حالده تجیر اولنه جق صـریك وزنی

$$۴۰۰ - ۰.۰ = ۳۰۰ \text{ لیتره} \quad \text{اولور .}$$

بوتیجه مفاد مسئله یه کوره یازیلان

$$\frac{۳۲}{۱۰۰} (۴۰۰ - س) = \frac{۴}{۱۰۰} \times ۴۰۰$$

معادله سنك حلیله ده بولنور .

۵۴۳ (مكرر) قیه سی ۶,۲۵ غروشدن ۲۰۰ قیه پکمز .
ایله صودن عمـارت بر مخلوطك قیه سی ۵ غروشـه فروختنده

۱۰۰۰ غروش کار ایدیه جکی معلوم اولسنه نظراً بو مخلوطده
نمقدار صو بولندیفنك تعیین مطلوبدر ؟

هواب — مخلوطده بولنان پکمزك مجموع فیاتی

$$۱,۲۵ \times ۲۰۰ = ۱۲۵۰ \text{ غروش}$$

اولسنه نظراً مخلوط

$$۱۳۵۰ = ۱۰۰ + ۱۲۵۰$$

غروشه صائقی لازم کلیر .

ایندی ۱۳۵۰ غروش آلتی ایچون

$$۱۳۵۰ = ۷۰ \text{ قیه}$$

پکمز صائقی ایجاب ایدر .

بوکا بناءً مخلوطده بولنان صویك مقداری

$$۲۷۰ - ۲۰۰ = ۷۰ \text{ قیه اولور .}$$

بونتیجه مفاد مسئلهیه کوره ترتیب اولنان

$$۱,۲۵ \times ۲۰۰ + ۱۰۰ = ۵ (۲۰۰ + س)$$

معادله سنك حلیده بولنور .

— خلیطه لر حقنده در —

۴۴ ۵ بر آلتون کوستکده ۱۳۰ غرام آلتون و ۲۰۰ غرام

باقر بولمش اولدیغنه نظراً عیاری ندر ؟

مرباب — علم حساب (ماده : ۲۲۳) احکامنه توفیقاً

$$\text{عیار مطلب} = \frac{۱۳۰}{۱۵۰} = \frac{۱۳۰}{۲۰ + ۱۳۰} = ۰,۸۶۶$$

اولور .

۵۴۵ ری ۰,۸۴۷ عیارنده ۱۲۵,۳۸ و دیگری ۰,۹۱۵
عیارنده ۵۳,۴۹ و ارچنجیدی ۰,۸۹۲ عیارنده ۶۲,۶۹ غرام
وزنده اوچ کوموش کولچه مك برلكده اريدلمسيله حصوله كله جك
خلیطه نك عبارى ندر ؟

مرباب — خلیطه نك وزنى

$$۱۲۵,۳۸ + ۵۳,۴۹ + ۶۲,۶۹ = ۲۴۱,۵۶ \text{ غرام}$$

واشو اوچ کولچده بوتان خالص کوموشك وزنى

$$۰,۸۹۲ \times ۶۲,۶۹ + ۰,۹۱۵ \times ۵۳,۴۹ + ۰,۸۴۷ \times ۱۲۵,۳۸ = ۲۱۱,۰۵۹۶۹ \text{ غرام}$$

اولسنه بناءً عیار مطلوب

$$۰,۸۷۲۷ = \frac{۲۱۱,۰۵۹۶۹}{۲۴۱,۵۶} \text{ اولور .}$$

۵۴۶ ۰,۷۵۰ عیارنده ۳۴۵ غرام وزنده برکولچده
نمقدار خالص کوموش و باقر بولدیغنك حسابی معلومدر ؟

جواب — برکولچه نك عیاری ۰٫۷۵۰ در دیک علم حساب
(ماده: ۳۲۳) احکامنجه بوکولچه ده بولنان کوموشك وزنی تکمیل
کولچه دزنك $\frac{۷۵۰}{۱۰۰۰}$ نه مساوی دیک اولسنه بناء ذکر اولنان عیارده
۳۴۵ غراملق برکولچه ده کی کوموشك مقداری

$$\frac{۷۵۰ \times ۳۴۵}{۱۰۰۰} = ۲۵۸٫۷۵ \text{ غرام}$$

بناءً علیه باقرا مقداری

$$۲۵۸٫۷۵ - ۳۴۵ = ۸۶٫۲۵ \text{ غرام اولور.}$$

۵۴۳ (مکرر) ۰٫۹۰۰ عیارنده و ۸۰۰ غرام ثقلتند
ون کولچه دن ۵۰ غرام آلتون آلهرق برینه اوقدر باقر
اولسنه کولچه نك عیاری نه اولمش اولور؟

جواب — مفاد مسئله حکمنجه کولچه ده قالان معدن نفیسك
وزنی

$$(۸۰۰ - ۵۰) \times ۰٫۹۰۰ = ۶۷۵ \text{ غرام}$$

اولسنه بناءً عیاری

$$\frac{۶۷۵}{۸۰۰} = ۰٫۸۴۳$$

اولمش اولور.

۵۴۶ (مکرر) ۰٫۸۷۵ و ۰٫۶۴۰ عیارلرنده بولنان

ایکی آلتون کواچه نه نسبتده خلط ایدلایدیرکه خایطه مک
عیاری ۰,۷۰۰ اولسون ؟

هراب — عملیایده قولایق اولن ایچون معلومات مسئله
وجه اتی اوزره ترتیب اولدنده

۰,۱۷۵

۰,۸۷۵

۰,۷۰۰

۰,۰۶۰

۰,۶۴۰

اولسنه بناء بوندن ۰,۸۷۵ عیارنده کی کولچه دن الهجق وزک ۶۰
و ۰,۶۴۰ عیارنده کی کولچه دن الهجق مقدارک دخی ۱۷۵ غرام
ایله متناسب اولدینی اکلاشیلور .

چونکه برنجی کولچه دن الهجق معدن نفیس یورندن وقوع
بوله جق ضرر ایکنه کی کولچه دن الهجق مقدارک تأمین ایده جکی کار
ایله تقابل ایتمی ایچون هر حالده مذکور کولچه لدن الهجق اوزان
۶۰ و ۱۷۵ یاخود ۱۲ و ۳۵ عددلریله متناسب اولاق اقتضایه
ایلر .

بونتیجه مفاد مسئله یه کوره یازیلان

$$۰,۸۷۵ \text{ س} \times ۰,۶۴ \text{ ع} = ۰,۷ \text{ (س + ع)}$$

معادله سنک حلایده بولنور .

۵۴۶ (مکرر) هیرولک ناجی ۲۰ لیبره وزنسنده

ایدی . آرشمد بونی صویه باطیره رق وزنندن ۱ ۱/۴ لیبره ضایع
ایلدیکنی بولش ایدی . بوکا نظراً ناجک ترکیبسنده یا لکنز

آلتون ایله کوموش بولاندینی فرضیه بهرنندن نمانداده
بولدیغنك بالحساب تعیین مطلوبدر ؟ — آلتونك كشافتی
۱۹۲۵ وکوموشكی ۱۰,۵۰ در .

بومسئله حکمت طبیعیه ده (آرشیمد مسئله سی) دیه مشهوردر .
معلوم اولدینی اوزره آرشیمد یونان قدیم اعظم ریاضیونندن سیراکو-
زولی بویوک برذاتدر . بومسئلهك سبب حدوث و صورت حلی حقننده کی
معلومات تاریخیه شوندن عبارتدر :

« سچلیا اطه سنده سیراکوزه حکمداری هیرون رقبوبیچی به آلتون وکوموشدن
اعمال ایتدیردی . تاجك دیگر برمدله مخلوط اولوب اولدینی کلامق ایسته مش و بونكه
تدقیقی آرشیمده حواله ایله تاجك هیئت اصلیه سنه برخلل کلامقیده بشقه جه تنبیه
واخطار ایتشیدی .

آرشیمد برخیلی مدت صرف ذهن ایتدیکی حالده بومسئلهك حلنه رچاره بولما-
مشیدی . نهایت برکون جامده یبقا بورکن صو ایچنده قوللرینك سهولتله بوقاری قالق لغتی
و فقط صعوبتله اشغی ایتدیکی حس ایتسیله همان اوانده حامدن طیشاری به فیلامش
و چپلاق اولدینی حالده شهرک سوقاقلرنده « اوریقا اوریقا » یعنی « بولدم . بولدم »
دیه قوشمغه باشلامشدر .

مکر او انده آرشیمد قانونی نامیله معروف اولان قانون مشهوری کشف ایتش
و قانون مذکوره توفیقاً حل مسئله شتابان اولمش ایش !
فی الحقیقه مومی الیه ماجك وزننه مساوی روزنده برآلتون کولچه سیله برکوموش کولچه سی
تدارك ایدرك بونلری صو دروننه غطس ایلدیکی حالده هر برینك تبدیل مکان ایتدیردیکی
صویك وزنی ایله تاجك تبدیل مان ایدیردیکی صویك وزننی تعیین ایلش و بواسطه
ایله تاجك مخلوط اولوب اولدینی کشفه موفق اولمشدر .

هرا ب — تاجك كشافتی یعنی کندی چمنده صویك آغزلده

نسبتی $\frac{۲۰}{۱۱۲۵} = ۱۶$ ایدی که بوده مخلوطك كشافت وسطیه سندن

عبارت ایدی . مسئله نی سهولتله حل ایتك ایچون معلومات مسئله
وجهاتی اوزره ترتیب اولندقد

۳۱۲۵

۱۹۱۲۵

۱۶

۵۱۵۰

۱۰۱۵۰

اولوب بولا نظراً آتون وکوموشك جملری ۵۵۰ وجم آلتون
۳۱۲۵ وجم کوموش ايله متناسب اولدینی اسلاشلا یفندن و بو معادن
ذی قیمک وزنلری ایسه

$$۱۰۵۱۸۷۵ = ۵۵۰ \times ۱۹۱۲۵$$

$$۳۴۱۱۲۵ = ۳۱۲۵ \times ۱۰۶۵۰$$

اولدیفندن تقسیم متناسب اصولنه توفیقاً تاجده بولنان التونک وزن

$$۱۵,۱۲۵ \text{ لیره} = \frac{۱۰۵۱۸۷۵ \times ۲۰}{۳۴۱۱۲۵ + ۱۰۵۱۸۷۵}$$

وگرموشك وزنی

$$۴۱۸۷۳ \text{ لیره ایدی} = \frac{۳۴۱۱۲۵ \times ۲۰}{۳۴۱۱۲۵ + ۱۰۵۱۸۷۵}$$

بو نتایج مفاد مسئلهیه کوره ترتیب اولنان

$$۲۰ = ع + س$$

$$\frac{۴}{۱۰۶۵۰} = \frac{ع}{۱۹۱۲۵} = \frac{س}{۱۰۵۱۸۷۵}$$

معادله لرینک حلله ده استحصال اولونور .

۵۴۷ کوموشدن معمول ۳۲۵ گرام وزننده برقابك
کوموش عیاری ۸۰۰ میلیم اولدینی معلوم اولسنه نظراً
قیمتی ندر ؟

حاوی اولدینی باقر مقداری ندر ؟ — برکیلو کوموشك
۲۲۰,۵۶ فرانق قیمتده بولندینی فرض اولمشدر .

جواب — مفاد ۳ مثله موجب چه حاصل کوموشك وونی کولچه
وزنك $\frac{800}{1000}$ قسمته مساوی اولدیغندن بوکولچه ده بولان باقرك وونی
 $\frac{2}{3}$ اولور بوكا نظراً ۸۰ کور قابده بولان کوموشك وونی

$$۳۲۵ \times \frac{۸۰۰}{۱۰۰۰} = ۲۶۰ \text{ غرام اولور .}$$

کوموشك سكه حالده کياوسی ۲۲۰,۵۶ فرانک ایتدیگنندن
بوكا نظراً قابك قیمتی

$$۰,۲۰۰۵۶ \times ۲۶۰ = ۵۲,۳۵ \text{ فرانک}$$

و بوقابده کی مانرك وونی ده

$$۳۲۵ \times \frac{۲۰۰}{۱۰۰۰} = ۶۵ \text{ غرام}$$

اولمش اولور .

ختم

بدالطبع كورولش اولان بعض خطارك تصحيح جدوليدز .

صواب	خطا	ر	صوك
۷۱	۷۸۱	۶۲	۶۲
$\frac{۲}{۵}$	$\frac{۲}{۵}$	۶	۱۰۸
$\frac{۲۹}{۷۶}$	$\frac{۱}{۴}$	۱۴	۱۶۰
$\frac{۲۹}{۷۶}$	$\frac{۱}{۴}$	۱۵	۲۶۰

